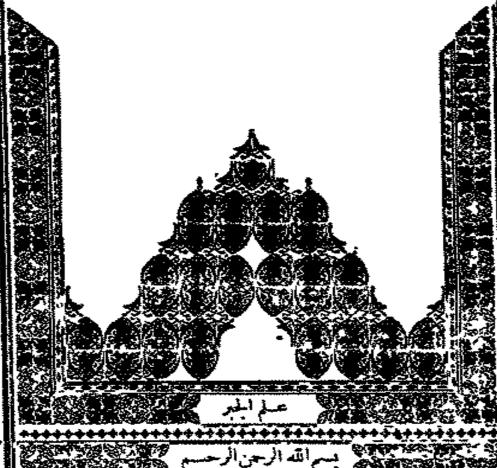
الكلام على جع ثالث الحذوروطرسها ٨Ł فألكلام على ضرب تلك الجذور A £ ن پر فی قسمة الحدور « (ف المعادلات والمسائل دات الدرجة الشائية) » فالمعادلات ذات الدرجة الشانية والجهول الواحد 41 فالمعادلة غيرالتامة ذات الدرجة الشائية 91 فالمعادلة التامة ذات الدرجة الشائية 9 7 في المتاقشات العموسة للمعادلات ذات الدرجة الشائية 9 ٧ ١٠٦ ف مسائل الدرجة الشائية *(الساب الرابع) (ف المتناسبات والمتواليات العددية والهندسية واللوغاريم) ١٢٩ فالمناسسة العددية اى التفاضلية و عن المناسية المندسة ١٣٤ في المتواليات العددية ١٢٨. مسائل بطلب حلها من العلمة و ١٣٨ فالمتواليات التقسيمة اى الهندسة ١٤٣ مسائل تتمل بواسطة المتو لبات لهندستية ه ١٤٥ في اللوغارية ١٤٩ في الارغار شات التي اساسها ١٠ واستعمال الجدد ون النوعا يتمتة ٠٥٠ في التسم الماوغار يمي مه و في استعمال المندارل مارفار بمدة في العلمات الحسوية ١٥٢ في شرح جدول لائم رشت المعرب واستعمله

(البابالغامس) ت مسائل جلها بتواعدهدًا الخنصر وتطبيقها عليارتمرن الثلامذة حتفزى ملكتهم فى هذا العاوعي مه تبذيعسب ترتيب تواعده ١٦٠ مسائل تغمي الدرجة الأه ١٦٨ مسائل تعلى واسطة الغواعد المقررة في الدرجة الثانية ١٨٢ سائل تعل بواسطة قواعد الموالية العددية



أالمنتضى ، أني الحسس على المرتضى ، القائل من قلب أواه ، لابعرف ألجَــذَرَ الاسم الاالله • ماسجعت حياسة ورقاء • وحن مشــــثاق الىالمهاء

وبعد فلما تعلقت ارادة الاصنى الاعتلم ، والداوري الاكرم ، بترب أ العساكرالمصريه ، وعدم ومانهم من الفنون العسكيم ، وكان من جلة وسائلها .. وممالاغنا عنه لمسائلها . علم الجبر . العقلم القدر . صدراً مرمالى من اجابه السعديلييل به فاطرالمد آرس الثلاث على بيك م بعسمل منتخب لهسم لطيف المبنى . حسل القدر في المعنى حرفا جال ذلك على المناهر اللبيب منه واللودى الإرب ، و صاحب الفطنة الوفي الوعد ، عامرافندى سعد ، فانتفيه من مختصر الاعمال التلبريد ، الذي ترجه والمهند سماتة المديويد ، من مازمن كل قن طرقا ، عدا فندى مصطنى ، وقدزا دعلسه الاول قواعدمهمه واضاف الممسائل تأفعة بعده ساعده فحترجتها من القرنسا ويقطو بل الباع ، ابراهم افندى الساع ، فجا محتونا على حل المعادلات بالدرجتين به وعلى المتناسمات والمتواليات ومايتعلق مِدْين ، فان لهماد خلافي حل المسائل العظيم ، وفي حساب كوم القلل الجسمه ، المعتاد تشكسلها بجنما نات الطويجية ، وعلى محت اللوغارية العفام الاهماء ، وقد تسويخا تمة لطفه ، محتوية على مسائل شريفه * مرشة كترتب قواعده الكلم * منتخبة للعساكر الحربيه * ٠ ﴿(اللَّهُ مَا اللَّهُ ﴾

زعم بعض الناس ان هذا العبلم بعمى باسم اقل من اشتغل به ولااصل لهذا الزعم فني الكتب الاسلامية ان الذي اخترعه الويكر الغوارزي وسهاه بعبلا الجبر والمقابلة لكن لم بعرف الزمن الذي اخترع فيه وقد فيسل ان بلاد اسبانيا لما كانت في ابدى العرب مجاورة لبلاد افريشية اكتسبت هذا العلم منه في يحو سنسللنه القب وما ية سيصة وفي غوسند النه الفي وخسما ية حضر بعض تجارا بطاليا من افريقية بنسخة من حسكتب هذا العلم الى بلاده فاشتغل به الايطاليون لكن لم يتصاوا على از يدمن حل معادلة بدرجة رابعة وقد دخل الايطاليون لكن لم يتصاوا على از يدمن حل معادلة بدرجة رابعة وقد دخل هذا العلم بلاد النبساواخذ في التقدم ربلاد الانجليز ثم انتقل الى قرائس في مدالة والمرع في التقدم على سين وغيانية والمرع في التقدم على سين وغيانية والمرع في التقدة معلى سين وغيانية والمرع في التقدة معلى سينا والمسائلة المنا المنا المنا المنا المنا المنا المنا المنا التقال المنا المنا

المؤلف فرانسوافيت البارسي وهواقل تخص طبق الجبرعلى الهندسة وف القرن السابع عشر تقدّم هذا العم تقدّماوا تحاسن وقت الى آخر جبت ظهر فيه مشاه برالمؤلف كالمؤلف فوق وديكان الشهرين واحتالهما وفي القرن التاس عشر ظهر المؤلف فوق وديكان الشهرين واحتالهما من فول المؤلفة بالذين قموا فواقد وورسوه توقياء نقطما وستقدّم هذا العم تقدّمت العلام الهندسة والطبيعية والمكانكية والفلكة والقنون العسكرية بل وجعيع العنائع وبذلك كان هذا العم من انفع العلام المنتقد مدا العم كان ف حر الضعف حق ان كثيرا من مسائلة حسكان مستصيل الحل ومكت على تلك الاستحالة مدة طويلة وكان أيضا التوصل لبراهين القضايا الهندسية العم المنافقة اذذال تساعد العقول على مقاصدها فاضطر على مقاصدها فاضطر على حدا العم المنافقة المنافقة المنافقة عنافة العم المنافقة على المنافقة المنافقة عنافة والمنافقة المنافقة على المنافقة المنافقة عنافة والمنافقة المنافقة عنافة المنافقة عنافة المنافقة المنافقة عنافة المنافقة عنافة المنافقة والمنافقة المنافقة والمنافقة المنافقة والمنافقة المنافقة والمنافقة المنافقة والمنافقة والمنافقة المنافقة المنافقة والمنافقة و

وسمته بالكواسيكي الدربه * في الاعمال الجبريه * وقد آن ان نشرع

فى المقسود ، فنقول بعون الملك المعبود

* (سقدمة في علم الجير) *

(١) الفرض الاصلى من علم الجرسل المسائل العددية ومشكلات القضايا النظرية والعملية بوجه مختصرعام واغايتوصل الى هذا العلم باستعمال الحروف والعلامات فالحروف تستجل للدلالة على الاعداد ان مسكانت القضية سساية والدلالة على الخطوط أوالسعلوج والاجسام ان كانت القضية اوالمستلاهندسية

» (مقدّمة في بيان العلامات والاصطلامات)»

نستعمل العلامات للدلالة بطريق الاختصار على الارتباطات الواقعة بيز الكميات الجارى عليها العمل

. فالعلامات الاصلية المستعملة هي

(ادّلا) علامة به وتدل على جع عددين حين وّضع بينهما ومِلفظ بهازائد مثال ذلك حدد عدد يلفظ به حزائد د ويستدل بها على انه يلزه ضم العدد د الى ح

(وثانیا) علامة ـــ وتدلعلی اصالعــددانتالی لهامطروح من العــدد الســایق لها ویلفظ بها ناقص

مثال ذلك حدد ولفظيه و ناقص و ويستدل بها على اله يلزم طرح العدد و من رح

(وثانشا) علامتاالضرب × و وكتاهماندل على أن كذامضروب فى كذاولانست عمل النبائية الإفى الحروف فقط و يكن سان حاصل ضرب المعددين المبينين بحرة ين بكتابة احدهما بجانب الاستر بدون فاصل فحاصل ضرب فى ٧ مثلا يكن سانه هكذا ٥ × ٧ وحاصل ضرب فى ٤ يكن سانه هكذا

حير كأو ح و فأو ح و

ويكن باز ماصل ضرب كيتين بجول كاتيهما بين قوسين موضوعة اسداهما بيجانب الاخوى ولايسستعمل ذلك الافي المضاريب المركبة ، من جزئين أوجعة

(وسادسا) علامة التساوى هستكذا = بلنظ بها مساو وتدل على التساوى بن كيتين قدوضعت ينهسما مثال ذلك ح = ع فانه يدل على تساوى المقدار ح طلقدار ع

(وسابعا) علامنا > و < فان كلناهماندل على عدم تساوى الكمينين المفصولتين بهالكن الاولى تدل على المستكبروالشائية على الصغرمثال ذلك ع > و تلفظ هكذا ح أكبرس عو ع < د وتلفظ هكذا ح المغرمن د و ع < د وتلفظ هكذا ح المغرمن د

(والماما) للدلالة على عدم تساوى كيتين بدون غييز صغراهما عن كبراهما تستعمل هذه العسلامة على مثال ذلك و على و تبيز أن و ليس مساويا و

(٢) وبوجدعلامتان ايضا احداه مما تدل على قوة : تعدد والاخرى على جذرة وقوة العددهى حاصل ضرب مضروبين أوبحله مضارب كل منهما مساوله فا العدد ويقال ان العدد مرة وعالى التوة الشائيسة اوالشائلة والرابعة وهكذا اذا كان حاصله مكونامن مضروبين أوثلاثة مضاربب

To: www.al-mostafa.com

أوأربعة وهكذا كل منها مساولهذا العدد مثال ذلك و × و × و خوفه فهذا بدل على القوة الشائلة للعدد و وسين قوة العدد بكات عليه ماثلا جهة الشعال بقليل عدد مرات دخوله مضروبا في هذه القوة و يسمى هدد المرات أسافا لقوة الرابعة للعدد و تكتب هكذا و فو و يلفظ و أس أربعة فالا سهدل على درجة القوة السكن القوة الشائية لعدد تسمى مربعا والقوة الشائية لعدد تسمى مربعا والقوة الشائية لعدد تسمى مربعا

وجذرالعدداصله الذى اذا زفع لدرجة ما غصل منه العدد المذكور وهدذا الجذر يسمى الجذرالشانى أوالشالت وهستكذا اذا رفع الى القوة الشائيسة أوالشالث وهكذا لا نتاج العدد المعسلوم فالجذر الشانى يسمى الجذر التربيعي والجذرالشاني يسمى الجذر التربيعي والجذرالشاني يسمى الجذر التربيعي

فالعدد و هوالجذرالتانى اوالجذرالترسى للعدد و و هو الجذرائرابع لمقدار و و ودرجة بخزرالعددهى درجة القوة اللازمة لرفع هذا الجذرائية انعدد المعلوم ويستدل على جذرالعدد بوضع هذا العلامة مناه المعلوم ويستدل على جذرالعدد بوضع هذا العلامة و مناه مكتوبا بن شعبتها العدد المبين ادرجة الجذرة يسستدل على

الجذرانتكميي العدد ح بهذه العلامة \ ح ويلفظ بها الجذرالتكميي المعدد ح ومتى طلب جدارالمربع فلاحاجة لوضع ٢ فوق العالامة فالجذرالتربيعي للعدد ٧ يكتب هكذا ٢ - ٧ - ٧ . ٧

(٣) ويظهرنت غرة استعمال الحروف والعسلامات الجبرية في حلما اذ. كان عندنا

مجوع عددین بساوی ۲۰ وفاضله سما بساوی ۹ والمطاوب معرفه کش من هذین العددین

فيكن حل هذه المسئلة بالقواعد الحسبانية غيران استعمال العلامات الجبرية أخصر رأس ل وذلت بأن يرمن لاصغر العددين المجهولين بالحسوف مروحيت كن ضلهم المساريا لمعدد ه يكون مقدا والعدد الاحسكير سم به وحيث أن ماصل جعهما يحب أن يكون مساويا للعدد ٥٥

يحدث هذا التساوى

قاذن يكون العدد الاصغر مساويا ٨ والاكبر مساويا ٨ به ٩ أى ١٧ لان ١٧ به ٨ = ٩ ص ١٧ - ٨ = ٩ و ١٧ الله ١٧ ققد ظهر من ذلك أن ق استعمال العلامات الجبرية اختصار اوبساطة للله المسئلة غيران هذا المل غير عام و بلعله عاما كاهو الغرض من علم الجبر تستعمل الجروف وكفية ذلك أن يقال لي المستعمل الجروف وكفية ذلك أن يقال لي المن العدد ين فيفرض عدد ين و دمن المفاضلهما والمطاوب معرفة كل من العدد ين فيفرض تن سد دمن المعدد الاصغر يكون الاكبر سم به عرفه فيفدت

مہ + مہ + د = د أو ٢ مہ + د = د أو ١٠ مہ = د ـ د أو

قاذن يكون العدد الاصغرمساوا شهد والاكبرمساوا شهد و و لا تنبه الى أنه سذبن الناتجين لا يخصان مقدار بن مراد بن من و و عند ينكون الحاصل عاما وهدان الناتجان المسيان قانونين يمكن استعمالهما بدون راسطة في حل المسائل المشابهة لهذه المسئلة لانه اذا فرض أن المعلوب المجاد العدد بن اللذ بن ماصل جعهما = ١٣٧. وفاضلهما = ٤٩

ي العدد ١٣٧ وبدل عدى القانونين بدل عدى العدد ١٣٧ وبدل عدى العدد ١٣٥ وبدل عدى العدد الاكبر عن من العدد الاكبر عمد الما العدد الاكبر عمد الما العدد الاكبر عمد الما العدد الاستراب العدد ال

ويكنوضع المقدارين السّابقين اللذين هما شيئت و مُستِث بهذه المصورة عبد في أنه مق عسلم بجوع عددين وقاضلهما استنبج الاكبرمنه سابعتم تصف الفاضل الى نسف الجموع واستنبج الاصغر بطرح نصف الفاضل من نسف الجموع

(فالكميات السلبية)

(٤) متى كانت الكمسية المرادطر هما اكبر من الكمية التي يراد الطرح منها كانت علية المسرة استنسبوا منها كانت علية المسرة استنسبوا طرح الكمية المسخرى من الكبرى ووضع العلامسة ــــ امام الناتج أى الساق

قاد الريد مثلاطرح العدد ٧ من العدد ٥ يطرح العدد ٥ من العدد ٧ فيكون الباق ٢ فيوضع المامه علامة ــ فيحكون حيث ـ ١ وحكذ الدالد يدطرح ٩ و و ٢ من ٤ و و و العدامة غير عكنة لانه لا يكن طرح تسعد المثال و ١ من البعد المثال و ١ و الباق و المنابط و المنابط

مثال ذلك

تاجرريم فى السسنة الاولى مبلغاقدره م وخسر فى السنة الثــانية مبلعا قدره د فعايكون حال رأس ماله - فالجواب آن يقبال اذا كان الربع من الخبر عن اللمنارة عفراس المال يزيد بقد سد من لكن اذا فاقت الفسارة الربع بان كان عرب فقد تقصر رامي المال بقسد عسد فأذن كيسة عسد الدافة على نيادة رأس المال لا تدل الأعلى عليسة طرح مستحيل حيث كان عرب فيطرح الاصغر من الاكبرونونيع العلامة سلم الباق لمعان الناتج ليس ربحا يضم الى رأس المال بل خسارة تطرح من رأس المال

فَاذَافَرِضَ أَنْ مَ ٢٠٠٠ و عسم ٤٠٠٠ فَانَه يُوجِد خَسَارِة قَدْرُهَا مِنْ وَهِدْرُ بِهِ فَسَدُرُهِ ٢٠٠٠ وَاذَافُوضَ أَنْ وَ ٢٠٠٠ وَ وَ عَلَى اللَّهِ وَ اللَّهِ اللَّهِ وَ اللَّهِ اللَّهِ وَ اللَّهِ اللَّهِ وَ اللَّهِ وَ اللَّهِ وَ اللَّهِ وَ اللَّهُ وَاللَّهُ وَاللَّالِ وَاللَّهُ وَاللّهُ وَاللَّهُ وَاللَّالِ وَاللَّهُ وَاللّهُ وَاللّه

(°) واذلهاعتبرنا حننذ في المقدار و سد كد ان المقدار و ثابت والمقدار كد مترائد من ابتدا الصفر حدثت نواتج متناقصة في كان كد عدد من الفرق و سد كد مساويا لصفر واذا استمرالمقدار كد في ازدياده حدثت كيات سليبة وكلا كانت كركيمة كانت هذه الكميات السليبة حكيمة أيضا باعتبار مقاديرها المطلقة فأذا فرض و عدد الكرائي وفرض على التوالئ

و او ۱ و ۳ و ۳ و ۶ و ۹ و ۲ و ۹ و ۹ و ۹ و ۱ و الح کانت مقادیر

وسيت أن المقادير السالبة معاقبة للمتادير الموجبة التي هي ٣ و ٢ و الخوسيت أن المقادير السالبة معاقبة للمتادير الموجبة التي هي ٣ و ٢ و المو تعتبر اصغر من صفرو من حيث أن الكميات السالبة السكيمية المقدار المطلق تأتى بعد الكميات السالبة الصعيرة المقد ارتعتبر اقل منها وندا مشاهدان

- ٢ أصغرمن صفر و - ٥ أصعرمن - ٢ وباستعمال العلامة ين
 < > ؟ كون

وينج من ذلك ان كل كية سالبة اصغر من صفروان اصغرالكميتين السالبتين ما كان مقداره باللطاق الحير

> *(البساب الاقل)* *(ف العسمليات المبية)*

« (في تعاريف الحدود المتشاجة واختصارها) »

(٣) كل كت دخل فيها حرف أوجه حروف تسمى كسة جبرية اومقدا را حبرا كلمية وكل كسة جبرية خلت اجزاؤها من العندلامتين و ب تسمى حدد الوكسة دات حدوكل كمة مركبة من جرثين فأست تحتوية العدلامة و أو به تسمى كمية ذات حدود نم ان كانت الكمية محتوية على حدين معين ذات الحدين وان كانت محتوية عنوية على ثلاثة سميت ذات المثلاثة حدود فاذا كمة عرد و و فاذا كمة عرد و و و فاذا كمة عرد و و من و عذات الحدين

اذاوشع فى المقدار الجبرى أعيداد بدل الحسروف واجرت عليها
 العمليات المتوطة بها فالمقدار الناتج يسمى المقدار الرقى

* (مشال ذلك) *

اذافرض فی حد ۱ و آء آن و ست ۲۰۰ و عد ا بست کون مقدار الرقمی مقداره الرقمی ۱ × ۸ × ۱ ۲۰۰ و من البدیهی آن المقدار الرقمی است مدود لایتغیرکا شاما کان تر نیب کابه حدود الان الناتج لایتغیر شغیرای تر نیب اجری لا جل علمات جع اوطرح

«(٨) سكل مضروب دخل ف حديث اصلالهذا الحد وعددهذه المضاريب بسبى درجة الحد فالحد ٥ وا واهد مثلا بعتوي على ستة اصول فهومن الدرجة السادسة فينتذدرجة الحدتساوى حاصل جع اسس الحروف المحتوى عليه اذلا الحدة

ويقنآن للمسكمية ذات الحدود متعانسة اذاكانت درجة جميع حدود هأ

واحدة فألكمية ذات المهدوم ٣ و و الماء و و عد ٧ و الماء و الماء و و الماء و الماء

(٩) لمطدود المركبة من احرف متعدة الصورة والاسمى تسمى عدود ا متشابهة ومتى كانت السكمية ذات المقدود محتوية على عدود متشابهة المكن اختصارها بخعويل هدة الحدود الى حدوا حدفالكمية ذات الحدود ٥ حراء - ٨ حراء به ٧ حراء - ٢ حراء عصصي وضعها بهده الصورة ٥ حراء به ٧ حراء - ٨ حراء عراء

قدا ٥٥ و ٧٥ ددلان على خسة امثال مراد زائدا سبعة امثال مراد أعنى ١٢ مراد فاذن يحكن استعواضهما بكمية ١٢ مراد وحدا - ١٠ مراد و - ١٠ مراد يؤلان الى كيسة - ١٠ مراد كاآل الحدان الوجبّان الى كيسة ١٢ مراد فينشذ تؤول الحكمية ذات الحدود الى ١٢ مراد سراد مراد ومها يستدل على اله يلزم طرح المحدود الى ١٢ مراد فيكون الباقى ٢ مراد وهو الذي آلت اليه الكمية ذات الحدود ومثل ذلك بجرئ في المناف عرى ق

٧ و کو ــــ ٩ و کو ـــ ٥ و کو ـــ ٣ و کو ـــ ١٣ و کو ــــ ١٧ و کو

قالتاعدة العسموسية لتحويل على حدود متشابهة الى حدوا حدان تجمع المكرد الناموجية والمكردات المسالية ثم يطرح المكرد الاصغر من الاكبر وتوضع علامة الاكبرامام الناتج تم توضع اخروف المشتركة بأسسها الاصلية بجيانب الناتي المذكور

. (فى الجمع).

(۱۰) جلمع الكسيتين ۲۰ مــ ۲۶ و عدمــ ٥٠ يجرى العسمل هــــكذا فيضم اولا عَدَّ الى تَمُوس؟ مَ بان يُوضع عَدَ بعد ٣ و ٢٠٥٠ والعلامة عهد تعصسل ٣ و ٢٠٠٠ عدد وحيث ان هـ ذا النسائج ع اكبرمن المطاوب بالمقدار ٥ و يطرح هو من ٣ و ٣ - ٢ د هـ ع هـ اى يكتب ٥ و بعد ما لعلامة _ فاذن يصطون عاصل الجع المطاوب ٣ و - ٢ د 4 ع هـ - ٥ و

وأذا كأن خاصل الجم محتويا على حدود متشابهة وجب اختصارها فانقا عدة العسمومية لجمع بعسله كيات ان تكتب منتاليسة كاهى موجودة ثم محتصر الحدود المتشابهة أن وجدت

وضع الحدود المتشابهة الكميات ذات المدود قعت بعضها فى العمل ثم يكتب من اول الامر الخاصل بإلا حتصار وصورة العمل هكذا

* (فالطرح)*

(۱۱) لطرح الكمية ذات الحدود ٦٦ ، ع ما وكا من الكمية دات الحدود ٥٦ من الكمية دات الحدود ٥ ما وكا من الكمية

757 - 7 57 7 - 5 7 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5 7 7 5

15 - 7 - 5 - 7 - 5 - 5 - 5 - 5 - 5 0

واذا كان النبائج الذى هو بأق العارح محتوياً على حسدود متشابهـــة وجب اختصارها

فالقاعدة العمومية الطرح كية من احرى أن تكتب الكمية التي راد طرحها بجانب الاخرى مع تغيير جميع عملامات حدودها واختصار الحدود المتناجة أن وجدت

، (تثييهان) ٠٠

الاول اذا اريد بيان بأقى الطرح من غيرا يواء العمل فى المثال السابق وضع

(55 2 - 52 - (5 82 - 3 82)

اعنى للدلالة على طرح كية دان حدود من مثلها شهر الكمية التى يراد طريحها بين قوسين بهده الصورة () وتكتب جانب المطروح منه جهة السيار مفسولة بالعلامة - وادا الريد اجرا عملية الطرح يحسذ ف القوسان وتغير علامة الحدود المحسورة ينهما

الشاني متى وبحدت معدود منشايسة وضعت فى العسمل تحث بعضها نم تعير علامات المطروح وتشتصر الحدود المتشابهة وهاك كيضة العمل

(۱۲) قدار ساائرات قواعدا بلمع والطرع على مجموع حكميات متنوعة تفاصد الدمق له و حقات فل يجب ان تحكون هذه القراعد مضبة على المدود المنفردة فالجواب أن يقال أن تطبيق منده التراعد على الكميات السالبة لا معنى له على أن القاعدة التى يراد ساوكها فالتطبيق يحتاج الباتها الله واسطة وهي غير سعاومة لنا فحينة لا لا معنى بلمع العددين ٤٧٠ و ٥٠٠ كا العددين ٤٧٠ و ٥٠٠ كا كن حيث أن المناب و مل في الغالب العمليات من هذا القبيل انفقوا على أن التواعد المنتسة الكميات ذات الحدود تكون جارية على الحدود المنتسة الكميات ذات الحدود تكون جارية على الحدود قد عبرية هي التي الحوجتهم الى هذا الاتفاق

عاصل جع الاعداد - ٥ و - ٧ و - ٣ مثلاهو - ١٥ وياقى طرح - ٧ من - ٥ هو ٢٠ لانه تغيير علامة المطروح - ٧ بعدت - ٧ بعد يربط هـ ذا النباتيج بالمطروح منه - ٥ فيحدث - ٥ منه ٢ أي ٢٠ أي ٢٠ ٢

ومشله هذا بقال في شرب حدين منفردين ولاحاجة اذكره في القسمة لان تراعد عمليات النسمة تاتيجة من قواعد عمليات الضرب

. (فى الضر*ب)* -

عدث ، د × د × د × د = د و م عدث

،١٢ ﷺ * × وَ * × هَ الله عَلَمَ الله وَ وَهُذَا هُوسَامِسَلَ الصَّرِبِهِ المَعَاوِيهِ

فالقاعدة العسومية لضرب حدق اخرأن يضرب أشدا مكرد الحد الاول في مكرد الحدالشاني ثم تكتب على شمال حاصل الضرب المسد كود الحروف التي لم تكن مشتركة في كل من المضروبين كأهي ثم يكتب الحرف المستدلما إس. مساو لحاصل جع اسب في المضروبين

(سليه)

الحالات الثلاث المحصورة في هذه القساعدة العمومية تسمى تعاعدة الكررات وقاعدة الحروف وقاعدة الاسس

(۱۱). لضربکے ذات حدود فی مثلها نحوج ۔ دفی ہے۔ و ججری العمُل هَکذا

ح سد د مضروب

ه ــ و مضروب فيه

حد سدد سدد سامل الضرب

فيضرب اولا و سد و في هد خاصل ضرب و في ه يكون مينا بالحد وه غيراً نه بضرب و في ه ازداد المضروب بقدر و قادا يكون حاصل الضرب ازيد بقدار و مضروبا في وه في بقدار وهم في مضروبا في مو مضروبا في مورد و منازداد بقدار و من وه فيعدت وه سد ه و با خذ ه مضروبا في مينزداد بقدار و خاصل الضرب و سد و في و المساوى و و سد و كانقسدم في المساوى و سد و كانقسدم في المساوى و سد و كانقدم في (شد ا ا) من وه فاذا طرح حاصل الضرب و سد و و به و و هو حاصل الضرب المنازب و سد و كانقدم في (شد ا ا) من وه كانطاوب و بنتيم من دارا المنازب و مد و و به و و هو حاصل المنزب كل حدمن المنزوب في و يقرن كل حاصل المنزب المنزوب فيه ويقرن كل حاصل بحرئ بالعلامة به ذا القدر علامة من والعلامة به ذا القدر علامة من والعلامة به ذا القدر علامة منزوب و بالعلامة به دا ذا القدر المنزوب و بالعلامة به دا ذا القدر المنزوب و بالعلامة به دا ذا القدر القدر المنزوب و بالعدر المنزو

علامتاهمامثال ذلك آن يراد ضرب ه يركسه عرق المسهود و سهوع عهده في المدود المسهود و سعوة وليتنبداني اندمتي ابويت علية الضرب كاتقدم يختصرا لحدود المتشابهة من الحاصل ان وبعدت ولتسهيل هذه العملية يرتب المضروبان بالنسبة للدرجة التصباعد فأوالكنا ولمة لحرف واحد فيهما

ويتال ان الكمية مرتبة بالنسبة للدرجات التصاعدية أو التنازلية لحرف متى كانت اسس هذا الحرف آخذة في التصاعداً والتنازل من ابتدا الحد الاول الى الحد الاخيرفاذ البريناهذا التربيب على المضروبين المتقدمين والنسبة للدرجات الننازلية لحرف و يحدث

0 \$ Tr rr \$ 0 \$A- \$PV+ \$P0 + \$P1-\$PT- PT

5t--- 570---- 57 Y----

Tr er tt ro rī γ 5707-1-5714---5770---57ΓΛ-1-57Γ1--

م الم المرابعة وبعدا جواء الاختصار يحدث عن مام

اختلفت علامتاهما يُم تعتصر الحدود المنشأ بهذان وجدت * (تنبيه) * .

منى رتب مضروبا سامسل ضرب بالنسبة للدوجات التنازلية طوق واحد خاصل ضرب الحدالاول من المضروب فيسه بحصوى على سوف التربيب باس الكبر من كل من اسسه فى الحواصل الاخر الجزيبة لانم سما الحدان المستقلان على سرف التربيب بأس اكبر من أسكل من الحدود المشتقلات على سرف التربيب بأس اكبر من أسكل من الحدود المشتقلات على الحرف المذكورو حدث وجد حاصل بوئ لا يمكن اختصاره مع آخر يستسكون هو الحد الاول الحاصل المضرب المعلوب المرتب بتربيب مضاديه

ومثل ذلك يتال في حاصل ضرب الحد الاخير من المضروب في الحد الاخير من المضروب في الحد الاخير المال الضرب المطاوب من المضرف بعضه فيكون هو الحد الاخير الحاصل الضرب المطاوب

ومثل ذلك يقال أيضا فى تربيب الكميتين ذا فى الحدود بالنسبة للدرجات التصاعدية لحرف فَكون أس الحد الاول لحماصل الضرب الأصلى اصغر من أس كل من الحدود الاخروأس الحد الاجتراكيرها

فعلى ذلك اذا كان حاصل النبرب مرتبازيب مشروبه فالحدالاول منه يكون فى الحقيقة حاصل تسرب الحد الاول من المضروب فى الحدالاول من المضروب فيه والحدالاخيرمنه يكون في الحقيقة حاصل الضرب للعدالا شير من المضروب فى الحدالاخير من المضروب فيه

(١٥) اقل عدد الحدود التي بشقل عليها حاصل ضرب كيتين ذاتى حدود يتحدون في بعضهما اثنان لانه قد ببت ان حاصل ضرب كيتين ذاتى حدود يتحدود مشتملا اقل ماهنال على حدين لا يمكن اختصارهما واكثر عدد اخدود التي بشقل عليها حاصل ضرب كيتين ذاتى حدود في بعضهما يحدون ما ويا للي بشقل عليها حاصل ضرب كيتين ذاتى حدود في بعضهما يحدون ما ويا خاصل ضرب عدد حدود المضروب في عدد حدود المضروب فيها ذالم يعتو هذا الحاصل على حدود يمكن اختصارها

(١٦) حاصل ضربكية بزذا ق حدود منجانسة كية ذات حدود منجانسة

درجهامساویه خاصل جع درجی مضروبهالان درجه کل ماصل ضرب نجری مضروبه کاهی قاعده ضرب حدین فی بعضها و ادا احتوت الکمیه دات الحدود علی حوف اسه متعدفی بعض جدودها ادفی جمعها اعتبیت هذه الحدود بین اوفی جمعها اعتبیت هذه الحدود بین قوسین ماعدا الحرف المذکورو شیعل مستخر دالله ف المذکورمثال دلال قوسین ماعدا الحرف المذکوروشیعل مستخر دالله ف المذکورمثال دلال محدود مترقم هکذا

ع د سعود سعود ورو (۱ د سعد ه سعد) و

فَالْكُمِّةُ وَلَا عَدِهُ مِنْ مَا وَهُوَ مِنْ وَهُوَ مِنْ وَهُوَ مِنْ وَهُوَ مِنْ وَهُوَ مِنْ اللهِ وَمِاتُ و يحسب الدرجات المنازلية للعرف و ولك ان ترتبها بحسب الدرجات المنازلية للمرف هو هكذا

وسياق استعمال ذلك في القسمة وحل المعادلات الحرفية واجراء علية الضرب وسيكون على كيفيق الوضعين المتقدمين وهاك مشالالتوضيح ذلك

•(الكيفية الاولى) •

(12 - هر) ح - (عدَّ + 16 ه ∓ هَ) ح مضروب

(12 + ه) ح + و مضروب نبه

(عدَّ - هَ) حَّ - (المدَّ + هَ) حَّ الله المناب الم

قاداتعسر ضرب تبوي ف آثوض بأعلى سعنهما خشتك المعتاد بم يومنع سامل و المضرب الجزف ف مرثبته

(قواعد) (۱۷) الاولى اذا اجريت علية ضرب (۶ + ٤) في (۶ + ٤) أي مربع ۶ + ٤ يحدث بربع ۶ + ٤ يحدث (۶ + ٤) = ۶ + ۲۲٤ + وكا

وينتج من ذلك ان حاصل ضرب مجوع كيتين في فاضلهما يساوى الترقبين مربعيهما فيكون الفرق بين مربعي كيتين مساويا لحاصل ضرب معظم جذريهما في فاضل الجذرين مشال ذلك

(527 - 570) (527 + 570) = 2574 - 1327 cd (57 - 77) (57 + 77) = 5 - 7 (5) | 477 - 77 | (5) | 477 - 77 | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7) | (7)

(۱۸) اذا كان المطاوب قسمة حدى اخريقال
اولا مكررخارج انقيمة يستنتج رئن تقشيم مكرد المقسوم على معسيرد
انقسوم عليه لان المقسوم يكون يساويا لحاصل ضرب المقسوم عليه
ف خارج القسمة وحيث أن مكرد حاصل ضرب يساوى حاصل ضرب مكردى
مضروبه كافى (بند ۱۳) يكون مكرد المقسوم مساويا لحاصل ضرب
مكرد المقسوم عليه في مكرد خارج القسمة فينئذ يكون مكرد خارج القسمة
مكرد المقسوم مقسوما على مكرد المقسوم عليه كافي قاعدة الاسس
وثانيا اذا كان المقسوم محتويا على حرف ليس في المقسوم عليه يكتب
وضدج القسمة عين ما في المقسوم الان المقسوم هو حاصل ضرب المقسوم
عليه في خارج القسمة فكن حرف ليس في المقسوم عليه وهود اخل في المقسوم

قالقاعدة العسومية لتقديم حد على آخران بقسم مكردالمقدوم على مكرد المقدوم عليه و تكتب الحروف الذي يحتوى عليه المقسوم دون المقدوم عليه عقب الناتج الاول بأسها للمكائفة به في المقدوم تم تكتب الحروف المنتزكة الكائنة في المقدوم والمقدوم عليه بأس مساولف اضل اسها الكائنة بها في المقدوم والمقدوم عليه ويوضع في خارج التسمة علامة باذا اتحدت عسلامتا الحدين وعسلامة سد اذا اختفت علامتاه ساوا وايضاح هذه القاعدة بكون بقسيم عام وادا على اساو هكذا وايضاح هذه القاعدة بكون بقسيم عام وادا على اساو هكذا

٠٠(مينة)-٠

تقسيم حدعلى أخرغبر بمكن اذا كان مكررالمقسوم غيرة ابل تقسمة على مكرر المتسوم عليدا وكان حرف دن المقسوم عليه غديرموجود فى المقدوم أوك ت إسعرف من المقسوم عليه اكبر من اسه فى القسوم قاذا وجدت التمن عصد الاحوال الثلاث جعل خارج القسمة ككسر اعتبادى يعتصرفقط انقبل الاختصار بان تعذف منه المضاريب المشتركة فى كل من سديه في نقذ خارج قسمة عام و وه ه على ١٨ و و و الوضيع بهذه الصورة عن من و المناز المناز و المناطرين

(۱۹) اذاقسم ما على ما برياعلى قاعدة الاسس يحدث ميم = و ومن البديهى أن ميم = افاذن يكون م = اوينتج من ذلك أن كل مرف اسه صفر يساوى واحدا

(٠٠) وانستغل الا تن تقسيم كية ذات حدود على مثلها في أوسان المقسوم البسب + - + - الخ والمقسوم عليمه 1 + - + - + ق المقسوم الميسة المجهول 1 + - + - + و المخ و خارج القسمة المجهول 1 + - + - + و المخ المخ و الموزا و - و و المورزا و - و و المورزا و - و و المورزا و المؤرزا و المؤرزا و المؤرزا و المؤرزا و المؤرزا و المؤرز و المؤرزا و المؤرز

م شال من المعاوم ان المقسوم يساوى المقسوم عليه مضروبا ف خارج القسمة و تقدم في (نبيه بند 1) اله اذا كان حاصل الضرب و مضروبا من تبعيب عرف واحد كان الحد الاول الحاصل الضرب هو حاصل ضرب اول حدمن المضروب في اول حد من المضروب فيه فيكون ا مساويا لحاصل ضرب الاالا واذا يستنتج الاستسيم اعلى 1 وحيث علم الحد الايضرب المقسوم عليه في هذا الحد ويطرح حاصل الضرب من المقسوم فينتج باق بهذه الصورة م به شاع العلم الضرب من المقسوم فينتج باق بهذه الصورة م به شاع العلم المنسرب المنافقة و منافع المنافقة و منافعة و م

لاعترى الاعلى حاصل ضرب المقسوم عليه في و خارج النسية سب + و + الخ وحسان حاصل الضرب م + 0 + ن و وحساريه المسكون م ب + 0 + الخ مرسة بكيفية واحدة وسيحون م مساوياً لماصل ضرب أو في ر (كافى تبيه 1) فاذن يستنج ر مقسيم م على 1 نم يضرب ر في المقسوم عليه و يطرح المحاصل من الباقى م + 0 + و في نيخ باق جديد بهده المصورة المحاصل من الباقى م + 0 + 0 في نيخ باق جديد بهده المصورة و وهل محد و مالخ وعلى ما تقدم بتوصل الى تقسيم ر على اكلاون و هل به والما المحد المحد و هل به والما المحد و المحد و هل به والما المحد و المحد و

فالقاعدة العمومية لتقسم ذات المسدود على مثلها ان رتب المقسوم والمقسوم عليه بالنسبة للدرجة التصاعدية اوالتنازلية غرف واحد غيم الحدالاول من المقسوم عليه وعدت الحدالاول من المقسوم عليه في الحدالاول من المقسوم عليه في الحدالاول من المتسوم عليه في الحدالاول من المناصل المناقس من المقسوم عليه في الحدالاول من المناصل من المقسوم عمية ويقسم الحد الاول من المساق المدالاول من المقسوم عليه في الحدالة الى من خارج القسمة في الحدالة الى من خارج المقسمة من المباق الاول فيعدث القسمة على المحدالاول من المقسوم عليه تمدون الحدالة المناصل من المناق المنات من خارج القسمة في المحدالاول من المقسوم عليه تمدون المدالة النات من خارج القسمة في المدالاول من المقسوم عليه تمدون المدالة المناق المغرا أوغر قابل القسمة على المدالاول من المقسوم عليه

فبعد تربيب داقي الحسدود بالنسبة للدوجة التنازلية للموف و يقسم هوه على و فيصدت و و ووالحسد الاول من خارج القسمة تم ييضرب المقسوم عليه في و و و و و و و الحاصل من القسوم بتغيير علامات كل من الحواصل الجزائية و وضع الحاصل المذكور تحت الحدود المشابهة نصدت باق هو نلسدوده من المقسوم واختصار الحدود المتشابهة فيصدت باق هو سد ، احد به و و و و المناق على و و و و و الحداث الاول سد ، احد من هذا الباق على و و و و و و الحداث الناق من خارج القسمة تم يجرى العصمل على هذا المنوال

هذا واختصارالعمل يكون بضرب كلحد من خارج القسمة فى المقسوم عليه وطرحه مع اختصارا لحدود المنشا بهة الموجودة فيه وصورة العسمل هسكذا

٢ - ١٠٠ - ٢٠٠ - ٢٠٠ - ٢٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠ - ٢٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠

فبعداستناج ٧٠ اعتى المدالاول من خارج القسمة بضرب ٧٠ ق ٥٠٠ فيعدث ٥٠٠ ولطرحه يجعل - ٥٠٥ وماصل ضرب ٢٠ ١٩٥ في ٧٠ يعدث عنه ٨٠٠٥ ولطرحه يجعل - ٥٠٠ وهو حدد ينبغي اختصاره يعدث عنه ٨٠٠٥ فيصير - ٥٠٠ د م يجرى العمل على هذا الاسلوب ، هم على هذا الاسلوب ، هم ينبيهان) *

الاول مقكان بأق علية القسمة غيرصفركل شارح القسمة وحسك سريسطه الباق المذكور ومقامه المقسوم عليه

النانى تقسيم ذات الحدودعلى مثلها غير بمكن متى كأن الحد الاول من المتسوم غبرقابل القسمة على الحدالاول من المقسوم عدمه اوكان الحدان الاخران منهماً كذلك اوكان الحد الاول من اى ماق لا يقيل القسمة على الحد الاول من المقسوم عليه اوكان المقسوم والمقسوم عليه مرتبين بالنسبة الدرجات التنازلية لحرف كالحرف سم وكان حاصل جع أسي هذا الحرف في الحد الاخيرمن المقسوم عليه وخارج القنمة أصغرمن اسه في الحد الاخسرمن المقسوم لانه اذا اجريت علسة القسمة وانتهت بدون اق فالحد الاخرسن المقسوم يكون مساويا لخاصل ضرب الحدالا خبرمن المقسوم عليه في الحذ الاجرمن غارج السمة فاذن يكون أش سم في ألمد الاخر من المقسوم مساويا لحاصل جع أسي هسذا الحرف في الحديث الاخبرين من المقسوم عليه وخارج القسمة وهدذا مناقض لمافرضسناه من أن حاصل جع أسي الحدين الاخبيرين من المقسوم عليه وخارج انقسمة اصغر من أس الحد الاخسرمن المقسوم مع أن أس سم يجب أن يكون داعً استناقصا في درج التسعة وحسكذلك لاتكون أقسمة تمكنة متى كانت ذاتا الخدود مرتبتن بحسب الدرجات انتصباعدية لحرف كالحرف المذكور وكأن حاصل جع اسي هسذا الحرف في الحد الاخير من المقسوم عليه وخارج القسمة اكبرمن اسه في الحد الاخرمنالمقسوم

(۲۱) قدیکون عرف الترتیب فی ذات الحدود باس واحد فی حدّین اواکثر فیمبری علیها ما نقدم من الوضع فی (بند ۲۱) بأن توضع علی احدی الصور تین المتقدمتین مشال ذلک

۲۲ ۳۲ تورنین علی احدی ها تین الصورتین علی احدی ها تین الصورتین ۲۰ م

المتن بدلوضع و فهدماعلى اله مضروب في الجلة وى سدد سه معتبرة مكردا لحرف التربيب و ولا نجرى في اعال التقسيم الانتهالاعلى النصورة الشائية فاذ الريد تقسيم السبه سهمه و مسهم و مسهم منه النسورة الشائية فاذ الريد تقسيم السبه و و المنه و المنهوم على السبه منه فلكردات الوسو و المنه في المقسوم عليه واحديكون السعى خارج القسمة ع وحيث أن أصغر واسه في المقسوم عليه واحديكون السعى خارج القسمة على منه في المقسوم والمفسوم عليه صفريكون في خارج القسمية منه المنهون في خارج القسمية على ذلك لا يعزم لمعرفة خارج القسمة الا تعيين المكردات الوسيم و المنه وصورة المعسمة الا تعيين المكردات المسمة و المنه وصورة المعسمة الا تعيين المكردات المنه و المنه وصورة المعسمة الا تعيين المكردات المنه و المنه و

فنعير المسكرد أيجب التنبيه على الداد اضرب المقسوم عليه في خارح المتسدة فالحاصل الجزءى النباتج من ضرب السمد في أسرًا الاعتصر مع حدود الخوس الكلى لا يعتوى على اس سد بدرجة اعلامن درجتسه

قبقة المواصل المؤرية القاصل المذهبة ويسايا البرة قاذن .

وستون البرا = ألم برائر وسايستفرج إلى أبرا أو أو ألى المراب المسوم عليه في أبرا ويقرح الماصل من المقسوم قالباقي م سرا + وسرا به وسر به لا يعتوى الاعلى حاصل ضربه المقسوم عليه في المراب به وسرا به ومن هذا المنوال يكون العمل وحالة التقسيم هدفه ليست غيرا لمالة العامة لانه بتقسيم مكرد اول حد من المقسوم على مكرد اول حد من المقسوم عليه بتوصل المراب المقسيم كنة ذات حدود على مثلها وسان ذات في الكمية ذات المدود

م ١٠٥٠ م ١٠٥٠ م ١٥٠ م ١٥٠٠ م ١٠٠٠ م

To: www.al-mostafa.com

فيلزم أن بكون الحد الاول من خارج القسمة محتويا على حا والتعصيل مصكر ره يقسم مكرد ١٠ ـ ١٠ على مكرد ١٠ ـ ه (وهذه اول قسمة جراب) وناتبها ٢ فاذن و الحد الاول من خارج القسمة ٢٠ يم يضرب المقسوم عليه في ٢٠ أي يضرب ١٠ وفي ٢٠ في تعصل ٢٠ م وهذا الحد عاجى مع اولى حد من المقسوم وحدث أن خاصل شرب الباقى.

من المقسوم عليه في ع م يقبل الاختصار مع الخزم التالي من المقسوم

يول هذا الحاصل بعد اختصاره الى سروع المحاصل بعد اختصاره الى المحاصل بعد اختصاره الى المحاصل بعد المحاصل ب

وحيث ان الجزء التالى من خارج القسمة يجب أن يحسكون محتو إعلى ع فلتعيين مكسرره يقسم ـــ ٢٠ ١٠ د ــ ٩ د على ٣ د ــ ٥ (وهذمهي الى قسمة جو "بية) ثم يجرى العمل على هذا النوال ع س ١٠٠ (۲۲) ر وهناك حاء شهيرة في التقسيم الجبري وهي الحالة التي يكون فيها المقسوم عنيه غيرمحتوعلى حرف انترتب لمقسوم كااذا اريد تقسيم الكمية ذات الحدود أمر به سه مد به و على م فالمكردات أ . س و م م محكناً نكون كيات ذات حدود وحيث أن م لايحتوى على الحرف مد يكون خارج القسمة محتويا على حرف الترتبب بدرجته الكائن ما فى المقسوم وبنا عليسه يكون بهدده الصورة أحدب سرم 4 مَ فَاذَن لا يَعتاج الالتعيين المكررات أ ويد و مَ فواسل ضرب المقسوم عليسه في حدود خارج القسمة تكون م أسم م سسم مرة وهي حواصل لايقبل بعضها الاختصار مع الا خرلانها محتوية على م باسس مختلفة فتكون حينندمساوية للاجرآء المقابلة لهامن المتسوم كللنظيره فعدث حينتذ بحذف المضارب المشتركة سمه مه الحان 1=1 رُ م خے ر ویٹنے من ذلک کے ہے 7= 2 ح م ≕ ہ

فهينة ذيقال متى كان المقدوم عليه تدار امن حرف ترتيب المقسوم يلزم لاسكان

القسية أن يكون مكرركل قوة لهسد المرف من المقسوم قابلا للقسية على المقسوم عليه وان يكون حرف التربيب داخلاف خارج القسيمة باس عين السه في المقسوم ثم يستنج كل مكرومن شارح القسيم تقسيم مكرد كل فوة لحرف التربيب من المقسوم عليه المقسوم عليه ولنطبق هذه القاعدة على مثال فنقول اذا اربد تقسيم ٢٥ ٢ ٢ ٩ ٣ ٣ سـ ٩ و ه سـ ٩ ه ٢ ٢ ٢ ٢ ه و مع مدورة العمل كاسبق في الحالة المتقدمة حكذا على م ٤ سـ ٩ هـ وضع صورة العمل كاسبق في الحالة المتقدمة حكذا

(٢٣) عمايعتاج المدغالب التعليل مقدا رجبرى الى ماصل ضرب من كب من مضروبين احده سما معلوم والاستوجه ول ومن البديون ان استخراج المنسروب الجهول وسنة على المضروب الجهول وسنة على المضروب المعلوم

ينتج ١٠ (٢٠١٠ - ١) وهسدًا هو المسمى بومنع ١٥ مشروبا

واذا اريد بعدل عرد مضروبا مشتركا في المقدار به وي موي مدد عدد هم وي مروبا مشتركا في المقدار به وي مروبا مسترك عدد عدد هم المرق (٢٤) قاضل الكميتين المرفوعتين الى قوة واحدة بقبل القسمة على الفرق بينه سما غير مرفوعتين الانه اذا المدا بتقسيم عا سديما على ع مد وي مان وضعت صورة العسمل هكذا

5 - 0 5 - 5 5 - 0 + 5 0 + 0 5 - 5 0 5 - 5 0 0 5 - 5 0

نَجَ ﴿ وهواول حدمن خارج القسمة وحسكان الباقى الاول م عسد وحست أن المقسوم يسساوى المقسوم عليه مضروبا في خارج القسمة والدا الساقى عدت

S-s + + · > (s - >) = 5 - >

واذاوضع عصروبا مشتر العلی الاخیر نواد و اداوضع عصروبا مشتر العلی الاخیر نواد و اداوض العدت و اداوض العدت و اداوض العدت و اداوض العداوم ان و اداوض و العداوم ان و العداوم ان و العداوم الاول و العداوم و العداوض و العدا

هدا المامل قابلا للقسمة على و ... و أن و المد مضروبية (أ ... و) فابلاللقسمة على و ... و فاذا كان و ... و ... و المائلة على فاضل الكميتين فاضل الكميتين المرفع بكون فاضل الكميتين المذكورتين مرفوعتين لفقوة اعلى بواحد من قوتهما الاصلية فابلاللقسمة على فاضل الكميتين بلارفع بكون فاضل الكميتين المذكورتين مرفوعتين لفقوة اعلى بواحد من قوتهما الاصلية فابلاللقسمة على فاضل الكميتين بلارفع

فَينَدُاذَا اجْرِى العمل على في سرة يصدن في المرى العمل على في سرة يصدن في المرى العمل على في المراكبين ا

. (٢٥) ولنذكرهناشانج فنقول

الاولى مُ بِهِ مُ لاتقبل القسمة على ﴿ سَمَ لا

النَّانية كَرْ _ كَ تَشْبِل القَسْمَة على ﴿ إِنَّ اذَا كَانَ مَ رُوحًا قَانَ كَانَ فَرِدَا فَلَا نَقْبِل القَسْمَةُ على ﴿ إِنَّ كُانَ فَرِدَا فَلَا نَقْبِلُ القَسْمَةُ على ﴿ إِنَّ فَانَ

والشائنة أو به أو تقبيل القيمة على الله الذاكان م فردا ولا تقبل القسمة على الله الفسمة على الله القسمة على الم فردا التقبل القسمة على الله الذاكان م زوجا ولنبرهن على هذه التناج مع السهولة واسطة القواعدالاتية فى البند التالى وان كان يمكن البرهنة على السامن غيروا اسطة باجراء علمة التقسيم على وجدالهم به اى المنبار الحالة التي فيها نشهى العملية والتي لا تشهى فها فتقول

(٢٦) اذافرض في الكمية ذات الحدود

يكون مُنهُ هُوالحدالاول من خارج القسمة و (عبر ع) مُمه هو ولاحد من المباق بوضع مُمه مضروباً مشترك في الحدين المحتويين على

مر المون الحدالشاف من خارج القسمة (ء + ع) مر المرا والمدالاول من الباق التالى اله هو (ء + ع ء + ك) مر المرا وبهذه الكيفية تدام العسملية

عَى وَمَسِل النَّالِقَ مَا لَا مِنْ الأول لا يعتوى الاعلى سن باس مساوللواحد - كان لهذا المدّ الاول من هذا الساق مكرد بهذه السورة

وهوباق لا يمنالف الكمية ذات الحسدود المقروضية الايوضع و فيسه بدل مد قادًا اعتبرالفرض الاول المتقدم أى فرض مد == و الذى يه تؤل الكمية الى صفريكون الباقى وهو و به ع و به لما و به به الما و به به به مكا المساويال صفروبكون التقسيم بمكا

*(فالكسور) *

(٣٧) آلكسرالجبرى يذل كإنى الجساب على خارج قسمة البسط على المقام فعلى هذا يكون كسر جيد دالاعلى خارج قسمة ح على ع والمراهين التي الجربت في علم الحساب لبيان القواعد المساوكة في العسمليات المتعددة للكسور نا تتجة من التعربيف السابق أومن تعربف يصتكون هذا التعربيف تتجة له

وقد قرص في هذه البراهين آن الحدين حود عددان صحيحان لكن هذان الملة ان قديكونان في علم الجبركسرين فاذن يجب علينا أن نبين جيم القواعد المتعلقة ما نكسور فقول

الاولى الله المناف كية ما أوقسم عليها وسي الله الكسر مضرونا انشانية اذاضرب مقام كسرفى كية واحدة أوقسم عليها كان ذلك الهسكسر مقسوما على هذه الكمية أومضر وبأفيها وعلى هذا يبرهن عثل ما تقدم الشبالنة اذا تسرب حدا الكسرفى كية واحدة أوقسما عليها فقية المسكسر لا تتغير وبعلم من ذلك انه يمكن اختصار حسكسر بتقسيم حديد على مضروب مشترك احتوبا عليه فينبنذ

 $\frac{r}{r} = \frac{solr}{2r}$

201 303 2 100 301.

الرابعة لطرح كسرين أوجلة كود ذات مقام مشترلة اوجعهما تجرى علية النرح أوالجمع على البسوط ثم يعطى الناتج المقام انتسترك لانه اذا أجرى العمل على الكسور مم به شهر منظوفرض أن الناتج المطلوب مركان مم به به منظوفرض الناتج المطلوب مركان مم به به منظوفرن في م منعدن

م + ء ۔ تھ = م سمہ ویننج • ن ذلک سمہ = پہنچ ار ا

ة ذا كانت مقامات الكسور المفروضة غير متحدة ابتدئ بتعويلها الى ذات مضام واحدثم يجرى علىها ما في القاعدة المتقدمة

الخمامسة المعرب كسرف آخر يعترب بدط أجده سما في بسط الآخو ومقامه في مقامه ويبعل الحماصل النانى مقاما للسامسل الاول فاذا اريد ضرب ألى في هي مثلا فبفرض أن ع رمن للكسر الاول و لما رمن للشانى بوجد و = و ع و ه ح و لما فاذن يكون

وينتج من ذلك المه لضرب صعيع فى كسر يعنرب المعيم فى بسط الكسر ثم يجعل مقام الكسر ثم يجعل مقام الكسر ثم يجعل

السادسة تنقسيم كسرعلي كسريضرب الكسرالذي هوعبارة عن المقسوم

فالكسرالذى هو صارة عن المقسوم عليه مقلوبا فاذا فرض ان ج مقسوم عليه مقلوبا فاذا فرض ان ج مقسوم عليه مقلوبا فاذا فرض ان ج مقسوم على وه عليه وهذا يعتبي وه على وه على المعلم في الكسر وعمل ذلك يبرهن على نقسيم العليم على كسر فيضرب العليم في الكسر مقلوبا

(فالاسس السالبة)

(٢٨) منى وحدّ حرف من المضوم أسدأ قل من أسمه في المقسوم عليمه

کانت القسمة مستصله فقسمة م على مستصله لکنهم انفقواعلى البين حارج القسمة بكاية حرف م باسمساوللفاضل ۲ ــ ه أى

- ۽ فاذنيکون ۾ 😑 ۾

وبنتج من ذلك الداذاو بحسد سرف ذواس سالبكان ناتج امن عليسة قسمة

(٢٩) الحرف ذو الاس السالب يساوى واحدا مضوماً على هــذا

الحرف باسه موجبا فادّاقسم. ﴿ يَالِجِي ﴿ تَعْصِسُلُ بِمُفْتَضَى مَاتَشَدُمُ فَى (٢٨)

يقال اذانسم كل من حدى هذا الكسرعلي م حدث و الم

= ہے وُسعلوم أن مُ منسوماعل مُ مسدد ہ فیكون

こっ 一 三

(٣٠) قدرهناسابقافى قاعدة الاسس على ضرب الحدود دَات الاسس الموجه فقط والغرض الات البرهنة على ان هـ دَه القاعدة وافق الاسس الموجه فقط والغرض الات البرهنة على ان هـ دُه القاعدة وافق الاسس السالبة فاصل و في و مثلا يكون مساويا و لان و × و = و كاسالبة فاصل و في و مثلا يكون مساويا و لان و × و = و كاسلان الانو

فينتذفاع وأالاسس الموجبة فانق مم الحدود وافق الاسس السالبة لان عده القاعدة ناتعة من فاعدة الضرب

سان ذلك بالامثاد أن يقال

وربعاده صرف والكمينان الى اخرين صحيمتين بأستهمال الاسس السلبة من غيرتغير مكررات و دوها الرقية عربسه الاسس المذكورة باعتبارها اعداد الصغرمن صفرتا خذف السغير كلمازادت في المقدار المطلق عمتجرى

 ~ } + ~ * + ~ * * + ~ * * - ~ * * + ~

س خد س مد + ۱۰ مد + المدسية مدسية مدسية مد به ۳ مد فيشاهد أن الحيامسل مرتب من نفسه وان حده الاول والاخترابسا مختصر بن وان الاول مادت من ضرب الحدين الاولين في بعضهما والاخير من ضرب الاخيرين في بعضهما ومثل ذلك يجرى في علية التقسيم

(البــابــالئانى) *(فىالمعادلاتــوالمســائلالتىبدرجـةاولى)*

(۳۱) الکمیتان المتساویتان اللتان لایعتویان الاعلی اعداد معلومهٔ مینه بحروف بسمیان متساویت و دلا کالمتساویه و به و به و سب و التی فیها ح و و و و دلاه علی کیات معلومهٔ و المتساویة مقادیر الحروف المعساومة اوالجهولة الدا خسله فیها کا ندما کانت تسمی متطابقه و ذلا کالمتطابقة

م - و المتساوية التي لا يُعتق تساويها الا بمقادير مخصوصة لنجاهيل الداخلة فيها والمتساوية التي لا يُعتق تساويها الا بمقادير مخصوصة لنجاهيل الداخلة فيها تسمى معادلة فينشذ م حمد - م == ٧ معادلة لان تساويها لا يتحقق بأى مقد در فرض الحيه ول حمد

كلمن العسبيمية بن المفسولة بن عن بعضهما في كل متساوية بالعلامة = تسمى طرقا لكن الكمية التي على الجين تسمى الطرف الاول والتي على البساد

- المعادلة الرقية ما كانت الكميات المعلومة فيها مبينة بارقام والحرفية ما كانت الكميات المذهب على الكميات المذهب على الكميات المذهب على الكميات المذهب على المعادلة رقية و م سر بسر و الله عادلة و قية

وحسل المعادلة هوالبحث عن المقدار الذي إذا وضع بدل مجهولها مسيرها. * متطابقة ويسمى هذا المقدار بحل المعادلة

مق تعققت بعد المتعادلات عبدالا واحدة من مقادير مجاهبالها تسمى هذه المقادير بحل ملاهده المعادلات في المقادير على مقادير عن المقادير المتادلات هو المعتبد المناهبال صربتها منطابقة

وهذمالمعادلات تتنازا حداها عن الاخرى بدرجتها

وادايجعت اسس مجاهيل كلحة من معادلة فاعظم حواصل الجعيدل على درجة المعادلة فينتذمعادلة ورجة من عدد و عدد و معادلة ذات درجة

اولی ومعادلة ه ممه ـــ ، ممه ـــ ، ممه ادلة ذات درجــ ثانية ٠

ومعادلة ع حمد ـــ الله ي مرّ على على مرّ على معادلة ذات درحة ثالثة

وهذه القضية غيرمطودة مق كان الجهول داخلاف المعادلة مقامالكسر اذ لا يحد حدف المقامات مالطريقة الا بعد حدف المقامات مالطريقة الا تية

وتتمزالمعادلات المتصدة الدرجة عن يعضها بعدد يجاهبلها

واسهل المعادلات حلاالمعادلة ذات الدرجة الاولي والجهول الواحد

و(في بيان المعادلة ذات الدرجة الاولى) • •(والجهول الواحد) •

(٣٢) ولنذ كربعض قو أعدمتعارفة فنقول

تعادل المعادلة لايتغير

, أولا أذاشم لكل من طرفها كنة واستة أوطرست من كل منهما وثانيا أذا ضرب كل من طرفها في كنة واحدة أوقسم كل منهما عليها وثانيا أذا ضرب كل من طرفها في كنة واحدة أوقسم كل منهما عليها وثالثنا أذا جعت معادلتان إلى بعضهما بان جع الطرف الاول الاول والشانى الثانى أوطرحتا من بعضهما أوضر بتافى بعضهما وقسمتا على بعضهما في بعضهم

الأولكل معادلة كلعادلة وسرس و عدمه الام يلام الحلهاأن و يكون الجهول فى الطرف الام مها واقتصل ذلك يطرح من كلا طرفها ممر فقصيره سرس و سرس و مراس من يضم الى كل من طرفها و فقصيره سرس و مرسول و مراس الذي كان و فقصيره سرس و مرسول و الذي كان و فقصيره سرسال موجبا صارفى الطرف الاول سالباو و الذي حكان فى الطرف الاول سالباو و الذي حساس فى الطرف الاول سالباو و الذي حساس من طرف الاول سالبا صارفى الطرف الشانى موجبا فاذن يلزم لتمويل حد من طرف الى طرف تغيير علامته فقط

والنانى كل معادلة كالمعادلة المستحد من به ٧ علم على المان تعدد المعلم الله المان المنامات ولذا تحول اولا الكسور والعدد المعلم المان المان

۲۰ من سـ ۲۱ م. ۱۰ من ۱۰ من

وقد يتوصل الهذا النباتج من اول الامن بدون كتابة المقيام المشترك أى أنه لحذف مقامات معادلة يضرب بسطكل كسرف حصل ضرب مضامات الكسور الاخر ثم يضرب الصحيم في حاصل ضرب المقامات

(تلبيه)

هدذه انقاعدة يختصرفى الحالة التي يكون فيها للمدامات المعلومة مضارب

فالمعادلة مج ـ ي ح المحتوية على مقامات دات مضارب

مشتركة بسمس في التحديد المستكسوروالعدد التحديم الى دوات ، مقام واحد باخذ المكرر الاصغر المشترك وهو ٣٦ مقاما مشتركا بليع المقامات فاذن يكني ضرب التحدي في ٣٦ مضرب حدى كل كسر في خارج قديمة ٣٦ على مقام هذا الكسر فيعدث يعد حذف المقام المشترك

745 - A - X 77 - X 79.

غينشد بانم غذف مقامات معادلة ذات مشاديب مشستركه أن يعتمن الكردالمشترك الاصغرلهذه المقامات ويضرب العدد العصبے فيسه تم يضرب بسط كل كسرف خارج قسعة الكردالمذكود على مقام هذا الكسر (٣٢) لتطبيق هذه القاعدة على حل المعادلة

 $-\frac{4}{100}$ $+ 2 = \frac{1}{100}$ $-\frac{100}{100}$ $+ 2 = \frac{100}{100}$ = 2 $+ \frac{100}{100}$ = 2 $+ \frac{100}{100}$ = 2 $+ \frac{100}{100}$

ثَمِ تَصَدَّفَ المَقَامَاتَ عِلاَحَظَةَ العَسَدُد ٢٠. مَكُرِرَامَشَتَرَكَأَ اَصَغُرَلَلَاعَسَمَادُ المَّامِنَ و 10 و 10 و 2 فيدرث

٥٦ ممد ــــ ١٤٠ ســـ ٢ مدد ٢٠٠ ـــ ٥٦ مــ ٥٦ مــ ٥٦ مــ مع ممد ثم تحول الحدود المجهولة الى الطرف الاول والحدود المعلومة الى المشاتى فتصع المعادلة

> ۱ + ۸٤ + ۲٤٠ = مع مد ۱۵۰ + ۸٤ + ۲ وبعد الاختمارتصير

ا مہ = ۲۰۰ ویقسمة طرنیها علّی ۱۱ محدث مہ = ۲۰۰ ویقسمة طرنیها علّی ۱۱ محدث مہ = ۲۰۰ أی مہ = ۲۰۰ ولّتمثیق همذا المقدار یوضع العدد ۲۰۰ فی المعادلة $(\frac{1}{2} - \frac{1}{2}) \times \frac{1}{2} = 1 + \frac{1}{2} = 1 +$

rte === rte

وحيث غيرالمجهول سم في المعادلة المفروضة بالقسداد ٣٠٠ فعيارتُمُ متطابقة يكون العدد ٣٠٠ هو حل هذه المعادلة وبالمادلة

سر المستاس المستاس و(رئيساً ما با بجرى علية المنرب المستاس المستاس من المستاس من المستاس المستاس المستاس المستاس المستادة المستا

عرام سام المسام المسام المسام المسام المسام المعاد المتنابية بم يوضع مد مضروبا مشتركا في الطرف الاول ويجتصر الحدود المتنابية وهي ١٦٠ و سام و سا

ویمکن ختصار مقدار حمد بوضع مرق مضروبامشترکا فی البسط و س مضروبا مشترکا فی المقام فیصیر $\frac{z_{r}}{z_{r}} = \frac{(z_{r} - z_{r})z_{r}}{(z_{r} - z_{r})z_{r}} = z_{r}$

ولتمقيق هذا المقدار يغيرالجهول مسرق المعادلة المفروضة بهيداره وهو

يَحُ وبهذا التغييريعلم هل المعادلة متعابقة أم لا

. (قاعدة عرسة) *

الملمعادلة دات درجة اولى وجهول والحديانم

اولا ابواء علية الضّرب الكائن فيها ان وسندت تم حدّف المقامات وثانيا تصويل الحدود المشتملة على الجماهيل الى العرف الاول والحدود المعلومة الى العلرف الثانى

وثالثا اختصارا لحدودا لمجهولة لتصمير حدا وإحدا ان كأيت المعادلة رقية وجعل المجهول مضروبا مشتركاان كانت المعادلة حرفية

ورابعا تقسعه طرفهاالشانى على المكرد الرقى أوا َ لمرفى للصهول نَقَادِجِ القسمة يكون مقدارالجهول المذكور

(٣٤) كن تغيير علامات معادلة بدون أن يغير التساوى الواقع بين طرفيها لانه لوفرضت معادلة و سم مروس وسولت بين عدر و للفرف الاول الى الثاني وحدود الثاني الى الاول لصارت مراس و مراس مراس و مراس مراس و مراس المرفين بحدث ، مراس و مراس المرفين بحدث الاولى الانتفاد الانتفاد الاولى الانتفاد الان

* (فالمعادلات دات الدرجة الاولى ويعلم الجاهيل) *

(٣٥) كلُمعلدلة ذات مجهولين لها حلول غير منتهية العدد لأنه اذا فرض لاحسد المجهولين مقدار اختيارى حدث العجهول الا تتو مقدار مطابق لا فأذا فرضت معادلة ٣٠ سـ ٣٠ صد = وجعل فها صد = مدث سم = شيئت = لإ فاذن بكون مقدار سم = لإ ومقدا

صد = احماطادا وكلازض المبهول صد مقدارما وجد المبهول عد مقدار جديد فيكون المعادلة الفروضة جاول غيرمنتهية العدد

(٣٦) والتشتغل الآن بحقل معادلتين ذاتى مجهولين بطرق الربيع فنقول المطريقة الوضع وعلى حذف المجهول وضع مقداره المستفرج ، من المعادلة الاولى في الشائية فأذا قرضت معادلتان

۲ مس + ۱۰ صد == ۱۰ و

o مر ۲ مرد دید ۲

واريد حذف احد الجهولين منهم المستخرج من المحداه مامة داره بفرض الاستخريد المستخرج من الاولى بفرض عمد معلوما الاستخريد المستخرج مقدار في المعادلة الشائية تصير معتوية على مجهول واحد هكذا

قالقاعدة العسمومية لحذف مجهول من معادلتين بطريقة الوضع أن يستخرج من احداه ما مقدار احد المجهولين بفرض الاخر معادما تم يغير هذا المجهول بمقداره في المعادلة الشائية

الطريقة الثانية طريقة التساوى اوالمقارنة وهي حذف احدا فيهؤ أيزمن المعادلتين باستخراج مقداره من من المعادلتين المذكورتين بيعضهما فادًا اريد حذف احدا نجهولين صد من المعادلتين المذكورتين يستخرج مقداره من كل منهما بفرض المجهول الاستر معلوما فيعدث من احداهما صد عداداهما صد المستري ومن الاخرى صد عداي المستري هذين المقدارين تحدث معادلة ذات مجهول واحد عكذا

فالقاعدة العسمرمية للمذف هجهول موسعادتتين في هجهواين يواسسطة طريقة التساوى أن يستخرج من كل منهسما مقدا وأحد المجهولين بفرض الا تخرمعلوما ثم يسوى هذا ن المقدار ال يبعضهما الطريقة الثبالثة طريقة الخذف بواسطة الجم أوالطرح فادا فرض أن المطاوب حذف الجهول صد من المعادلتين

· 5 4== ~~~

ومريد بالإ وصدر == ١١

وسب التنبيه على أن صد له مكرد متعد فى المعادلتين المذكورتين دوعلامتين متفالفتين فلذفه يكفى جع ها تين المعادلة بن الى بعضهما طرفا الى طرف وبهذا تتعدث معادلة محتوية على مجهول واستدهكذا

11 + 1 = ~ + ~

واذا قرض ان المطاوب حذف الجهول صد من المعادلتين ٣ مد + ٤ صد = ١٠ و ه مد - ٧ صد = ٣ وجب اولاان يجعل مكرر صد فهما واحد ابضرب طرق المعادلة الاولى قد مسكر و صد من المعادلة النائية وهو ٧ مخ ضرب طرفى المعادلة النائية وهو ٧ مخ ضرب طرفى المعادلة النائية فيصدت

۲۰ سے بہ آب صد = ۲۰

. ع سے ہے کا صب سے ا

فاذا بمعت ها نان المعادلتان الى بعضهما حدثت معادلة ذات مجهول واحد هكذا ٢٠ سم ٢٠ م م ١٠ ١٠ ١٠ م ١٠ واذا التحدث علامة الجهول صد في كل من المعادلتين أجرى طرح المعادلتين من بعضهما طرفا من طرف عوض جعهما

فالقاعدة العسومية لحذف مجهول من مادلتن دائى مجهولين بطريقة الجع أوالطرح أن يجهولين المجهول المرادحذفه من كل من المعادلتين واحداوطريق الوصول الى ذلك أن يضرب طرفا المعادلة الاولى في مكرد هذا الجهول من الشائية م يضرب طرفاالشائية في مكرد المجهول المذكور من الاولى ثم يجمع المعادلتان على بعضهما أوتطرح احداهما من الاخوى بحسب اختلاف واتحاد علامته في كل من المعادلتين المفروضة من

*(****)-

الفرض من شرب طرق كل من المعادلتين في مكوفر الجهول المراد حذفه تصيير المعادلتين محتوبتين على هـ ذا الجهول بمكرروا حد ويمكن الوصول المي ذلك بطريقة محتصرة عندما يكون لمكررى هذا الجهول مضروب مشترك فاذا فرض أن المراد حذف صه من المعادلتين

ه مر + 1 رمد = ۲۸ د ۷ مر + ۸ صر = ۲۸

فالكرران 3 و ه حيث أن لهسما مضروبا مشتر كابيعث عن المتسوم الاصغر لهسما فيوجد 73 وحينشد يسهل تحويل المعادلة بين النصيرا مختورين على الجمهول حمد بمكرد 72 بضرب طرفى المعادلة الاولى في ٤ الذي هو خارج قسمة ٢٤ على ٦ تم ضرب طرفى المعادلة الشائية في ٣ الذي هو خارج قسمة ٣٤ على ٨ فيعدث

۲۰ صد 🕂 ۲۱ صد ≔ ۱۱۲ و ۴

113 == ~ 12 12 + ~ 11

وهذه الكيفية المختصرة هي المشاهدة في علم الحساب في كيفية تعويل الكمور الى كسور اخصر مقاما مشتركا

فالفاعدة التي راد ساوكها هناعين التي هناك الطريقة الرابعة طريقة الكررات غير المعينة

ه مُمد + ۷ مد + ۶ م مده + ۸ صد = ۲۸ م ۲۸ + ۲۸ مرد بن مشترکین فی الحدود المشتله تعلیما میشون می

(۱۶) مر + ۱ (۱۶) مرت = ۲۱ + ۲۸ مرت = ۲۱ م + ۲۸ مرت = ۲۱ مر

وانمالم تمین کید م لاحل حذف احد الجهولین فادا اربد حذف صد مثلایسوی مکرره یصفر هکذا

قالقاعدة العسومية لحذف مجهول من معادلتين بطريقة المكررات غير المعينة المستومية المستجال المعينة المتجمع الناتج الى المعادلة الاخرى طرقا الى طرف تم يوضع كل مجهول مضروف مشتركا في الحدود المستقلا عليمه ثم يسوى مستررا الجهول المراد حذفه بصفر في المدود المستفرج من القرض في عدو قائم تستعوض الكمية غير المعينة بمقدارها المستفرج من القرض المتقدم

(تنبه)

السهل الطرق الاربعة في العسمل طريقة أجلع أوالطرح لانها لا تحدث مقاما في المعادلة الناقبة من الحذف غيران طريقة الوضع تسستعمل بكثرة عند ما يكون مصكررا لجمهول المراد معذفه مساويا للواحد في احدى المعادلة في ذاتى المجهول ن

ا سہ == ۲۳ ومنہایستفرج مہ == ۳۳ == ۲ ولاستفراح مقدار الجهول صہ یو ضبع مقدار الجهول سمۃ بدلہ فااحدی المعادلتین فیوشع فی الاولی مثلا مقدار سے بدلہ فتصیر المسلم مله عن ومنها بعدت عن المستوسية الله المستون عن المستوسية الله معادلتين داتي جهولين ودرجه الله النهائي عنهامقدار احد الجهولين منهامقدار عنهامقدار هذا الجهول من وضع مقداره بدله في احدى المعادلة مناول المعادلة معنورة على المجهول الناف م يسيم منهامقداره

(۳۸) ویقتنی ما ذکر پسهل سِل ثلاث معاد لات کل منها دَات ثلاثة شجاهـــل فاذا فرض مثلا

v = e r - - v r - - v

يحذف ع من المعادلة الاولى والثانية بضرب الاولى ق ت شمنم الناتج الى الثانية فصدت

. ١٦ سم ١٦ صم == ٢٠ (٩) غيصدف ع من المعادلة الثانية والثالثة بضرب الثالثة ف ٣ غمر ع الثانية من الماصل فعدت

19 سم من و صد عدد (٢) من المعادلة في (١) و (٢) خالى الدرجة الاولى من المعادلة في (١) و (٢) خالى الدرجة الاولى و المجهولين بأن تضرب الاولى في ٩ والشائية في ١٣ بم تطرح الاولى من النائية فيعدت

۱۳۹ سم == ۱۱۷ ومنهایجدث سم == ۱۲۹ == ۲ ثمیستخرج مقدارانجهول محمد بوضع مقدار سمد عوضاعنه فی احدی المعادلتین (۱) و (۲) فیصدت

۲۱ – ۱۲ صد = – ۲۹ ومنهایتخ صد = ۲<u>۱+۲۲</u> = ۰

مُ لَاسْتَغْرَاجَ مَقْدَارِ عَ يُوضِعِ فِي احدى المعادلات الثالث المشقلة كلمنها

على الثلاثة عاهيل مقدارا فيهول من ومقدارا فيهول عنه بدلهما فتولا المعادلة المذكورة الى معادلة عنوية على الجهول ع فقط فاذا وضع مشيلا بدل من وصد مقدارا هما في المعادلة الثالثة آكت الى ١٦ - ١٠ - ١٥ جرا بدل من وصد مقدارا هما في المعادلة الثالثة آكت الى ١٦ - ١٠ - ١٠ حرا العسمومية لحل ثلاث معادلات كلاها ذابة ثلاثة مجاهيل ودرجة اولى ان يحدف احدالجماهيل من احدى المعادلات مع كل من المعادلة نوالغول عين على التوالى فيتوصل الى معادلة نات مجهولين تم يعذف الجمهول الثانى من ها معادلتين فتحصل معادلة ذات مجهول واحد فيستخرج مقدار المجهول الشانى تم يوضع في احدى المعادلتين ذاتى الجمهولين المستخرجين في احدى المعادلات ذوات الثلاثة مجاهيل تم يستخرج مقدار الجمهول الثالث منهاهني كالمعادلات ذوات الثلاثة مجاهيل تم يستخرج مقدارا لجمهول الثالث منهاهني كالمعادلات كلاها ذات اربعة مجاهيل وخس معادلات محادلات كلاها ذات اربعة مجاهيل وخس معادلات صحيلاها ذات المعادل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول عاهيل وهكذا لان العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول عربة منادلات كلاها ذات العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول على المعادلات العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول على المعادلات المعادلات العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول على المعادلات كلاها ذات العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول على المعادلات كلاها ذات العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول على المعادلات كلاها ذات العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول على المعادلات كلاها ذات العمل واحد فاذن ينتج فاعدة عومية ذكرها فنقول على المعادلات كلاها في المعادلات كلاها في

لل المنافقة المنافقة المنافقة المنافقة النافقة النافقة النافقة النافقة المنافقة النافقة الن

الق عدد مجاهيلها م وهو عين غددها فتحسيكون قداستخرجت مقادير الجاهيل على التوالى

(٤٠) قد فرصنا في المحت عن فاعدة حل معادلة بن ذاتي مجهولين ان كاتبهما بهذه الصورة وسر بهده علم عدد الحق أن كاتبهما لا تعتوى الاعلى ثلاثه حدود صحيحة احدها مستقل على سر والشاني على صر والثالث على المعاوم وأن الحد المعاوم في الطرف الشافي والحدين الا تنرين في الطرف الشافي والحدين الا تنرين في الطرف الاول فاذا كانت صورة المعادلة بن متشعبة وبحب حينتذ تحويلها الى الصورة السمطة المتقدمة فيعب

اولا اجراء عليات الضرب الموجودة بهاوحذف المقامات وثانيا تصويل الحدود المشسقلة على الجهولين الى العلرف الاول والحدود المعلومة الى العلرف الثاني

وثالثنا اختصار حدود حمة وحدود صمة أووضع حمة و صمه مضروبين مشتركيز في الحدود المشستمان عليهما ومثل ذلك يجرى على جلة المعادلات ذوات المجاهيل الثلاثة أوالاربعة أوانامسة وهام جرّا

(٤١) قد فرضنا في المعاد لات التي حلت أن جميع المحياه الحاد في كل منها فان لم يكن جميعها داخلافى كل منها حميت معاد لات غيرنامة وحلها كل المعاد لات المتامة غيرانه يجب الانتباد في انتفاب المجاه بيل التي يراد حد فها ليتوصل الى معادلة ذات مجهول وأحد في اقرب وقت وللمصول على ذلك يحذف المجهول الداخل في المعاد لات بأقل عدد فعاد لات

9=10+60-002-505.

مثلایت اهد أن انجهول رد خل فیها بعدد اقل من غیره فیمب حدف هذا المجهول من هدد المعادلات بان یجذف من المعادلات الاخبرتین

الهنويتين عليه لتعدث معادلة مجرّدة منه فأذاضمت هدده المعادلة الى المعادلة الى المعادلة الى المعادلة إلى المعادلة إلى المعادلة بالمعادلة بالمعادلة

وسر ... ١١ حتم ... ١١ ع == ... ١١

وحيث أن المجهول صر داخل في هذه المعادلات بعدداقل من غيره يعدد في من المعادلة الاولى والنالثة ليتكون من حذفه معادلة مشهقاه على مجهولين هما المجهولان الموجودان في الثانية وبكابتها مع الثانية يحدث

ه سـ ۳ ع = ۱۲ و ۱۲۷ = ۱۲۷ و

فاذاحذف ع منهما بعدث ۲۲ سم = ۱۹ م

ومنهایحدث حمہ = ۳

وبالوضع يحدث على التوالى صد == ، و ع == ، و ر == ه (٢٤) قديكون عدد المعادلات في حل جلة معادلات دات دوجة اوليًّ وجلة شجاهيل قدر عدد الجماهيل كاتقدم في جميع جل المعادلات التي حلت وقد يكون عدد المعادلات ازيد من عدد الجماهيل

وقديكون عدد المجاهيل ازيد من عدد المعادلات فهذه ثلاث حالات المالة الاولى اذا كان عدد المعادلات ذات الدرجة الاولى قدر عدد المجاهيل الداخلة فيها بان كان الاول م سوالثانى م حسكات يمكنة الحل على العسموم ومنتهية اعنى انها تتعقق بجسملة واحدة من مقادير المجاهيل المتعصرة فيها

لانه ادُاسَكَتُ المطريقة المبينة في (٣٩) لحل جلة معادلات توصل الى معادلات وصل الى معادلات وصل الى معادلات علم واحدهكذا

وسم = ومنهايستفرج سم = رئي فاذا وضع هذا المقدار في احدى المعادلت بن ذاتى المجمولين حدث مقدار للمبهول الشانى المخصر في هذه

المعادلة ومثل ذلك يجرى في سيع مجاهيل الجل الحادثة من الاوضاع
 المتوالية

وقد يتوصل بعد عملية الحذف على النوالى الى معادلة النها "ية هيسكذا مي لا معدد أو على أن الجلة المقروضة غير ممكنة الحل أعنى انه لا يمكن تحقيقها بجسملة مالمقادر المجاعيل المتحصرة فيها وذلك انما يقع عندما تكون هذه الجلة محتوية على معادلات مختالفة

وقد يتوصل بعد الحذف على التوالى الى معادلة النهائية دهيدًا • × سم = • أو • = • فتكون جلة المعادلات غير معينة الحل اعتى اله يمكن تحقيقها بجمل لانهائية العدد من المقادير للجاهيل المحصرة فها واتما يقع ذلك اذا كان بيز بعض معادلات من الجلة تداخل به يكون عدد المعادلات اقل من عدد الجماهيل

وقديوجد تداخل بين بعض معادلات الجلة المفروضة مع ونعدد المعادلات المتحققة وهو م عين عدد الجماه يما للد خلة فيها في نند تكون الجلة المذكورة محكسة الحلى ومعينة فان كان عدد المعادلات المحققة اقل من أى من عدد المعادلات المفروضة فاجلة المذكورة تكون غير معينة اخل الحالة الثالثة اذا كانت المعادلات اقل من المحاهيل الداخلة فيه ابان كان عدد الاولى م وعدد الشائية م ب ت كانت الجلة على العسموم غير معينة الحل لانه يتوصل بعد الخذف المولى المداخلة مشتملة على

تعاهل عددها هم المحدد الجمل في احدى المعادلتين المستملة العدد من المقادر فاذا وضع أحده الجمل في احدى المعادلتين المستملة ينعلي عاهل عددها هم المحدد المعادلة فاذن يكون لهذا المجهول المحادلة فاذن يكون لهذا المجهول مقادير غير معينة ايضاو مثل ذلك يشاهد في حديم المحادلة فادن عمر عكن المحددها لانهائي ومع ذلك في حديم المحادلة تكون غير عكنة الحل اذا وجد في المعادلات التي عددها م وعدد محاهلها م المناهد ها دانان أوثلاث متفالفة

امتلاذلك

المثال الاول أن تقرض ثلاث معادلات هكذا

10 = 0 0 + 20 0 - 20 P 10 = 0 10 - 20 P 10 = 0 10 + 20 P 10 = 0 10 + 20 P

م يعذف الجهول صد من العادلة الاولى والشائية من الاولى والشائية في وجد ٧ سمد ١١ ع عدد ٢٥ و ٠ = ١ فالمعادلة الفاسدة التي هي ٠ = ١ تين ان المعادلة الاولى والثالثة الحادثة منهما هذه المعادلة متنالفتان ويقهم ذلك من أول وهماة لان الطرف الاول من المعادلة الثالثة منعف الطرف الاول من المعادلة الثالثة والطرف الاول من المعادلة الاولى الذي هو ٣ سمد ٢ صد مه و والطرف الشائي من الاولى الذي هو ١٤ من الاولى الذي هو ١٤ وهذا ناشئ من قداد المعادلات الاصلة

المشال الثاني ان تفرض ثلاث معاد لات هكذا

مُ يَحَذَفُ صَــَ مَن المُعَادِلَةِ الأولَى والشَّانِسَةِ ثُمِمَنِ الأولَى والشَّالِثَةُ فبعدت · m · jis magi il m in v

فيظهر من المتطابقة - عند • آن المعادلة الآفيل، والثالثة متداخلتان لان المعادلة التبالثة تتعدث من شعرب طرق المعادلة الاولم، و عابلة المعاومة لائمتن الاالمعادلتين

فيستخرج من المعادلة الاخيرة سم" على المالية المؤوضع هذا المقدار في المعادلة الاولى يحدث

صد من المقداران يطابقان اى مقدار فرض للعبهول ع ومقادير وهيذان المقداران يطابقة تحقق المعادلات المعلومة والما يحسكون ملاها ولانتفير عين حل المعادلات غيرمعين المثال الثال الثال اذا فرض

؟ سـ - ، صـ + ه ع = ١٤ أر ٢ سـ - ١٤ صـ + ١٠ ع = ١٨ و ٩ سـ - ٢٠صـ + ١١ ع = ١٤

المثال الرابع اذافرض

م حذف عمد من الإولى والتائية عمن النائية والثالثة تحدث ها تأن المعادلتان ٧ صد ١١ ع == ١٥ صد ١١ ع == ١٥ صد ١١ ع == ١٥ و ١١ صد ١١ ع == ١٥ و وها تأن المعادلتان متمالفتان فاوتد إخلتا في بعضه ما لحدث معادلة فأسدة هي ع = ٠ وفهم من ذلك أن المعادلات الاصلية متمالفة ابضالان الطرف الاول من المعادلة الثالثة ضعف الطرف الاول من الاول من المعادلة الثالثة ليس الطرف الاول من المعادلة الثالثة ليس مساو الضعف الطرف الماني من المعادلة الثالثة المن المعادلة الثالثة المن المعادلة الثالثة المن المعادلة الثالثة المنافي من المعادلة الثالثة المنافي من المعادلة الثالثة المنافي من المعادلة الثالث المنافية المنافي من المعادلة الثالث المنافية المنافية المعادلة الثالث المنافية المنافية

المشال انفامس اذا قرضنا

بعدث بعدف مد منهامعادلتان

٧ سمہ ١١ ع = ٣٤ و ٧ سمہ ١١ ع = ٣٤
 وحیث آن قاتیں المعادلتین منطابة لمان یفهم من ذلك انه یجب استعمال المعادلتین ٣ سمہ ١٠ ع = ١٤ و ٧ سمہ ١١ ع = ١١ و ٢ سمہ ١١ ع = ١٤
 المعادلتین ٣ سمہ من ابقاف المثال الثانی = ٢٤ و ٢ سمہ ١١ ع = ٢٤

وعدم انتهاء الجلا المعلومة حاً شمن كون المعادلة الشالثة مركبة من ضم ضعف طرفى المعادلة الاولى الى طرفى المعادلة الثانية

المثان السادس اذ ورضنا

حدث بحذف مور منهما مفادلتان ۱۱۰ خ ۱۳۳۰ و ۲۰ ع ۱۳۳۰ و ۲۰ و ۱۳۳۰ و ۲۰ و ۱۳۳۰ و ۲۰ م

ولا يجرى العمل الاعلى هذه المعادلة وأحدى المعادلات المفروضة الآيلتين الى المعادلة في عليه على الله المعادلة في المعادلة في المعادلة في المعادلة في معمد على المعادلة في معمد في معمد المعادلة في المع

-(مسائلمن الدرجة الاولى)

(27) حل المسئلة الجبرية يتركب من بوتين متغاير ين احدهما وضع المسئلة بصورة معادلة تدل بطريق الاختصار على الارتباطات الكائنة بين الكميات المعادلة بين الكميات المعاومة والجهولة كدلالة منطوق المسئلة والنباني حل المعادلة أو المعادلات الناتجة من الوضع المذكور

والمؤه الشانى من هدذ بن الجزئين مؤسس على قواعد مطردة تقدم ذكرها في الحالة التي تكون فيها المعادلات دات درجة اولى واما وضع المثلة بسورة معادلة فغير مؤسس على قواعد مطردة لإانى اذ مسكر قاعدة عامة بها يتوصل الى وضعها بصورة معادلة وان كأن تطبيق تلك انقاعدة يعسر في بعض الاحمان فاقول

* (قاعدةعامة)

يجب لوضع مسئل بصورة معادلة بعد الرمز لجاهيلها بعد وف أن سين بواسطة العلامات الجيرية العمليات انتى يلزم اجراؤه اعلى الكميات الجهولة باعتبارها معلومة لتعقيق شروط منطوق المسئدة وسطبق هذه القدعدة على حل مسائل فنقول

(المسئلة الاولى)

(11) وجلاوشی تمل موته بان نصف ترکته لواردو ایم المنته وباقیها وهو ۱۲۰۰۰ غرش لفقرا اوالمرا دمهرفة مقدا در کته غروشا و ماچهرکل وارث منها يغل ذلك أن يفرض حد " ومن التركة وملائضي منطوق المسئلة أن تكون التركة مساوية لما يخص الولدزائد ا ما يخص البنت زائدا ٢٠٠٠ ا غرش أ أى

م المسلمة على هذه المعادلة فيعدث م المعادلة فيعدث

فقدارتركند ۷۲۰۰۰ غرش يخص الولدمنها النصف وهو ٢٣٠٠٠ عمرش والفقراء الباقى وهو ١٢٠٠٠ عمرش والفقراء الباقى وهو عرش عمرش

* (المسئلة النائية)*

(٤٥) ماهوالعدداللازم شِمه لحدى الكسر في كيكون النائج مساويا لكمية معاومة م

حل ذلا ان يفرض أن سم العدد المطاوب فيكون بالضرورة من تم يجرى حل هذه المعادنة بالقاعدة المعتادة فيعدث

(مناقشة)

مناقشة المسئلة هوالبحث عن الاحوال التي يؤل اليها الحل بواسطسة الفروض المختلفة الجارية على المعاليم فلاختيارمايؤلاليـهالنبائج گريين تفرض فروض مختلفة فيـه على
 المعاليم يُــ و م فيقال

اولا اذا فرض کے ۔ ہے م ۔ ہے بانجعل ہ ۔ ، و ۔ ۔ و ۔ ۔ و ۔ ۔ و م

ر = المنظمة ا

لانه اذا ضم العدد ٢ الى حدى الكسر ﴿ يَصِيرُ ۗ = ﴾ وهـذا تأتج لا اشكال فعملو افقته لمنطوق المسالة

وثانیا ادافرس آن ہے ۔ ہوم ہے ہا ای م ہے ہا و م

 $r = \frac{1-}{\frac{1}{2}} = \frac{0-1}{\frac{1}{2}} = \frac{0-\lambda \times \frac{1}{2}}{\frac{1}{2}-1} = -\frac{1}{2}$

معند المنافرة المدهد على منطوق المسئلة شاهدت انهاغر مكنة الحل لان كسر المنافرة المن

مأهو العدد الذي يليم طرحه من حدى ألكسر بي ليصير الساتي مسازيا م وهومنطوق لا يختلف عن الاشوق الاصلى الاستغيار كلة ضم لكمة طرح فاذن تكون المستند عكمة الحل ويكون المساحل عين الحل المتقدم بقطع النظر عن العلامة لانه اذا حلت المعادلة بي المساحل عن عدن

*(°)

مر ہے گیسے واڈافوش فی هذا المقدار آن م ہے ہو ہ ہے ہو ۔ و م ہ یعدث سے ع و نالشا اذا فترض آن ہے ہے ہو م ہے ا بان جعل م ا ا و م ہے ہو د ہے ا فی مقدار سے آل الی

س = أ= = = = = والايضاح هذا النائم يقال من المعلوم أن الكسر بزداد متى نقص مقامه قاذا صغر المقام الى غرنها يه أوساوى صفرا كبرالكسر حكذلك فاذن يكون فحمهول سه مقدارا غيرمنته فى الكبر أعنى مقدار لا يحدابدا فالمسئلة تكون ايضا غير عكنة الحل لا نه اذا تأمل فى منطوق المسئلة شوهد أن الكسر الذا عمد دوالغاما بلغ يزداد به غيراً نه لا يصبر ابدا مسار اللواحد لان فروق حديه واحدة دا على المنتلة على المتحالة حل المسئلة والحدة دا على المنتلة على المتحالة حل المسئلة

*(derie) * .

كلعددغيرمحدود يمكن اندبالكسر به أو به أوبعلابة ٥٥ ورابعا اذا فرض في عدر م عدر بأن جعل م عدر ورابعا اذا فرض في عدر م عدر المذلك المقدار الى و عدر في مقدار سر آل ذلك المقدار الى سر يكون مساويا خلارج قسمة صفر على صفر أى مساويا لعدد اذا ضرب في صفرانتي صفراو حث أن جميع الاعداد المحدودة المضروبة في صفر تحدث صفر المكر اعطاء سر أى مقدار وفي وبهذا تكون المسئلة غير معينة الحل لائه اذا تؤمل في منطوق المسئلة بشاهدان تساوى حدى الكسر في لا ينغير يضم أى عدد المهما في ينتم من ذلك يضم أى عدد المهما في ينتم يدل على أن المسئلة غير معينة الحل أن أى مقدار بهذه المصورة في يدل على أن المسئلة غير معينة الحل المسئلة الثالثة) من ذلك المسئلة الثالثة الشنالة الثالثة) من ذلك المسئلة الثالثة المسئلة الثالثة الشنالة الثالثة المسئلة المسئلة الشنالة الثالثة المسئلة الشنالة المسئلة الم

" (٤٦) ساعبان ابتدآ السمعيمن تقطق أويد على مستقيم السمن الشمال الى العين وكان السباعي المبتدء من سه متقدما عن الاسنو بالمساقة أبه المرموز لها بالحرف و وسرعته و وسرعته الاستوم والمراد تعييز نقطق وضعيهما مين وسحكون يتهما مشافة من امتداد الممناوية للبعد و (والمراد بسرعة الساعيين المبينة بالرمزين م و د البعدان اللذان بقطعهما الساعيان في وحدة الزمن)

فیرمزبالحرفین آ و ت لوضی الساعیین حیریکون البعد الحادث بینهما مسا ویا للکمیة د تمیرمز بالحرف سم البعد الجمهول الذی هو ۱ آ فالبعد سر تا المساوی ۱ آ ساوی ۱ آ ساوی ۱ آ ساوی مبینا مالمقدار سم سد د به تم

وحيث ان الزمن الذي استغرقه المساعي المبتد من الفي قطع البعد مد عين الزمن الذي استغرقه الاستر المبتد من به في قطع البعد مد حد عن يعث عن كل من هذين الزمنين فيقال حيث ان الساعي الاول قطع البعد م في وحدة الزمن يقطع وحدة البعد في الزمن الم ويقطع البعد مد في الزمن سيد ومثل ذلك الساعي الثاني فله يقطع البعد مد تي به مد تي الزمن سيد ومثل ذلك الساعي الثاني فله يقطع البعد مد تي به قي في في مدين بانقد الرسمة المساعي الثاني فله يقطع البعد مد تي الناني فله يقطع البعد مد تي الناني فله يقطع البعد المدين الناني فله يقطع البعد المدين المدين المنافي المدين المدين المنافي المدين الم

 $\frac{a_{11}-a_{12}-a_{12}}{a_{11}-a_{12}-a_{12}}$ $a_{11}-a_{11}-a_{12}-a_{12}-a_{12}-a_{13}-a_{14}-a_{15}-a$

خند ذیکون مم الذی هو صارت عن البعد 11 مساویا $\frac{1}{2}$ و اذار من البعد $\frac{1}{2}$ مراکب $\frac{1}{2}$ و اذار من البعد $\frac{1}{2}$ مراکب $\frac{1}{2}$ و اذار من البعد $\frac{1}{2}$ مراکب $\frac{1}{2}$ و اذار من البعد $\frac{1}{2}$ و اذار من البعد $\frac{1}{2}$ و اذار من البعد $\frac{1}{2}$ و اذار من البعد و البعد

等一一,等一

فَيكُونَ مَقدار مم ومقدار صد سالبين لان البسطين سالبان والمقام المشترك موجب لان م فيعاكبهن ك ولتفتدكا في المسئلة الساعة هل هذان المقداران مدلان على أن المسئلة

ولتعتبركا في المسئلة السابقة هل هذان المقداران يدلان على أن المسئلة يمكنة الحل فنقول

قد فرصنا في معدمان الساعيين قد دُهامن تشطة واحدة بدليل أن عسب ومن حيث ان سرعتهما مختلفة بدليل ن م ح و بعد خفلة فها البعد القارق بينهما مساولكمية قادن تكون المسئلة عكنة الحل في نشخت من عدم امكانية المسئلة وانحاهى فلشئة من فساد فرض البرى في وضع المسئلة على صورة معادلة لانه قد فرض الالساى الذاهب من الماق خلف الا نرمع أن الموضوع في هذه الحمالة المهمساد هامن نقطة وأحدة وان سيرالمساى الماسرع من سير الا تحر سفاد ن لا يكون خلفه أبدا فلا يصحون موضعا المسلم المفروض على من المفروض على من المفروض على المسئلة على صورة معادلة الموضعين المفروض المسئلة وضعها على صورة معادلة أن يجعل لنساعين الحلن في مبد المفروض المسئلة ووضعها على صورة معادلة أن يجعل لنساعين الحلن المفروض بهما أكان يفرض أن اعلى بين نقطة من فيكون المفروض المسئلة ووضعها على صورة معادلة أن يجعل لنساعين الحلن المفرولين بهما أكان يفرض أن اعلى بين نقطة من فيكون المعدد المسئلة فرف سه والمعد ساما والمساعد عامل المساعد المسئلة المهما المنا على من المعدد الماسية على من والمعد ساما والمهدد المسئلة على من المعدد المسئلة على من والمعد ساما والمهد المسئلة ولن بهما أكان يفرض أن اعلى بين نقطة من فيكون المهدد الماسينا المرف سه والمعد ساما والمهد ساما والمهد ساما والمهد ساما والمهد الماسئلة ولن سه والمعد ساما والمهد ساما والمهد المهدد المها مسئلة فولن سه والمهد ساما والمهد ساما والمهد ساما والمهد المهاسة والمها والمه

فتصيرا لمعادلة هكذا

م المستقدة ومنهاستندج .

سَم = المُؤلِّدُ وَمِنَاءُعِلَى ذَلِكُ بِكُونَ

صر =· وردي

قادًا فرض في هـــذين المقدارين إن ع عد و م > ١٥ وهوعين القرص الذي حدث منه المقدارات المسالبات المتقدمان

آلاالی سے چھے و سے چھے

وهسمامقداران موجبان متصدان فىالمقدارالجرّدمع المقدارين السالبين المستخرجين بماتقدم فينتذيكون المقدار السالب ناتجابعش إلاحيان من مغرض فاسدابوى فى وضع المسسئلة على صورة معادلة

الحلة الثانيـة اذا فرض أن دَ = . و م > هـ آل المقداران العسموسياناني

ومن حيث أن م > ﴿ يَكُونَ هَذَانَ المُتَدَّارَآنَ مُوْسِبَيْنَ لَانْبِسَطَيْهِمَا موجيان ومقاميهما كذلك

فاذا تؤمل في منطوق المسئلة شوهد أنها بمكنة الحل لانه بفرض ترصفرا يظهرآن المطلوب تعيين القلة التي يلحق فيما الساعى سروان ملوقديه يكون محققها حيث فرضت سرعته الحسكبر من سرعة الساع سه فينتذ يكون المقدارات الموجبان المتقدمان دالين على امكانية المستلة

الحالة الشائنة اذا فرض أن و ع حد الالمقداران العموميان الى 🕝 🔻 م المحمد المحمد

وهمامقداران ساليان لان البسطين موجبان والمقامين ساليان (حيث كأن م > د) وليســاناتجينمنفسَّاد للغرض فيوضعُ المســـتلةُ على صورةُ مُعادلة لأنَّ الحَالَة الخَصُّومَسِيةَ إِلَى نَصَ يُصِـدُهُمَّا لَاتَّصَوَى على فَرضُ مشكول فسه حيث كان المطلوب تعيين التقطة التي يلمق فيها الساعى س الساعي آ واعمايكون الملان السياليان تاهين من اختلال أحد شروط منطوق المستلالان سرعة الساعى أمفروضة اقل من سرعة الساعة ر بدلیلآن م < ه فاذن لایمکن آن یلحق الساعی ا الساعی س ولتمليم منطوق المسئلة يفرض في المعادلة سي عبر المستريج الله أن عَ = . بَمِ تَغْيِرِ عَلَامَةُ سَمْ وَهِ تُؤَلُّ الْيُ شَهِي = سَكُوَ اللَّهُ وَيَغْيِرِ عَلَامَةً الطرفين يمدن مم = مستلك ولتعويل هذه المعادلة الى منطوق مسئلة بلاحظأن تحجم هوالزمن الذى استغرقه الساعى أليقطع البعد سم وأن مسيلت هوالزمن الذي استغرقه الساع - ليقطع البعد سم بدء وحيث أن المسافة التي قطعها الساع اليصل لنقطة التلاق مع الساعى سـ اصغرمن المسافة الذى قطعها الساعى سـ تكون نقطة التقابل عرلي شمال النقطة 1 فعادلة مم = سميك تعول الى منطوق لاتى هو

ساعیان ایندآفی السیرعلی خط الس من نقطتین ا و سر وسیره سامن الیمین الی الشعال لکن الساعی ا سابق الساعی سر بالبعد ، وسرعة الاول م والاتئو ، والمطلوب تعیین النقطة سر من امتداد ا سابق یلحق فیها الساعی سالساعی ا

فَاذَا حَلَتُ الْمُعَادِلَةَ مِنْ عَلَى اللَّهِ مِنْ اللَّهُ عَلَى اللَّهُ اللَّهُ مِنْ وَجَدَلَا بِعَدِينَ ا

是一一一

الموسيسان والمتمدان فى المقسداد الجرّدمع المقدادين الكاليين المستخرسين بماتفتم

الجالة الرابعة اذا فرض أن كَ عنه و م شد لا فالمقداران العموميان يؤلان الى

سے بے ہ صہ ہے بھ

وهمامقداران غير يحدودين فالمسئلة تكون سينتذغير يمكنة الحل لانسرعة السباعيين واحدة فالبعدالقارق بيتهما لايصيرمسا وبالصفرة بدا

الحالة الخامسة اذافرض أن وَ ع م و و ع م م ع عد فالمقداران العموميان يؤلان الى

س سے 🚅 ۽ صد سے 🚅

وُخِتُ أَنْ هَـذَ بِنَ المَقَدَّ الرَّنْ غَسِيْمِ عِينَيْنَ يَكُنُ أَعَطَا الْجِهُولِينَ جَيِّعَ المَقَادِيرِ المُمَّكُنَّةُ وَهُو يُوافِقُ مَنْطُوقُ الْمُسَتَّلَةُ لَانَ السَّاعِينِ خَرِجَامِينَ نَقَطَةُ وَاحْدَةً بدليل أن ء = • ولايفترقان بدليسل أن م = • فاذن يكون بدليل أن ء = • ولايفترقان بدليسل أن م = • فاذن يكون

ة = • فجيع تطالط أد

* (انواع ناتجة من مناقشة المسآئل التي بدرجة أولى) -

(٤٧) قد نَجْ من مناقشة المستثنين المتقدّمتين أربعة أنواع من المقادير النوع الاقل المقادير النوع الاقل المقادير الني المناف المقادير التي بهذه الصورة بيده الرابع المقادير التي بهذه الصورة بيده

وأما المقادير الموجبة فانها تدل على امكان حل المسئلة الافى مسال احتبج فيها الى أن يكون مقد ارا نجهول عسد اصحيحا ووجد مقد اره كسرا موجبا فانها غير تمكنة الحل وذلك كاسئلة التي يراد نها تعدين اساس جدة تعدا ديمسه واما المقادير السالبة فانها غعدت من المروض الساسدة الكائنة في وضع

المسئلة على صورة معيادلة أومن الخلل في معمى أحد شروط منطوق " المسئلة

ومنى نتج المبهول مقدارسالب وبدب اولا اختباروضع المسئلة على صورة معادلة هل فيد فرض يشك في معناه فان كان فيه ذلك غيره عنى هذا الفرض شقيل المسئلة الجديدة النبائجة منه فان لم يكن فيه فرض يشك فيه اوكان واصلح لكن وجد مقدارسالب أوجهة مقادير العباهيل عشق بالضرورة عدم المكانية بعض شروط منطوق المسئلة فاذالتصليح هذا المنطوق في المعادلة أوالمعاد الات التي حلت تغير علامات الجهول اوالجاهيل التي وجدت لها مقادير سالبة ثم تحول المعادلات الجديدة الى عبارة قريبة المنطوق ما أمكن من المنطوق الاصلى في فتح من ذلك مسئلة جديدة تمكنة الحل غير عنالفة المولى الافي معنى بعض شروط المنطوق ومقادير مجاهيلها موجبة ومقاديرها المحتردة عين المقادير التي إستفر بحت من المسئلة الاولى

وأما المقادير التي بهذه الصورة ب قانها تدل على أن المسئلة غير عكنة الحلى وتحدث المقادير المذكورة من عدم موافقة بعض شروط المنطوق أومن اشتراط شرط الا يمكن تحققه أومن أن المنطوق يشتمل على شروط اكثر من انجاهيل

واما المقادير التي بهذه الصورة ببيرة انها ندل على أن المسئلة غير معينة الحل والمقادير المذكل مشتملا على شرط متعقق دائما أومحتويا على شروط أقل من المجماهيل

*(***)*

الملوظات المتقدّمة تصفّق في جيع المسائل العاملة للمناقشة *(مناقشة عامة للمعادلات ذوات الدرجة الإولى)*

(٤٨) ولنبُد وسع المعادلات ذوات الدرجة الاولى وَجِعلة عجاهيل وسلها فنقول كل معادلة ذات درجة اولى وعجهول واحد يكن تحويلها آلى هذه الصورة حرم عنه عنه عنه التي يستضرح منها عمد عنه الله

وكلمعادلتين ذاق درجة أدلى وتجهولين يكن ضويلهما الى هذه السورة

و مر ب و مد الله الله

فالحروف ح و ع و به و به و ه و ه و ه المعادلتان بمقتضى ماتفزر مصلومة ذات علامات ما فأذاحات هاتان المعادلتان بمقتضى ماتفزر بعدت

 $\frac{5a-67}{5a-3a} = \frac{63-3a}{53-3a} = \frac{7a-67}{53-3a}$

وكل ثلاث معادلات ذوات درجة اولى وثلاثة عجماهيل يمكن تتخرّيلهاالى هذهالصورة

> حمہ + عصہ + عدع == و حَرمہ + تَحصہ + مَدع == وَ •

وُس + وص + هُ ع = وُ

مر من و دَهُ من و هَدُ لمن هن و دَهُ الله و الله و

مر = $\frac{e^{-\frac{1}{4}} - e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}} - e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}} - e^{-\frac{1}{4}}$ = $e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}}$ = $e^{-\frac{1}{4}} + e^{-\frac{1}{4}} + e$

ع __ حَدَّدٌ _ حَدَّدٌ + وَدَدُ _ وَدَدُ به وَدَدُ به وَدَدُ ما الله ما الله ما الله معادلات ذات أربعة عاميل من الله معادلات ذات خسسة عماميل ومن خس معادلات ذات خسسة عماميل وهل جزا

(٩٤) بقرن النوائج المتقدمة بالمعادلات الحادثة منها تلك النوائج يحدث فاعدة بفرق تضورها لكتابة هذه الدوائج أى المقادير بدون اجراء حل المعادلات وهي أن يقال

اولًا لتصديل المقام المشترك القدارى مد و هد المستفرجين من معادلتين ذاتى مجهولين يؤخذ مكزرا حود من المعادلة الاولى ويركب منهما الحدان حو و دح مقصولين عن بعضهما بالعلامة للمناف عن سود على الحرف الاخديمن كل حد المذه العلامة م

قيسيران حمد ــ مرة وهوالمقام المعلوب ولتصمسيل بسط مقدار أحد الجمهولين بغيره كررهــذا الجمهول في المقام المشسترك بالحد المعلوم بدون تغيير العلامة فيكون بسسط مقطاء حد "هكذا يغرق بسد عظ وبسط مقداد حد هكذا حظ سده يخ

وثانيا لاستغراج المقام المشترل القادير سرو معمور ع المستغربة من العادلات الثلاث المحتوية على ثلاثة مجاهيل يؤخذ المكرران حوء ويركب منهما الحدان حوء م يفصلان عن بعضهما بالعلامة ويركب منهما الحدان حوء م يدخل المكررالثالث هو في آخر ووسط واول كل من الحدين المذسكورين على التوالى فيعدث بادخاله في الاول وحده و هده وحده و هده من الحدين المدين الاولين ذوى الشيلانة حروف علامة الحددي مربيعل لكل من الحدين الاولين ذوى الشيلانة حروف علامة الحددي المرفين المكون له ثم تغير علامة الحدود الثالية على التبادل فيعدث الحدود المحدود مده وحده حدد حدد حدد مده وحدد من قاني حرف من كل حدوهذه من على ثالث حرف ايضا فيعدث المعلمة من على تاني حرف من كل حدوهذه من على ثالث حرف ايضا فيعدث المعام المشترك وهو

وَوَهُ ﴿ وَهُوَ ﴾ وَمُودُ ﴾ وَمُودُ ﴿ وَمُودُ ﴿ وَهُ ﴿ وَهُ وَ ﴿ وَهُ وَ ﴿ وَهُ وَ ﴿ وَهُ وَ لَا لَمُ وَلَى المُوفِ وَلَا سَتَنَاحُ لِسَاطُ وَالْمُوفِ الْمُعْلَمُ وَالْمُوفِ الْمُعْلَمُ وَالْمُوفِ الْمُعْلَمُ وَالْمُؤْفِ الْمُعْلَمُ وَالْمُؤْفِ الْمُعْلُمُ وَالْمُؤْفِ اللّهُ وَالْمُؤْفِ اللّهُ الللّهُ

قاذا اربداستغراج بسط مقدارالجهول سم مثلابغیر فی المتام المشیرات مکرره و باخرف المعاوم و فیعدت

و دَهُ سُوهُ وَ هُوَ اللهِ هُوَ وَ اللهُ وَهُ اللهُ وَهُ اللهُ وَاللهُ وَاللّهُ وَاللّهُ

(°°) يجسكن استعمال القوانير العمومية المتقدّمة في حل معادلات

عضوصة وذلا بان تغير في اللووف بقادير هامن المعادلات المعاومة ثم يتمسم ء عَلَمَا لَكَنْ سَلِ المعادلات الرقية من اول الامرا خصر

(١٥) البعث في هذه المقادير شبت لنباله يجسكن أن يحدث من خل المعاد لات ذوات الدرجة الاولى أربعة أنواع من المقادير

الاول المقادر الموجبة والثانى المقادر السالبة والثالث المقادر الى بهذه السورة به أواللانها به والرابع المقادر الى بهذه السورة به أوغير المعينة وقد على عامر أنه اذ احسكان عدد المعادلات م عين عدد الجاهد المعتوية عليها كانت بعلم المعادلات عكنة الحل ومنتهدة الااذا كانت عضوية على معادلات غيرمتوافقة فالحل غير مكن ومتى كانت الجلسلة محتوية على معادلات متطابقة أوعلى بعض معادلات متداخلة في بعض معادلات متداخلة في بعض معادلات متداخلة في بعض معادلات منداخلة في بعض معادلة عومية ذات بجهول واحدو على معادلتين عوميتين ذات مجهولين فتقول واحدو على معادلتين عوميتين ذات مجهولين فتقول واحدو على معادلتين عوميتين ذات مجهولين فتقول واحدو على معادلة ين عومية فالمناهدة عومية فالمناهدة على معادلة عومية في معادلة عربية في معادلة في معادلة عربية في معادلة في معادلة عربية في معادلة في معا

اولا ادافرض معادلة وسم = د واستفرج منها مقدار سم = يَ وفرض في المنفر و منها مقدار سم عدر و فرض في المنفر و المنفر سم المنفر و ال

وثانيا اذافرضت معادلتان ذاتا مجهولين

وسمہ ہے مصد سے ہو ہ ترمہ ہے توصد سے ہے واستینرج منہما المقداران

 $\frac{5a - 57}{55 - 57} = \omega_{5} = \frac{53 - 55}{55 - 57} = \omega_{7}$

وجعل في هذين المقدارين العموميين حرَّ ـــ و حَ ـــ و حَ ـــ و

أى ردَ = در و هدَ ـ دهَ عاد اك هد عاد ده

يول مقدار مم سع معتشيك الى لم بالرم السسطاطرف لا ويكون غير معدود في المستخبر والمعادلتان المعلومتان لا تصنقان بأى مقداد معدود غرض للعبهول عمد وتكونان في المقيقة متمالفتين لا ته يسبخن من الفرضين المتقدمين الذين هما مو كرب عمر و هو كرب عمر و المقرف المعلمة من المروف المروف المعلمة من المروف المروف المعلمة من المروف المعلمة من المروف المعلمة من المروف الم

بعدد المراج المراج = روانج من ذلا

و المنافقة بع الشائية لانها وان كانت عينها الاأن طرفيها قد ضربا فى كيتين و لله علمة المنافقة مع الشائية لانها وان كانت عينها الاأن طرفيها قد ضربا فى كيتين و لذ

وثالثنا اذا حسكان قدار الجهول مد جهذه المعورة بي يكون مقدار صد جذه المعورة ايضالان مقام مقدار من مساويال مفرفل يق الاالبرهنة على أن بسطه ليس مساويال مفرأ وعلى أن وه به ه و فيقال حيث تقدم أن ت حد م الم يقال حيث تقدم أن ت حد م الم يقول حد الم يعدث من الم الم يقول الم يقدم أن ت الم الم يقول ال

أو وه به به المقادلة و مد الله والسنفرج منها مد الله ورابعا اذا فرض معادلة و مد الله والسنفرج منها مد الله وجعل في هذا المقدار العسموى و الله و الله المعدث مد المقدار العسموى و الله و الله المقدار العسموى المقدار مد غيرمعين أعنى أن

يعيه المقاديرالمحدودة تحييق المعادلة المعلومة لانها تصير • × عملاً عند • وهي معسادلة متطابقة لان الصفراد اضرب في عدد تما محدود يجدث سلملا مساويا لصفر

واذافرض معادلتان ذاتا يجهولين

رمد به ومبدّ = ه و تمس به تحمد = ه واستفرج منهما المقدران

 $\frac{70 - 57}{53 - 57} = \frac{10}{53 - 57} = \frac{55 - 58}{53 - 57} = \frac{10}{53 - 57}$

وجعل في هذين المقدارين العموميين هدّ سد و هن المناوعين وحيث شوهد فيما تقدم آن غير المعين لا يقع الااذا كان عند المعاد للات اقل من عدد المجمل هن البرهنة على أن ها تين المعادلتين المعاومة بن ليستا الاواحدة لانة اذا استخرج من الفرضين المتقدمين هدة

ے وہ و و ت وہ بالتقسیم علی الحروف المعلمة النسب هے ہے ۔ هے ہے ہے و کے ہے کے ورمن لیمایا لحرف لما پیحدت م عَمَّ اللّٰهِ عَمْ مَنْ مَنْ اللّٰهِ الللّٰهِ اللّٰهِ اللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ اللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ الللّٰهِ ا

وادا کانمندار سه بهذه الصورة بهیکون مقداب صد کذال لات مقام

(تنبيهات)

الاول قدنیج من جعسل هد تر سده کو و ه تر سده ان مقسداری مسر و صد یکونان بهسده العورة نب قادانم لهذین الفرخین فرض هد سد و هد سدت ناتیج عین الاول فقدارا سم و صد یمنع ان یکونامعینین غیران بینهسمانسسبه ثابته لانه اذا بعل فی المعادلتین المعاومتین هد سد و هد سد و الاالی هسم به دصد سد و و توسد به توسد سد و توسد به توسد به توسد سد و توسد به توسد به

ر موجد ہے وصور ہے ۔ ومنہما بعدت سر ہے ۔ ویر سر مد ہے ۔ وَصِر

وحیث نیج من فرض حدّ سد در و ان شرے نے بول مقدارا سد الی سد = سے شرح سد و میں معدث سے سے شرح الی آئی آئی النسب میں مقداری سمہ و مسلم مساویہ شود و می نسبہ مائیہ

الثانى قد ظهر من المناقشة المتقدمة أن مقدارى الجهولين بلا محدوية على معادلتين ذاتى مجهولين كالمتقدمتين يكونان فى آن واحدلانها بين أوغير معينين أكن هذا لا يتسرف بعله معادلتين متشعبتين ذاتى مجهولين حنرى معينين أكن هذا لا يتسرف بعله معادلتين متشعبتين ذاتى مجهولين حنرى الثالث قد شوهد أن المقدار الذى بهذه الصورة بيدل على ان المقدار غير معين وقد يدل مع ذلك على وجود مضروب مشترنة ين حدى الكسر مساو لصفر سير يفرض فردش مخدوس الهذين المدين فدا فردس مثلا

حد نے ہے ہے ہو و بعل فید ہو ہ د ال الی سم ہے ہو گان میں ہو ہو گان میں ہو ہے ہو گان میں ہو ہو گان میٹ ہو ہو گان ہو ہو گان ہو ہو گان ہو ہو گان ہو ہو ہو گان ہو ہو ہو گان ہو ہو ہو ہو ہو ہو گان ہو ہو ہو گان ہو ہو ہو گان ہو ہو گان ہو گان ہو گان ہو ہو ہو گان ہو گان ہو گان ہو ہو گان ہو

قَادًا قُرِضَ الآنَ ان ع = و ال مقدار حمد الى ﷺ = ﷺ فادُن يكون مقدار حمد معينا

واذا فرض أيضا في مقدار سم ي مُصَّرِّعَتُ مَنْ م عدم ال مُسَمِّد الى سم من بُ لكن حيث أن مقدار سم يكنزون عديهذا المصورة .

س = <u>﴿ ﴿ ﴿ مِنْ أَ</u> وَانْ حَدَاءُ قَائِلَانُ لِلقَسِمَةُ عَلَى ﴿ سَـ وَ يَصَايِرُ سَـ = مُنْ يَتِكُ جَذَفُ المُضْرُوبِ المُشْتَرِكُــُـْ مَـ = مُنْ جَذِفُ المُضْرُوبِ المُشْتَرِكُــُـْ

فاذافرض الاَن في هذا المقدار أن عدد اله الى سمد في عند واذافرض أيضافي مقدار سمد في لم الله واذافرض أيضافي مقدار سمد في لم الله ومن المعملوم انه يوجد مضروب شترك بين حدى الكسر لهم في فلتعينه بضرب حدام في لا و فيعدت سمد به بهم المهم وبالمسترك من المال سمد المال المسروب المسترك من يؤل الى سمد المهم وبالمسترك من يؤل الى سمد المهم وبالمسترك من يؤل هذا المقدار الى يأ

غينة ذمقدار سمد المساوى ب يدل فى بعض الاحسان على وجود مضروب مشترك ين حدى الكسرالمين به مقدار الجمهول في تحقق وجوده زم اولا حذفه شم اجواء القروض التي بها يؤول حداالكسرالي صفر عيشذ بعسيرمقدار الجهول بهسده الصورة وساد يساد سبساعي انه منته اوعدى اولانهائي

(البابالثالث)

* (فَ المربع والحدرالتربيعي والمعادلات والمسائل القيدرسعة عانية)

* (ف المربع والجذرالترسي) *

(٥٢) قدتقدم أن مربع اكمية هو حاصل ضرب مضروبين كل منهسما مُساولُها وانالِهُ وَاللَّهِ بِي المستعمية مقدار اذارقع الى اربعة اشائية تحصلت تلك العسكمية فينتذبكون و مربع و و الجذر التربي للمد و ومربع ٧ - هو ه

(°°) فرنع الحده م د يكون مساويا ه م د × ه م د = ٥٠ م د (قاعدة) لتربع مدير بع مصيكوره وتضاعف اسس كرمر سرونه المُفاعدة النوى عكس المتقدّمة) استفراج جدّرمراع مساكرن ماستفراج المذرا تربعي مكرره م تنصيف اسس كل من حروفه في شد * 574 = P37 19

(نبيه) الحدّيكون مربعا كأملاء في كان سكرّره مربعا كاملا رئيات السعى جيت حووة زوحية فان ا يكرك ما فالسكامل وحر شاء فيوضع عام المساء العلامة ٧ ﴿ وَالْكُمِيةُ سَاشَّتِهُمُ مِنْ يُمُّ تَسْهُو هُمَّ عَبِّرُ وَرَقَ أَرْجُ مِنْ أصم اوج نراسرجة ثانية وفئت نحو ٢٦ و و ذ اكونت ك هجتوره على جدرمنياق ارتات شدرية على جدرة كن استخر جـ. مرت

كية بدارية (٥٤) اختصارا بالدرالاسم ناى بدرجة ثابية مارسس على تاعدة هي أن الحذرالتربيي سناسل شرب يكون مساويات صل شرب البدررالتربيع

اكل من مشاريه في بعضها فحينتذ

γ(να = γνα | γνα

فاذن یکون مربع ۲٫۶٪۲ ت × ۷ هـ مساویا موده و پنتج من ذلاأن ۲٫۶٪ ۲٪ ۲٪ ۲٪ م. یکون مساویا للبذرالتربیعی للمد موده.

(٥٥) لاختصارا لحذرالاصم ٢٦٦٥ عملل ٢٣٠ م كالى مضروبين أحدهما يكون مربعا كاملافيعدث

آ ٢٥٠٤ = ٢ ٢٥ مو ٢٥٠٤ مو ٢٠٠٤ مو ٢٠٠٤ مو المعارب المواجد والمعارب المواجد والمعارب المواجد والمعارب المواجد والمعارب المعارب المعارب

مربعات كأملة ومكررا لجذرف مقدلد ؛ و د كر م و هو الكمية ؛ ر د و اعدة) لادخال مسكررا لجذرالتربيعي تتحت العلامة يرفع هـذا المكرر الى الدرجة الشائية تم يضرب بعدرفعه فى الكمية التي تتحت علامـة الحذر فنه ندند

50 FF = 50 17 × 0 F = 0 f \ 50 &

و بحكن اثبات هذه الفاء د قمن اول الامر بملاحظة أن ع مراد = 17 حد و تذكر مأسبق في القاعدة المئبتة في البند السابق فعلى مقتضى ذلك على حرد على المؤلف المراد السابق فعلى مقتضى ذلك على حرد المرد ا

10 | | = 21 × 57 | 2 | = 21 | × 52 | 2 | = 21 | 52 & (٥٦) ماتقةم في (بند ٥٣)من قواعد التربيع واخذا بلذرللتربيعي لهدلم تتعرّص فيه للعلامة والتعرّص لها فنقول اولا أن مربع أىحديكون موجبا دائمًا لانه متمصل من ضرب حدين

متصدين في العلامة

وثانيا انآلجــذرالتربيعيطــدٌ موجبكدٌ و يحڪون ــــ و أو ـ ح لان حسكلامنها اذارفع الى الدرجة الثانية حدث منه م فَكُونَ الْجَدْرُ التَرْسِي لَمُدَّ مُتَبُوعًا بِالْعَلَامَةُ لِهِ أُو _ وَوَضْعُ هَذْهُ العلامة المضاعفة 🛨 المامه ملفوظام ازائدا وناقص فحينئذ يكون

* ± = TY

وان المدرين التربيعين لمدسالي كد هرء الاوجود لهما الان حسكل كية سالبة أوموجبة اذارفعت الى القوّة الشائيسة حدث منها ناتج موجب فسنتذبكون لاسدح هوكية تخيلية أومقدار تخيلي والكمية الحقيقية سواكانت موجبة أوسالبة جذرية أوغير جذرية هي ماعدا الخيلية (٧٠) تَانْع بِتُوصِل البراهيز سشابهة للمتقدّمة

الاولى لرفع حد لى القوة النائنة أى التكعيب يكعب مكرره وتناث اسسر بحروفه فتكعيب حد ٧٥ دهم هو ٣٤٣ مرده

الثانية لاستفراج الجذرا شكعيي الديستغرج الجذرالتكعيبي لمكرره ويؤخذ ثلث كل من اسس حروفه فا جذرالتكعبي لعد ٢٧ م ك أ هو ٣ مرك الشالئة الاختصارا بلذرا تكعييي المأصم لحذ يستمنن الجذرا تتكعيبي لمضاربيه المكعبة الموجودة تمحت علامة الجذرالمسذكور ويوضع جذرهما

مكررالعلامة الخذر فسنتذ

الرابعة الادخال مكور تعت علامة بعدر تكعني يرفع هذا المكور الى القوة الثالثة ويضرب في الكمية الكائنة قعت للعلامة المذكورة فحينئذ

17 (1 = 27) 5° (

الخامسة علامة تكعب حدّ تكون داعًا عين علامة الحدّ وعلامة الحدّر الكعبي خدّ تكون ايضاعين علامة الحدّ فيندّد

5+57 (5+7) = (5+7) + 72 (5+7) + a = 5+7 (5+7) + 754 + 7 = 5 - 7 - 4

اعنى ان مربع كية ذات ثلاثة حدود يتركب من حاصل جع حربعات جيع حدودها ومن ضعف حاصل ضرب حدودها مثنى

وهذه القاعدة مطردة فى كل كية ذات حدود لانه اذا فرض انها متحثقة فى كية ذات حدود عدد حدردها م كالكمية حهد عهد الخهل

تعسیون متعقد اینا فی کیه دات سدود عدده آبرید عن عدد سدود الاولی بو احد کالکسه و + ع + ه + م م م به ل + لا لانه ادار مزیالحرف سر للکسه الاولی و + ع + ه + م م به ل + ل فترسع الاخوی یکون (سم + له) = سم + م سمله به لا میدل رمن سر عقداره فیصدت

(°+°+°+°+°+++++)=(°+°+°+°+°) + 1¹ (°+°+«+ ····+t)+¹

وحنث أن الحز الاول (ج+ ع ج ه ج مدودها م وان الشافى عن مربع الكسة ذات الحدود الاولى التى عدد حدودها م وان الحز النالى المراه المرب الحدود التى عددها م فى الحق الحديداى مركب من ضعف حاصل ضرب الحدود التى عددها م فى الحق الحديداى مركب من ضعف حواصل ضرب الحدود مثنى وان الجزء الشالث وهو لا من الطرف المذكور مكون من تربع الحق الحديد وصحون من بع كمة ذات حدود عددها م به المشتملا على حاصل جع من بعات مديع حدودها وضعف حواصل ضرب حدودها مثنى فإذا كانت فاعدة التكوين عدم دة في كسة ذات حدود تكون مطردة أيضا في كمة ذات حدود تكون مطردة أيضا في كمة ذات حدود تكون مطردة في كمة ذات الدود وحددها المربع حدود وهكذا

* (منيه)* *

يلفظ بهذه القاعدة بكفة فافعة فى التنائج التى يراد استفراجها بان يقال مربع كية ذات حدود يعتوى على مربع الحدّ الاول زائدا ضعف سامسل ضرب الحدّ الاول فى انشانى زائد امربع الشانى زائد اضعف سامل ضرب كل من الحدين الاول والثانى فى الشانى ذائد امربع الثالث زائد اضعف سوامل من الحدين الاول والثانى فى الشالث زائد امربع الثالث زائد اضعف سوامل

شرب كل من الحسد الاول والمثانى والثالث في ألحدّ الرابع ذائدا حربع الحسد . الرابع وحكذا

(٩٥) اداطلبالات استفراج المذرالتربيعي لكمية ذات حدود كألكمية

۱ ب س ب ع ب تو ب الخيفرض أ ب س ب ع ب الخيفرض الم ب ب ب ب ب الخ الخ الحدد المطلوب ثم بفرض أن ها تين الكميتين من تيسان جسب الدرجات التنازلية المرف كالمرف كالمرف مد يجرى العسمل هكذا

فالكميسة ذات الحدود 1 + - + + + + الح بمكن اعتبارها حاصل ضرب كمية 1 + - + - + الح في 1 + - + - + الح وحيث ان هذا الحاصل مرتب اكضروبيه بحسب الدرجات التنازلية المعرف ،

سه المذكوريكون 1 حاصل ضَرب أ فى أ أى مربع أ (كافى تنبيه

بند ۱۱) فبنا عليه يستفرح أ وهواول عدّمن الجذر باخد الجسدر الترسي للعد الاول من الكمية ذات الجدود المعسلومة ثم يربع هذا الحدّ الناتج ويطرح منها فينمسي ألحد الاول وهو أ ويكون الحدّالثاني سهمن الكمية المذكورة منعف حاصل ضرب اول عدّمن الجذر في حده الشاني لانه اذار من

الى سُ + مُ + دُ + الح بالحرف ريحدث ا + س+ + + + الح = (أ + ر) مَ مُ + وأر + رُ وبطرح الكميتين المتساويتين ا و أو من كل من الطرفين ووضع ر مضروبامشتر كا يحدث

- + + + + + الخ = ر (۲ أ + ر) واذاوضع بدل ر مقداره يحدث --- د+ اخ = (-+ مبدة + اخ) (على مبدة + اخ) وحيثان الكميسة ذات الحدود سهر مهد عهد المخ المرتبة بحسب الدرجات التنافلية طرف الترتيب مساوية خاصل ضرب المستحمية سب و ب و ب الخفالكمية ، أب سب و ب د ب الخ المرتبتين كترتيبها يكون الحدالاول بر من الاولى مساويا لحاصل ضرب حدّ رُ في مَ مَا مَنَ الْكَمِيشِينَ الْاَشْرِينِ وَبِنَا مُعَلِيهِ يَسْسَنَتُمْ الْحَدَّ النَّانَى يُد من الجذريتقسيم الحدّ الاول سه من الباق الاول على ٢٠ وهوضعف الحذالاول من الجذر وسيت علم سد سر يعلن ضعف ساصل ضرب الحدّ الاول من الجذرف الحدّ النانى منه ثم مربع الحدّ النابي اي يطرح ساصل شرب ا أ ب ف من الكمية - + - + ، الخ فيهي باق بهذه الصورة ح ب د ب الخ حدد الاول ضعف حاصل ضرب اول حدمن الجذرق الحدّ المناأت منه ﴿ لانه اذارمرْ بِالحرف رَ اللَّهُ يَن أَ إِلَّ سُ وبالحرف ر للعدودالباقية من الجذروهي و به يم به الح ينتج ・「ナーナッナンー(シャン)ーとしナッナッナーナリ أو تر مَ+ ٤ + الخ=ر(rرَ+ر) ° أو م + + الن=(م+ د + الن) (r أ+ r - + م + د ل) وحيث أن الكمية عَ + ٤ + الخ حاصل ضرب أنكمية حوم د + الح فى الكوية ، أب ، سب م ب عُ ب الح المرتبي كترتبها يكون ع مساويا لحاصل شرب حُ في م أ وبنا عليه يستنتي الحدّ الناآث من الجذر بتقسيم الحدّ الاول من الساق الشائى على ضعف الحدّ الاول من الجذر . المذكورومثل ذلك يجرى في استفراج بافي حدود الجذر وينتج من ذلك قاعدة تذكرها فنقول

(قاعدة) من الاستفراج المفذرالتربي السكوية ذات حدود ترتب بعسب المدرجات التصاعدية أوالنا ذلية الاحد حووفها تم يستقرح المفذر التربي المد ها الاول في كون الحد الاول من المفذرالمغلوب ثم يربع هذا الحد ويطرح من الكمية المعاومة على من الكمية المعاومة على ضعف الحد الاول من الجذر في الحد الشاق من الجذر المعاوب فيضاعف حاصل ضرب اول حد من الجذرف الحد الشاق من الجذر المعاوب فيضاعف المذ سرب اول حد من الجذرف الحد الناق من الجذر في الحد المالوب فيضاعف المذ الناق المناف الاول ثم يضم الحد الاول من الباق الحديد على ضعف الحد الاول من الجذر في الحد المناف المناف المناف المناف المناف المناف المناف على المناف الم

الباق الثالث الافل من المعادد على المعادد

بأن بستفرج الجذر التربي للعد 13 فيكون 2 ك هو الحد الاول للبذر ثم يربع هذا الحدويطر من الكمية ذات الحدود المعلومة فيصدت باق في البذر ثم يربع هذا الحدويطر من الكمية ذات الحدود المعلومة فيصدت باق من 17 حك به مع يقسم حده الاول من 17 حك على ١٨ ك الذي هوضعف الحد الاول من الجذر فينتج الحد التانى للبذروهو من عربة والتحصيل ضعف ماصل ضرب الحد الاول من الجذرف الشانى وقصصيل مربع المد الشائي يكتب هذا الجير الاخير على شمال ضعف الحد الاول ثم يضرب الناتج وهو ١٨ ك من عربة في الحد النافي من عربط الحاصل من البناق الاول فيصدت باق ثان الشافي من عربة على ضعف الحد الاول من الجدد ١٨ ك ويتم حدد الاول ١٤ مربع الثالث المحد الاول من الجدد ١٨ ك ويتم الحد الشالث عو من الجدد ولتكوين شعف عاصل ضرب الحد الاول وانشانى في الشالث ومربع الثالث ومربع الثالث يكتب هذا الحد الاخير على شمال ضعف الحد الاول وانشانى ثم يضرب الثالث يكتب هذا الحد الاخير على شمال ضعف الحد الاول وانشانى ثم يطرح الحاصل من يكتب هذا الحد الاخير على شمال ضعف الحد الاول وانشانى ثم يطرح الحاصل من الحد من المحد المناس عن المحد المناس المدالا المتعال ألم المناس المدالا والشائي في المدالا والشائي ثم يضرب الثالث يكتب هذا الحد الاخير على شمال ضعف الحد الاول وانشانى ثم يطرح الحاصل من المحد المناس من المدالا المدالا المدالا والشائي ثم يطرح الماصل من المدالا والشائي من المحد المدالا والشائي ثم يطرح الماصل من المدالا المدالا المدالا والشائي ثم يطرح الماصل من المدالا والشائي في المدالا والشائي ثم يطرح الماصل من المدالا والشائي ثم يطرح الماصل من المدالا والشائي المدالا والشائي ثم يعرب الماسلا من المدالا والشائي ثم يعرب المدالا والشائي و

الاول يمكن الرجري هناما اجرى في القسمة بطرخ كل حاصل ضرب واختصار الحدود المتشابهة من اول الامرهكذ ا

アナイクァー 5 2 ア 4 ナ 5 7 1 F - 5 7 F A + 5 7 1 T - 5 1 M

7 -- 571 -- 5A

7 7 4 ,

الشانى اذاغيرت علامات حدود الجذر ، ك س م و ك به م و مقداره الجرد لا يتغير لانه اذا ومن الكمية ، و ك س م و و به م و بالحرف م ككون الكمية الجديدة الحادثة بعد التغيير س ر و و و حسكون الكمية ذات الحدود المعلومة ، و ت م ١٦ م و ك به و الحدود المعلومة ، و تكون كذات الكمية س ر (كافيند ٥٦) مربعا كا ملا الكمية ، و تكون كذات الكمية س ر (كافيند ٥٦) و حينتذ يكون لحذر الكمية المعلومة مقد اران مقيزان هـما

(اکرَّ ۱۳۰۰ + ۲۳۰) و سـ (۱۶۰ سـ ۲۰۰ + ۲۰۰) والاخیر تاتجمنوضع علامة ناقص امام الاول

الثالث المستحمية ذات الحدود المرتبة بحسب حرف مربع كامل اذا كان حدها الاول مربعا كاملاو حدها الشائى قابلاللقسمة على ضعف جذرا لحد الاول أوكان حدها الاخيرمربعا كاملاو الذى قبدل قابلاللقسمة على ضعف

الحدالاشيروكان مع ذلابه لما الاول من مستكل بالخيف بوى العسمل قابلا للقسمة على منعف الحدالاول من الجذو

الرابع الكمية قات الحدود المرسة بحسب الدرجات التنازلية المرف يعرف الهاغيرمربع كامل من كان ضعف أسهذا المحرف في المدالاخيرمن الحذر القل من اس هذا المرف في المدالاخيرمن الحدود المعاومة اللاخيرمن الكمية ذات الحدود المعاومة بعب ان يكون مربع الحد الاخيرمن الحكيرة فيكون اس وف الترتيب في الحد الاخيرمن الكمية ذات الحدود المعاومة ضعف السرهذا المحرف الترتيب في الحدالاخيرمن الجذر وسيت ان المدود المعاومة ضعف السره في المحدالاخير من الجسد أقل من أس وف الترتيب في الحدالاخير من الحسوف الترتيب في الحدالاخير من الحسك منة المعلومة وان اسس وف الترتيب في الجدالاخير من الحسك منة المعلومة وان اسس وف الترتيب في الجدالاخير من الحسك منة المعلومة وان اسس وف الترتيب في الجدالاخير من الحسك منة المعلومة وان اسس وف الترتيب في الجدالاخير من الحسك منة المعلومة المعلومة وان السس وف الترتيب في الجدالاخير من الحسك منة المعلومة وان السس وف الترتيب في الجدالاخير من العملة المعلومة المعلومة المعلومة المعلومة وان ا

الخامس دُات الحديث لاتكون مربعا كاملا ابدًا لان مربع الحدشدومربع دُات الحدين ثلاثة حدودومربع دُات الحدود اربعة حدود اقل ما هناك

(10) هذرمق اريد استخراج الجذر التربي المستهمية دات حدود بعثها مستل على حرف التربيب باس واحد توضع هذه الكمية كوضعها ف عل التقسيم المتقدّم في (بند 11) فيغند تؤل العسمليات الجزائية المبينة بالقاعدة العسمومية من البند المذكور الى استغراج الجدرالتربيعي تنكمية المعاومة اوالى تقسيم كية ذات حدود على أخرى

(11) قدسبق الكلام على استفراج الجدرالنرسي لمكميات الجبرية المحميعة ولاستفراج الجدرالترسي للكشور تسائد العلم يقة المقررة فى علم الحساب أن ت مربع الكسر يتكون بوفع حديه للدرجة انشائية فينشذ يستفرج جدرا مكسر باستفراج الجدرالتربي لكل من حديه

◄(قى حساب الجذورالهم ذات الدرجة الشائية والشائلة) ◄
 (٦٢) الجذران الاصان إحسكونان منذ البين اذا المحدث درجتهما

والقدن ألكميات المومنيوعة عنت علامتهما فجذرا

متشابهان وكذلك جذرا ٢ م ٥ و ٧ م ح متشابهان وكذلك جذرا ٢ م م من الكلام على بعم تلك الجذور وطرحها) •

مهست رابلذر بدل على عدد مرآت تكوّا دهذا البلذر شنتذجع جذو بن متشابهن أوطر شهما يكون بجسمع أوطرح مكروبهما بم وضع ساصل الجع أو باقى الطوح احام الجلذر المشترك فأذن يكون

۳ ۲٫۶ + ۰ ۲٫۶ = ۸ ۲٫۶ و ۲۰ - ۰ ۲٫۶ = - ۲۰ ۲۰ و ۲۰۰ کو ۲۰۰ و ۲۰ و ۲۰۰ و ۲۰ و ۲۰

* (ف الكلام على ضرب تلك الجذور) *

لابجاد حاصل ضرب جذرين متعدى الدرجة تضرب الكميتان الموضوعتان تحت علامتى الجذر في يعضهما ثم يوضع الحاصل تحت علامة الجذر المذكور مشال ذلك

 $\sqrt{3} \times \sqrt{2} = \sqrt{3} \times \sqrt{2}$ $\sqrt{3} \times \sqrt{2} = \sqrt{3} \times \sqrt{2}$ $(\sqrt{3} \times \sqrt{2}) = \sqrt{3} \times \sqrt{2}$ $\sqrt{3} \times \sqrt{2}$ $\sqrt{4} \times \sqrt{4}$ $\sqrt{4} \times \sqrt{4}$

ومثل هــذا بحرى فى ایجاد حاصل ضرب جذرین بدرجه مالشه (وکان بیکن الاستغناء عن اثبات هذه القاعدة بما تقدم فی (بنده و) من آن $\gamma = x > \overline{x}$ $= \gamma = x + \gamma = i i i i ن یقال <math>\gamma = x + \gamma = \overline{x} = \overline{x}$ واذا کان البدر بن مکرران یضرب هذان المکرران فی بعضهما و یوضع حاصل ضربهما امام الجذر فینشد

(°^) ..

3X7 Y ro = 3 XX7 Y o X Y = 3 Y o X 7 14 3X1 Y r lo = 4 XX Y X x o X r r = 4 Y r o X 3 Y r r • (في قسمة المذور) •

لتقسيم جذرعلى المومتعدين في الدرجة تقسم الحدي الكميسين الله ينتحت علامتي الجذرعلي الانوى ويوضع على خارج القسمة علامة الجذر فحنتذ

عَادِن بِكُون مربع ﴿ وَ اللهِ عَلَى اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ عَلَى اللهُ اللهُ

واذا كان للبذرين مكرران يقسم احدهما على الاسترويوضع خارج قسميمهما امام الجذر هنشذ

٢٠٠٥ \ و = = = ﴿ ﴿ وَ وَ وَ وَ كُو اللَّهِ وَ وَ وَ وَ الْهِ وَ وَ كُو اللَّهِ وَ لَا اللَّهُ وَ اللَّهُ وَ ال (٦٣) القواعدالتي تقدّم بيانها لا تو افق حالة ضرب حدين تضلين ولا حالة تقسيم حد حقيق على آخر تخيلي

= ユニハ×ュン×ユニノ×シノ=ューノ×シーノ

ューノー=ューンー

(٦٤) اذا كان مقام الكهراص غنّ المهم تحوية الى منطق -فاذا كان المقام الاصم ذرّ الحدّ الواحد جذرا بدرجة ثمانية لزم لتمويّل ضرب ِ كل من حدى الكسر في مقامه فحستذ

 $\frac{r}{r} = \frac{r}{r}$

واذاكان المقام الاصم ذوا لحد الواحد جدر أبدرجة المائسة يكني لتمويد ان يضرب كل من حدى الكسر في تربيع هذا اللقيام في نشذ

 $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}\sqrt{2}}{\sqrt{2}\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$

واذا كان المقام الاصرمشة لاعلى كه ذات حدّ بن احدهما أوكلاهما جدر بدرجة النه يكنى لقو يه ان بضرب حدا الكسر في كمة ذات حدّ بن مركبة من الحدّ الاول من المقام ومن حدّ الشاني مسبو قابع لامة مخالفة لعلامته لان من المعلوم أن حاصل ضرب مجوع كيتين في فاضلهما يساوى فاضل مربعهما فاذن يكون

 $\frac{(3-4)^{2}}{2+4^{2}} = \frac{(3-4)^{2}}{2-4^{2}} = \frac{(3-4)^{2}}{2-4^{2}}$ $\frac{(3+4)^{2}}{2} = \frac{(3+4^{2})}{2+4^{2}} = \frac{(3+4^{2})^{2}}{2-4^{2}}$ $\frac{(3-4)^{2}}{2+4^{2}} = \frac{(3+4^{2})^{2}}{2-4^{2}}$ $\frac{(3+2)^{2}}{2+4^{2}} = \frac{(3+4^{2})^{2}}{2-4^{2}}$ $\frac{(3+4^{2})^{2}}{2-4^{2}} = \frac{(3+4^{2})^{2}}{2-4^{2}}$

(70) اذا انستملت متساوية على كياف منطقة وكيات غير منطقة كانت اجزاء المنطقة في احد الطرفين مساوية لاجزائها في الحفوف الاستخر وكذا اجزاء غير المنطقة

فَاذَافَرَضَتَ مَسَاوِيةً حَهُمْ أَدَّ = هَ ﴿ لَا وَوَفُرَضَ أَنَّ لَا وَ رَكَ وَ غيرِمنطقين وأن حُوْهُ منطقين كان ع = هو لا أدَّ = لا وَ لائه بُصُويل ع الى الطرف الشانى من لتساوية ح + لا و = ه + لا و تصير لا دَ = ه + لا و - ح وادافرض أن ه سرح على مرفع كلّ من الطرفين إلى الدرجة الثانية

د = باً + د + ، م لا قر أو . د – با – د = » بالآو

وهي متساوية مستعبلة لان الكمية المنطقة و ــ م ــ و لاتكون مساوية للكمية غيرالمنطقة ، م لا ق الا اذا غرض م ــ و وحيث أن م ــ هــ و يسكون هــ و فحيث كان هـ ــ و ينتج من المتساوية ، م + لا و ــ ه + لا و ــ و + لا و ــ و أن لا و ــ لا و ــ و لا تذيركون

~= ~ (Y==Ye

والوصول الى ذلك ترفع الكمية ﴿ حَهِلَ قَ الى الدرجة الشائية فتصير (﴿ وَ ﴿ ﴿ كَ) = و ﴿ دَ إِنَّ عَ ﴿ وَ ثِمْ يَسْتَغْرِجَ الْبُلْدُرِ التَّرْبِيعِي لكل من الطرفين فعدت

٧٥٠ + ٧٤ = ١٥٠ + ١٠ + ١٠ + ١٥٠ = ١٠٠ ١٥٠ - ١٠٠ ١٥٠ = ١٠٠ = ١٠ = ١٠٠

وبالعكس يمكن تحويل مقدار ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ۖ الْمَ آخَرُ بِهِذْهُ الْعُمُولَةُ

(N4)# · ٧٠ + ٧٠ بيث المسكون كان و و د و م و د جذرية والوصول الحاذلا يربع كلمن طرق التساوية الع + الآء = الم + الآء فيعدن ٣٠+ ١٠ ٢ ح و ١٠ ٢ م و مقتضى ما تقدّم في (بند (r) 3 = 57 2 3 (1) 3 = 5 + 7 واذا ربع كلمن طرق المتساوية (١) وطرح من النباتج المتساوية (٢) يعدَّث مَرْ + وَ ١ ٢ من = خَ - ومنها يعدث ويحدث أيضامن المتسلويتين (١) و (٣) . シーライナーマナー・ライーライナーアナー * وحیث فرض آن ہو و د منطقان یازم آن یکون کی ۔۔ د مربعا كاملاقادارمن لهذا المربع بالحرف ه يعدث $(\circ)\cdots \xrightarrow{\underline{\mu-\gamma}} = \circ \circ (\iota) \cdots \xrightarrow{\underline{\mu+\gamma}} = \sigma$ أعنى أنه يلزم لامكان تعويل مقدار ٢٠ + ٢٦ الح مقدار بهذه السورة ٢٦ + ٢٥ أنع كون م م م م العاكاملا فاذا ومز لهذا المربع فِالْمُرف هُ يعلِمُ المقداران ﴿ و و من انتا تونين B-7 = 5 - - = 9

(77)

(تنبيه)*

عدفرض في التساوية ١٠ ع + ١٧ و = ١٠ م + ١٠ ان الجسدون الاربعة موجبة وحيث تقدمان ه + ٤ + ٢ ٢ ﴿ وَ == ٢ + ١] وَ ينج مندان م ٢ حد ٥٦٠ فادن بازم ان تكون علامنا الجذرين ع ﴿ وَ وَ مُصَدِّ مُصَدِّ مِنْ فَكُونَ عَلَامَةً ﴿ وَ مُو مُوجِيةً اذَا كَانَتُ علامتا ٧٦ و ٧ و متعدتين وتكون علامته سالبة اذا كانت علامتا ٧ ﴿ وَ لَا مُتَفَائِفَتُينَ اعْنَى اذَا كَانْتَ عَلَامَةً ٧ وَ مُوجِبَةً نَكُونَ علامنا لآء و لا متعدتين والمسكانت علامة لا بر سالبّة

تكون علامنا لاحر لا ي متفالقتين

ولنطبق ماذكرناه على منالين فنقول

المشال الاوّل اذا اريد تحويل المقدار ٧٧ + ١٠٠٠ الى جذرين منفردین یکون بختضی ماتقتم کے 😑 و ۹ 📟 🕶 ۶ و منه يعدت كم سـ ۽ == ۽ وحيث أن كم سـ ۽ == ۽ مربع كامل عِكَن تَعُويِلُ مَقدار ٧٧ لَم ٧٤ الى مقدار بهذه الصورة ٧ ﴿ ﴿ ﴿ وَحَيْثَ تَقَدُّمُ أَنْ ﴿ ﴿ وَ حَيْثُ تَقَدُّمُ أَنْ ﴿ ﴿ وَ هِ عَلَّوْنَ هُ ﴿ = ٩ آو ھ = ٣ ویکون ایشا ہ = '' ' = ٥ , ٥ = '' ' = ٦ فاذن يكون ٧٧ + ٢٠٠ = ٢٥ + ٢٦ وتكون المثال الشاق اذًا فرص أن المراد تعويل المقدار ٣٣ - ٢ ٢ ٦ ال ماذکریکون بمقتضی ما تقدّم حَ == ۹ و ۲ == ۸ و حَ == ا

أعنى هـ = ، فاذن يكون = علجا نــ. و مـــ عـــا = ، فينتذيكون

۲۲−۲۰√7 = ۲7 − ۲7 = ۲7−۱ أعنى
 انه بلزم أن تحكون علامتا ٢٦ و − ١ مقالنتين لان الجد
 ۲ ۲ اله علامة نافس

رف المعادلات والمسائل ذات الدرجة لشائية) .

(ف المعادلات ذات الدرجة الشائية والمجهول الواحد) .

(٦٧) المعادلة ذات الدرجة الشائية والمجهول الواحد هي المحتوية على "مجهول أسعالا عظم مساو ؟ رتنقسم المعادلة المذكة المدة وغيرنامة

فغیراتساسة هی انحتویهٔ علی المجهول بدرجهٔ ثانیهٔ فقطکمادلهٔ حرکہ ، ع وتسمی معادلة دُات دیرین

والسامةهي المحتوية على الجهول بدرجة اولى ومانية كعادلة

حسم + عسم به ه به و محی معادند ان ثلاثه معدود
 (فی المعادلة غیرالتا مذذات الم بجد النمانیة) و المعادلة غیرتامة منشعبة کفف آوغیر منشعبه و تکریمنو بلها الی

معادلة بهدف الصورة و سرّ = و فيها رمزا و و يدلان على كيتين صحيحتين سالبتين آرموجيتيز ومنايات عرب سرّ = ي أو سر = ثير من البين آرموجيتيز ومنايات عرب سرّ = ي أو سر = ثير المناه أن الجذرائر بيعى لكمية يكون اسمبعوق أبعلامتي تن على متداران تن فاذا فرص أن عرب ومناكس أو يكون المجهول عمد متداران منساوان ومنفائذان في العداداً ي

س = + الريم م = - الريم (مينيه). لأيكون جدرالطرف الثاني منسوقا بعلامتى في وحده بل جدر العلرف الاول كذلك فاذن يحدث في سم = في لا م ومنها يجدث أربعة مقادر العبهول سم وهي

فاذاغيرت علامة المقدارين الاخيرين سارا متطابقين مع الأولين الحادثين من مقداري الجذرالتربي المسبوق بعلامتي للطرف الشاني فأذن الأيكون للمبهول سر الامقداران حقيقيان

وتعقیقان سه له مقداران فقط ان یوضع بدل م المقدار $(Y^{\bar{a}})^{-1}$ عوضاعنه فی المعادلة سه $= \frac{1}{6} = n$ فتؤل الی سه $-(Y, \bar{a}) = n$ وحیث آن ه سه $-(Y_{\bar{a}}) = (n + Y_{\bar{a}}) (n - Y_{\bar{a}})$ یعدت $(n + Y_{\bar{a}}) = (n + Y_{\bar{a}}) = n$ فلا حل آن یکون الطرف الاول الذی هو حاصل ضرب مساوراً تصفر یانم آن

ذلابهلآن یکون المطرف الاول الذی هوسامسل ضرب مساویا کصفریانم ان پیسستگون کلمن مضروبی الطرف الاول تمسساویا لعسفراد ا تقوردلگ بوصل الی رسیس

قالجهول الداخل في المعادلة ذات الدرجة الشائية غير الشامة ويستحون له مقداران فقط بسميان جدرى المعادلة وهذان الجذران يكونان متساويين ومتفالفين في العلامة ويكونان حقيقيين وتتغيلين بحسب كون م موجبا أوسالها

(٦٦) ولنطبق القاعدة المتقدّمة على مثالين مخصوصين فنقول المشال الاول ان يفرض أن المطلوب حل هذه المعادلة

فيمذف المقامات يعدث ع سكسه ٨ سم ١٦ ممة ١٦ عدم سمّ ثم يحول الكميات المعلومة الى الغرف الثانى والجمهولة الى الاول وتعتصر البلدود المتشابهة فيعدث

المثال الثانى أن يفرض ان المطلوب حل المعادلة مستوسمة عدو بمم

أعنى أن حذرى المعادلة بكونان تعنيلين

*(فى المعادلة السّامة دُاتُ الدرجة السّائية) * (ف المعادلة تامة بدرجة ثانية عكن الولتها الى هذه الصورة

وسَمَّه به دسه به ه سه ، التى فيها الرسوز ح و د و ه سان على كيات موجبة كانت أوسَّالبة فاذا قسم كل من طرق هذم المعادلة على

÷ • *(11)•

وسلل هذه المعادلة يلاحظ الله اذا كانت المعادلة المذكورة بهمذه السورة مربع كامل الكمية مربع كامل الكمية دات الحدين مر به م امكن تحويلها الى معادلة بدرجة اعلى بان يؤخذ الجذر التربيعي لكل من طرفها في نشذ بسهل حلها

ولتعويل المعادلة مر ب ب ب ب الله و الى الصورة المتعدّمة يعول له الى الطرف الدانى فتؤل الى مر ب ع مر س له ع مر س له ثم يعد بر مر ب ع مر حدين لمربع حكمية ذات حدين في عديون مر مربع الحد الاول لها و ع مر ضعف حاصل شرب الحد الاول ق الدانى فيكون الثانى مساويا عرب ع عن فاذا ضم الى طرف المعادلة مر ب ع مر ع عد س له عربع الحد ع تحدث المعادلة

س + = ± ٢ ع - از ومنها يعدن س = - ع ± ٢ ع - اذ

وينتجمن هذا إلقانون الاخيران العبهول حمية مقدارين فاذارمزلهما

بالرمزين سَمَّ وْ سَمُ بِجِدَث مَرَ = رَجِّ + ﴿ عِبْ لِنَّ وَ شَمْ = رَجِّ - لِا عِبْ لِنَّ

م = - ج + | ع - ان و ص = - ع - | ع - ان و ص = - ع - | ع - ان و بنتج ايضا من القانون المتندم اله متى حوّات المعادلة الشامة ذات الدرجة

الثانية الى اخرى بهذما اصورة

مُرَبِ ع مديد لا = ٠

يكون مقدا والجهول مساويا لنصف مصطرر الحدّالشاني بعلامة مخالفة لعلامته زائدا أوناقصا جذر مربع ساصل الجمع الناتج من ضم مربع نصف مكرّر الحدّالثاني الى الحدّ المعلوم بعلامة مخالفة لعلامته

(تلبيه)

قدوضع فى اخذا لجذر التربيعي لطرقى المعادلة

مُنَّ العلامة المضاعفة الله على على الله المام الجذر العرف النائى العلامة المضاعفة الله معانه ينبنى وضعها المام جذر الطرف الاول ايضا لان سَمَه على عسم الكية ذات الحدين سرسم المنافي المنافي المنافي الاول فالجذران المنافي الاول فالجذران النافيان المجهول سر يصيران بعد تغيير العلامة عين الجذرين الحادثين من حين وضع علامة الم الذن يكنني وضع العلامة المضاعفة المنام الجذر التربيعي الطرف الثاني فقط المنافي فقط المنافية المنافي فقط المنافي فقط

* (غريثات على حلى للعادلات) *

(٧١) اذا اربد حل المعادلة الرقية الني هنى هيئ سي ب ي = = = = = مد سي مد المعادلة الى اخرى مد مد المعادلة الى اخرى بهذه المعورة سد به عصر به له == ، وبتوصل الى ذلا بجذف المقامات فيعدث بعد حد فهامن المعادلة المذكورة

۱۰ شُد – ٦ شر + ٩ = ٩ – ٨ سم – ١٢ شُر + ٢٧٣ ويتحويل بعياح حدود هسذه المصادلة الى الطرف الاول تؤل الى ، ٢٢ سَد ٢٠ ٢٠ سـ ٢٠٠ عند ساء ٢٠ أو يَسَدُ لم سَلَمَةُ سَا مَنْهُمُ سَا مَا عَلَمُهُمُ سَا مُنْهُمُ سَامِ مُنْهُمُ سَامِ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامِ مُنْهُمُ سَامِ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامِ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سَامُ مُنْهُمُ سُلِمُ سَامُ مُنْهُمُ سُلِمُ مُنْ مُنْهُمُ سُلِمُ مُنْهُمُ سُلِمُ مُنْهُمُ مُنْ مُنْهُمُ مُنْهُمُ سُلِمُ مُنْهُمُ مُنْهُمُ مُنِمُ مُنْمُ مُنْهُمُ مُنْهُمُ مُنَامُ مُنْهُمُ مُنْهُمُ مُنْ مُنْهُمُ

س = - ع ب را على المعادلة الذكورة بحدث بس = - ع ب را على المعادلة الذكورة بحدث بس = - ع ب را المرا بالمرا بالمرا

مَنَ + بَهُ الْمِنْ التربيعي لكل من طرفيها يحدث مِنْ المُعَدِّد المُعْدِينِ المُعَدِّد المُعْدِينِ المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعِدِّد المُعَدِّد المُعِدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعْدِينِ المُعْمِينِ المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعَدِّد المُعْمِينِّ المُعْمِينِّ المُعْمِينِ المُعْمِينِ المُعْمِينِ المُعْمِينِ المُعْمِينِ المُعْمِينِّ المُعْمِينِ المُعْمِين

(4)+品人干 4-=~

وهوناتج عن الناتج المتقدم من تطبيق المعادلة المذكورة على القانون العمام قلم يق حند ذا لا اجراء العسمليات المسابة الله عنو بل الكسور الموجودة تحت علامة المدنزال ذات مقام و آحد بان بضرب حدّ الكسر بهم في عندت الكسران الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها في عدت سراح المسابق المسلمان الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها في عدت سراح المسلمان الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها في عدت سراح المسلمان الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها في عدت سراح المسلمان الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها في منابع المسلمان الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها في المسلمان الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها في منابع المسلمان الموجودان تحت العلامة المذكورة الى بعضها المسلمان الموجودان تحت العلامة المدكورة الى بعضها المسلمان الموجودان تحت المسلمان الموجودان الموجودان تحت المسلمان الموجودان تحت الموجودان تحت الموجودان الموجودان تحت الموجودان الموجودان تحت الموجودان ال

غادًا اجربت تجلية حساب ٢٦٠×٢٦٠ لم واخرَج العدّد (٢٦) من تعت علامة الجذرولوحظ أن العدد ٢٦ هو المقام المشترك بصدت

V9517+1-

وسعيث أن الجذرالتربيخي للعدد ٧٩٢١ هو ٨٩ يكون

س سے ۱۰۰۰ کی منہذری الجمہول سم علی سدتہ بعدت

, トーサーグサーニン

(فالمناقشات العمومية للمعادلات ذات الدرجة الشائية) .

(٧٢) قد تقدّم في حل معادلة المة ذات درجة النية ان كل معادلة من هذا القبيل لها جذران وبرهان ذلك ايضا ان يقال كل معادلة المقذات درجة النية . كل العادلة سُر به ع سر به لئ عد . يمكن وضعها يهذه المعورة مر به ع سر به يح عرب لئ بتعويل الحد المعلوم لئ الى الحرف الشانى واضافة يح الى كل من الطرفين فا ذا لو حظان الطرف النانى واضافة يح الى كل من الطرفين فا ذا لو حظان الطرف الثانى الاول ير بر بر بر بر بحد به يح مساو (سر به يح) وان الطرف الثانى أي ووضع هذان المقدار ان فى المعادلة المتقدمة وحول ما كان فى العرف الثانى الى الاول حدث

·=(1-1)-(1-1)

وحيث أن الطرف الاول مساولفاضل مربعين بكون مساويًا لحاصل ضرب بجوع جذريهما في فاضلهما اى مساويًا

·=(1-=+--)(1-=+--)

غُیث آن الطرف الاول الذی هو ساصل ضرب مساول میزف انتانی آی المصفر دازم آن یکون احد سضروبیه مسساویا نصفر و سیث آنه محتو علی سضروبین تکون المعادلة متعققة بفرش کلیهما مساویا نصفراً ی

ويستفرج من ذلك مقدا والجهول سمة وهسما عينا المقدارين المعساومين ما بناو بهذا يثبت ان كل معادلة تأمة بدرجة النية لهاجذ ران ققط

(تنبيه)

ينتج من مقارنة المعادلة

عِذرى الجهول حمد أن الطرف الاول من معادلة ذات درجة ثانية بهذه

الصورة سدّ به ع سر به له عند و يكون مركبامن عاصل ضرب كيتين كلتاهي ما ذات حدين ومحتوية على الجهول سر يدرج اولى فالحدّان الأوّلان منهم آيكونّان سر والاخيران منهمه محكونان جذرى سر مأخوذ ين يعلامتين متفالفتين

وينتج من هذه الخاصية طريقة تركيب معادلة فدات درجة النية بعد معرفة بعد ريها هي اله لتركيب معادلة بدرجة النية بعد معرفة جذريها عوسه وسم يجعل حاصل ضربه الكميتين ذاتي اسلندين حمد سرع وحمد به ومساويا لصقر فيصدت عمد به عسر سرد المعادلة المعادلة تعصل عدد عوسه وهما حذراها

(٧٣) حيث أن كل بذرى معادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد = بعد المعادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد = بعد المعادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد = بعد المعادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد = بعد المعادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد = بعد المعادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد = بعد المعادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد = بعد المعادلة عامة بدرجة ثانية على هذه الصورة مَد ت بعد المعادلة على بعضهما على بعضهما

To: www.al-mostafa.com

واذاضرب الجذوان المذكوران في بعضه مليصدت

$$(3 - \frac{1}{2}) - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$

اعنى ان حاصل ضرب جذرى معادلة بدرجة ثائبة يساوى حدها المعلوم بعلامة مخالفة لعلامته ان كان فى الطرف الثانى اوبعلامته ان ـــــــــــــــــــــان فى الطرف الاول

(تنبيه)

ينتج من ها تين اللها يعن طريقة تركيب معادلة يعد معرفة جذر بها فاذا فرض مثلا أن المطاوب تحصيل معادلة ذات درجة ثانية جذراها به و و و و كان خاصل جع الحذرين المذكورين المأخوذ بعلامة مخالفة لعلامته مساويا ٣ وحاصل ضربهما مساويا ١٠ وتكون المعادلة المطلوبة بهد ٢٠ س ١٠ س ١٠ المساويات على المطلوبة بهد ٢٠ س ١٠ س ١٠ المساويات على المدر المجهول مد المساويات على المدر المجهول مد المساويات على المدر المجهول مد المساويات على علامة المحذر يكونان تضليب من كانت الكمية على المدر الموضوعة على علامة المحذر يكونان تضليب من كانت الكمية على مربع كامل تكون علامت موجبة تحت علامة المحذر سلامة وحيث أن عن مربع كامل تكون علامت موجبة دائي وعادمة على مد به المدر وجند الربي عن من معادلة المن معادلة المن معادلة المن معادلة المن من معادلة المن من معادلة المن من مد به المدر وجند الربي عن من بهداله المن من مد به المدر وجند الربي عن من بهداله المدر وجند الربي عن من بهداله المن من بهداله المن من بهداله المن من بهداله المدر وجند الربي عن من بهداله المن من منهاد المنافع المناف

ع وكان المدران حيند حقيقين السال المسكون الكيمة التي تعت واذا كان لا موجبا يكون لا سالب اوتحكون الكيمة التي تعت علامة الجدر على لا مركبة من كية موجبة وكية سالبة فعلامة الجدر تعلق المقادر المنسوبة لها تين الكيميين فاذا كان لا أصغر من على المدرت على المدران حقيقين عبر كان الكيمية ذات الحدين على لا موجبة والجدران حقيقين عبر متساويين

واذاكان لا = ي كانت الكمنة ذات الحدين التي تعت علامة الحذو مساوية لعقروا لحذران حيفة حقيقين ومتساوين والخذران لا أكرس ي كانت الكمنة ذات الحديث ع ي لا سالبة والحذران مضلين وهالا حدولا لتائج هذه المناقشة

لِيْ < يَكُونَ الْجَدُّرَانَ حَقَيْقَيْنَ وَغَيْرَ مَتَسَاوِبِينَ لَكَ الْجَدُّرَانَ حَقَيْقِينَ وَغَيْرَ مَتَسَاوِبِينَ لَكَ الْجَدُّرُانَ حَقَيْقِينَ وَغَيْرَ مَتَسَاوِبِينَ لَكَ حَلَيْ الْجَدُّرُانَ حَقَيْقِينَ وَغَيْرَ مَتَسَاوِبِينَ الْدَاكَانُ لِيْ حَلَيْنَ الْجَدُرَانَ حَقَيْقِينَ وَمَتَسَاوِبِينَ الْدَاكَانُ لِيْ ﴿ وَكَانَ لَنْ عَلَيْ يَكُونَ الْجَدُرَانَ حَقَيْقِينَ وَمَتَسَاوِبِينَ الْمَدَالَ اللّهُ وَالْ الْجَدَرَانَ حَقَيْقِينَ وَمَتَسَاوِبِينَ لَوْ الْجَدَرَانَ حَقَيْقِينَ وَمَتَسَاوِبِينَ لَيْنَ الْجَدَرَانَ خَفِيلُهِنَ الْجَدَرَانَ خَفَيْلُهِنَ الْجَدَرَانَ خَفَيْلُهِنَ الْجَدَرَانَ خَفَيْلُهُنَا اللّهُ عَلَيْنَ الْجَدَرَانَ خَفْلُهُنَانَ اللّهُ عَلَيْ مَنَا الْجَدَرَانَ خَفْلُهُنَانَ اللّهُ فَعَيْلُهُنَا اللّهُ عَلَيْنَ الْجَدَرَانَ خَلَيْلُونَ الْجَدَرَانَ خَلَيْنَ الْمُعِينَ الْجَدَرَانَ خَلَيْنَ الْمُعَلِينَ الْمُعَلِينَ الْمُعْتَلِينَ الْمُعَلِينَ الْمُعَلِينَ الْمُعَلِينَ الْمُعَلِينَ الْمُعْتَى الْمُعَلِينَ الْمُعْتَلِينَ الْمُعْتَلِقَ عَلَيْنَ الْمُعْتَلِقَ فَلَيْنَ الْمُعْتَلِقَ الْمُعْتَلِينَ الْمُعْتَلِقُ الْمُعْتِينَ الْمُعْتَلِينَ الْمُعْتِينَ الْمُعْتِلِينَ الْمُعْتَلِينَ الْمُعْتَلِينَ الْمُعْتِلِينَ الْمُعْ

(٧٥) كن من اول الامن ادراك علامتي بدرى معادلة بهذه الصورة بيلم بي من وذلك مؤسس على الخاصيتين بيلم بي وذلك مؤسس على الخاصيتين مسرسم

سَدَسُهُ عند لذَّ مِنَدَ بِهِ سَدَ عند من وبان ذلك أن يقالَ الله الداداكان لذُّ أصغر من صفراً وسالباتكون علامتا الجذرين مصالفتين لان حاصل ضربهما سالب وعلامة اكبرهما مخالفة لعلامة ع حيث كان حاصل جعهما مساويا _ ع

و المااذاكان لم مساویا اسفریكون أحد الجذرین مساویا اسفر لأن ما ماصل ضربهما عدم و یكون الا خرمسا و الكرر ع بعلامة مخالفة الملامنه و نانا اذا كان لم اكبرمن صفرا وموجبا یكون للبذرین علامة واحدة حیث كان حاصل ضربهما موجبا و یكون غلامتاهما مخالفة آیضا لعلامة ع و میكن استقتاح ذلك من المقدارین

مَ = _ ع + ﴿ عَلَى النَّا عِ الْحَادِثَةُ مِنَ المُنَاقِبَةُ المُتَقَدِمةُ وهَالَدْ جَدُولا يُعْتُونَ عَلَى النَّا تِجَ الْحَادِثَةُ مِنَ المُنَاقِبَةُ المُتَقَدِمةُ

لئے کمکون علامتا الحدرین (ع< کان اکبرهماموجیا متخالفتین ککن ان کان کان اکبرهما سالبا

اذا كان النص بكون احدابلذرين صفرا والا ترمساويا _ ع

(٧٦) لم بنق علينا الاان تخصر بعض حالات خاصة فنقول اولا تدشوهد فيسما تقدّم في الحالة التي كان فيها لله اكبر من صفر ومساويا عليه المناف المناف

مر = _ ع + \ كَيْ الله كَنْ يَكُنْ الْبَرْهَنَةُ عَلَى ذَهُ مِنْ اللهُ الأمر بان يوضع في المعادلة مُمّ + ع مم + لمار و بدل لما مقد ره فتصع مرّد به مع سه به ينج = م وهي معادلة يكن وضعها بهدده الصورة (سدنه بنج) = م ومنها يجدث

~=(デナー)(デナー)

وهي معادلة تصفق الفرضين سم + عجم و سم + عج = - المتطابقين ومنها يستعفرج الجذوان سم = - عج و سم = - عج المتساويان

ونانياقدشوهد فيماتقدم في الحالة التي حسكان فيها له على أن أحدا المذرين مساوصفرا والاخرمساو على ويمكن حدوث ذلك من القانون ,

س = _ ع ل المنالارتباطين

 $\frac{3}{4}$ بناید و منهاید خرج ممتا $\pm \frac{1}{4}$ مرابعا ورابعا

ورابعا اذافرض أن لن = في ع = في ان واحد في القانون مد = م ع ± ٢ ع م لن أوفي الارتباطين

مَدَ ﴿ مُدَ = ۔ ۔ و مَدَ مُدَ = له اوف المعادلة مُدَ ﴿ ع سَدَ ﴿ لَا = • كُونَ جَدْدَا الْجِهُولُ مَد مساويينَ لَصْفَر

 (٧٧) ولنظيق القواعد العسمومية على مناقشة بعض امثلة خصوصية فنقول

المشال الاول اذا فرضت معادلة ﴿ مُمْ اللَّهُ اللهِ مَمْ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ اللَّهِ الم طرفاها على مكرد حمَّهُ النَّهُ اللَّهِ اللهِ الله

"ーデーデーが、

وسيت ان الحد العاوم سالب فالجذران يكونان حقيقين غير متساوين وبنامطيه يكونان متفائقين فى العلامة لان حاصل ضربهما يكون سالبا وايتساحيث كان مكررا لحد الشانى موجبا يكون حاصل جع الجذر ين سالبا وبناه عليه يكون اكبرهما سالبا فينتذ جذرا هذه المعادلة يكونان حقيقين غير متساويين ومتفالتى لعلامة واكبرهما سالبا

ولتحقيق ذلك يستخرج مقدارا المجهول حمد من المعادلة المعلومة فعدت

المثال الشاني ادًا فرصَّتُ معادلة بي سُم سه مه به ا على وقسبت حدودها على به آلت الى سُم سه عهد به به به وحيث أن الحد المدالمه لوموجي بازم مقارته بمربع نصف مكرد الحد الشاني أعنى مربع هم ومن حيث أن الكسر به في ١٤ فيول الى المياب وحيث أن الكسر في أم أصغر من في أن المدالم المعادلة حقيقين غير منساويين ومن حيث أن حاصل ضربهما موجب وهو به يكونان متعدين في العلامة ومن حيث أن حاصل جعهما وهو موجب ايضا يكونان موجبين في العلامة يكون المذران حقيقين موجبين وغير متساويين المنافذ وان موجبين في العلامة يكون المذران حقيقين موجبين وغير متساويين المذران حقيقين موجبين وغير متساويين المذران حقيقين موجبين وغير متساويين لانه من المقانون

سَ = المنال النالث اذا فرضت معادلة سَد به ١٤ سـ به ١٤ = المنال النالث اذا فرضت معادلة سَد به ١٤ مـ به ١٤ = المحاون ورما المعاوم الموجب المساوى ٤٤ عربع نصف محكورا لحد الثنافي أى مربع ٧ يكون ٤٤ مساوا لهذا المربع فاذن يحكون المنذران حقيقيين ومتساويين وكل منه مامساوالنصف مكرد الحد الثنافي الجذران حقيقيين ومتساويين وكل منه مامساوالنصف مكرد الحد الثنافي بعلامة مخالفة لعلامته أعنى أن كل جذري كون مراويا _ ٧ لان

المثال انوابع اذا فرضت معادلة عُمهٰ ٢٠ وحمة ٢٠ و وورن حدها العلوم كو بربع نصف مكرر الحد الشاني أعنى م ي يستحون ح

استخدمن في ويكون جذرا المعادلة غنيلين لإن $-\frac{1}{2}$ $-\frac{1}{2}$

مَمَّ المَّسِينِ المَّاسِينِ المَّاسِينِ المَّاسِينِ المَّسِينِ المَّسِينِ المَّسِينِ المَّسِينِ المُّسِينِ المُ

ر + بنو = ± المناعدن م + بنو = ± المناعدن م = - بنو ± المناعدن م = - بنو ± المناعدن

فاذارمز بلذری الجهول حمد بالرمزین شد و شد به دن سَز = <u>-د- کو کو اوج</u> سَز = <u>-د- کو کو اوج</u> (۷۹) ولنختبرمایول نیدهذ نانقد ران- بزیفرنش فیسما نگرر و مساویالصفر فیمدت بنا علیه

ت سيند سيند سيند سيند سيند

أعنى أن مقدار مر يكون لانها ميا ومقدار مد الذى بهده الصورة ب يدل على أنه غير معين لكن استنتاج هذا المتدار في هذه الحسالة سادندمن وجود مضروب مشترك لحدى الكسر

- 2+ 7 - 10 هـ ولتعين هذا المضروب بضرب حد الد

 $= \frac{\left(\frac{1}{2^{2}-1}\right)^{2}}{\left(\frac{1}{2^{2}-1}\right)^{2}} = \frac{\left(\frac{1}{2^{2}-1}\right)^{2}}{\left(\frac{1}{2^{2}-1}\right)^{2}} = \frac{1}{2^{2}-1}$

وحيث أن كلامن حدى هذا الكسر الاخبرد تبل القسمة على ٢ م يكون ٢ م هوالمضروب المشترك و يعد حذفه

برَ = رَحِيرَ الْمُرْتَ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتَ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتَقِينَ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِينِ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينِينَ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينَ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِقِينِ الْمُرْتِينِ الْمُولِيِينِ الْمُرْتِينِي الْمُرْتِينِ الْمُرْتِينِ الْمُرْتِينِ الْ

ه (المسئلة الاولى)* (۸۰) ما هو العدد القساسم ٣٦ بعيث يكون خارج القسمة زائدا المتسوم عليه مساقياً ٢٥

فأجلواب

فالجواب ان يفرض ان العدد الجهول مد نظارح قسمة ٢٦ على مر يكرن هكذا في قلم فاذن تحدث هذه المعادلة في به مد ١٥ ومنها يحدث ٢٦ به مد ١٥ مد أو مكرس ١٥ مد ٢٦ هـ. ومنها يحدث

 $\frac{4\pm 10}{r} = \frac{112-rro}{r} \frac{7\pm 10}{r} = rr = \frac{rro}{r} \frac{1}{2} \frac{1}{2} = rr$ فاذن یکون مقد نوا سر هکذا

アニュー 一一 17 二十二 一一

فَكُلُّ مِن مقداري مَمَ == ١٢ و مُمُ == ٣ بحقي منطوق المسئلة النائية) ،

(۸۱) اذا كان لطاوب تقسيم ح الى برئمين يكون احدهـماوسطا هندسـماين ح انكليجوالجزءالا تخريقال

المل ذلك يرمزبا لحرف سم الجزء و الذئ يكون وسطامتنا سبا فيكون الجزء الا خرمساويا و ـــ سم قاذن يكون

مُد به صد ح = ٠ ومناعدت

 $\frac{1}{2} = -\frac{1}{2} \pm \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{-2 \pm \sqrt{2}}{2} = \frac{-2$

فقدار سَد بليق بنطوق المسئلة وأمامقداد شد تغيرلا تُق به لالدمقداد

سال فيقطع النظر عنه فينتذ يكون المسئلة حل واحدهو في المسئلة على المسئلة على واحدهو في المسئلة على المسئلة على ا

(تئيمان)

الاول مقدار مَد = و(شابه مَ) يكون أمم مهدماكان .و لان ابراء عمليمة الحسباب على عند عمصوص لايوصل الى مقدار صحيح للعبهول مَد

المان قداستغرج فيسما تقدم من المعادلة ذات الدرجة الثانية الجدران

 $\frac{(\circ Y + 1) \circ -}{(\circ Y + 1 -) \circ} = \frac{(\circ Y + 1 -) \circ}{(\circ Y + 1 -) \circ} = \frac{(\circ$

اللذان يكون كل منهما محققاللمعادلة غيران أحدهما يليق بمنطوق المسئلة المقروضة وبؤخذ من ذلك أن هذه المعادلة كناية عن مسئلة تكون المسئلة التي حلت سابقا حالة خصوصية منها ومنطوقها هكذا

المطاوب المجادعددين حاصل جعهما مساوح وأحدهما وسط هندسي

قَادًا رَمَنَ بِالرَّبِ سَمَ لاحدالعددين المجهولين الذي هوكتا ية عن الوسط الهندسي يُرْصل الى هذه المعادلة

نَنْ بد وست سا مَ = ١٠

التى جدرها السالب يكون موافقالمنطوق المسئلة كدرها الموجب

٢٠٠٠ + ٢ مه ٠٠٠ ويتلاعليه عديد تهذه المعادلة ٢ مر + ٢ مه + ٢ = ٢١٦ أو ٢ مر + ٢ مه - ٢ أو ٢ مر + ٢ مه - ٢ أو ٢ مر + ٢ مه - ٢ أو ٢ مر المعادلة ٢ مر + ٢ مه - ١١٥ = ٠ أو ٢ مر المعادلة ٢ م

 $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} - \frac{9}{4} = \frac{1}{4}$ $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$ $\frac{1}{4} + \frac{1}{4}$ \frac

سُ = سليات = إلى م سُ = سليات = عدا من المنظر عن المنساس الجلة التعدادية لايكون سالباولا وافق المسئد فاذن يكنفي بجذرها الموجب و (المسئلة الرابعة).

(۸۳) اذا کان المطلوب تقسیم العدد ۱۰ کی جزئیین حاصل ضربهما پساوی ۲۸ فالجواب آن پیتال

المل هذه المسئلة توضع على هيئة معادلة كالعبادة لكن تذكر أن حاصل جع جذرى معادلة ذات درجة ثانية يكون سياويا لكررا لحد الدَّانى بعلامة مخانفة لعلامته وأن حاصل ضربهما و المستكون مساويا بعد المعلوم يكون العدد ان المطلوبان جذرى معادلة ذات درجة ثانية مكررحده نف ف مساو سروا والمدالمعلوم مساو ، ٢٦ وفتكون المعادلة هكذا

سُم ۱۰ سه ۱۰ سه پُ

فجذراهذه المعادلة يكونان تحفيلين لان الحدالمعلوم سرجب و كرمن حربع تصف م ١ فينشد تكون المسئلة المفروضة غير بمكنة الحس ولمناقشة هذه المسئلة إلى يقة عاسة وبيان 'حو' لها 'لمسكنة وغسير الممكنة یفرض آن م وقل للعدد الذی راد تقسیمه وان م رمن سامسل متنوب به برسه فیکون العدد ان الجهولان مبینین بجذری المعادلة

واذاكان م = يُحكَانهذان الجذران حقيقيين وكل منهما مساريا ﴿ وَ الْمُنَافِّ مِنْ اللَّهُ اللَّلَّهُ اللَّهُ اللّهُ اللَّهُ اللّهُ اللَّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ الللّهُ اللّهُ اللّهُ ا

واذاكان م حج كانهذان المقداران حقيقيين غمير متساويين ويسغر

الفرق بينهما اللساوى ٢ كريج ـــ م كلما كبرمقدار م وينتج من ذلك " تناشح هى

اله منى قدم العدد الى قسمين مختلفين وضريا فى بعضه سماكان حاصل الضرب اكبرمن العدد المذكور حين يكون الفرق بين الجزئين المختلفين قليلا ويكون هذا الحاصب اكبرما يكون متى كان ليلزئن المختلفان متساويين اعنى متى انضم العدد المذكور الى قسمين متساويين

(المسئلة الخامسة)

(A1) ضوآن موضوعان أحدهما فى النقطة أ والا حرف سومرموزللبعد يا الكائن بينهما بالحرف و وللدرة الضوء أ بالحرف م وللسدة الا خوالكائن فى سه بالحرف ه والمطاوب تعيين النقطة الكائن تجعلى المستقيم أسه التي فيها نور الضوئين واحدو حيث فرضنا م و حدرمزين للله في الضوئين بالنسبة لوحدة البعد ذكر ايضا عاعدة معلومة هي أن ثلدتي ضوء واحد واقع في نقطتين على ابعاد غير متساوية

تكونان مناسبتين لعكس مربعي يعدى هائين النفطئين عن هذا الضوء

علمل ذلك يفرض أن و النقطة المطاوية ثم يرمز بالموف عمد للبعد إو فيجيكون سرو مساويا و به عمد وحيث أن م شدة المفوء فالنسبة لوحدة البعد تكون كم الشدة في النتطة و بالنببة للبعد عمد ومثل ذلك يقال في شدة المفوء به في و المحكما شنة على بعد مساو

عسس تعسكون سائتس وحيث لم ان تكون و مستنيرة بنور (دسر) واحد من الضوئين المذكورين يكون

قاداحلل مربع الكمية ذات الحدين و ــ مم وسلمت الطريقة . العهومية لحل المعادلات تحصل

الله - المنطقة + المنطقة عن منطقة المنطقة الم

 $= \frac{\gamma_{2} + \gamma_{3}}{\gamma_{1}}$ $= \frac{\gamma_{2} + \gamma_{3}}{\gamma_{1}}$ $= \frac{\gamma_{3} + \gamma_{4}}{\gamma_{1}}$ $= \frac{\gamma_{4} + \gamma_{5}}{\gamma_{1}}$ $= \frac{\gamma_{4} + \gamma_{5}}{\gamma_{5}}$ $= \frac{\gamma_{5} + \gamma_{5}}{\gamma_{5}}$

ويكن حل المعادلة ﴿ عَلَى اللَّهِ مِنْ السَّابِقَةُ الْعُرْعُ مِنْ السَّابِقَةُ بَانُ مِنْ السَّابِقَةُ بَانُ

*(1)**)* يستنوجهن اول الامر بعذ زيلرفيها فيعدث "京学" ラントニントーーン シューン(シューン(シューン) فاذا استفرح منهامقدارا حمد بكونان بهذه الكيفيه (٢) ولتعيين مقدارى وسدمه تؤخذاا علامتان العلويتان أوالسفليتان فأذن ككون $\frac{2\lambda - 1}{2\lambda^{1-}} = \frac{\lambda - 1}{2\lambda^{1}} = \frac{\lambda - 1}{$ وتکونجاتامقداری مجھولی سمہ و د ۔۔ سہ ہکذا *(تنبيه)*

صورة مقدارى سمّه و سُم المبينين عما دلى (٢) ليست كصورة مقدارى (١) المادينين من الحل الأول ومع ذلك فهدان المقداران عينا الخوارن المادينين من الحل الأول ومع ذلك فهدان المقداران عينا الأولين

الاولین وبرهان دُللہ ان یغیر فی یسط سَر $=\frac{4(3+\sqrt{2})}{4-2}$ المقدار میں بالمقدار $\sqrt{2}$ مضروباً مشترحی فیول الی سَر $=\frac{4\sqrt{2}}{2}$ فیول الی سَر $=\frac{4\sqrt{2}}{2}$

قادااعتبرمقدارا م و د مربی مقداری ۲ م و ۵ کون نقام مکوناس فاضل میں بعین فاذن یکون

 $\frac{2\lambda - \underline{L}\lambda}{\underline{L}\lambda} = \frac{(2\lambda + \underline{L}\lambda)(2\lambda + \underline{L}\lambda)}{(2\lambda + \underline{L}\lambda)\underline{L}\lambda} = \frac{2\lambda - \underline{L}\lambda}{\lambda}$

. وهومقدارمساو لمقدار شر المستخرج بالحلائلات ومثل هدايشال فائبات تساوى المقدارين الاشيرين

(مناقشات)

الإولى اذا فرض ان م > © یکون مقدار کرے = $\frac{2}{4}$ $\frac{2}{4}$ موجا وا کبرمن ہے لان المقام $\sqrt{3}$ $+ \sqrt{3}$ اصغر من $\sqrt{3}$ $+ \sqrt{3}$ الان م > © فاذن یکون الکسر $\frac{2}{4}$ $+ \sqrt{3}$ $+ \sqrt{3$

یوافق قرض م > ہے۔
ومقدار سُہ = ہو ہے کہ کون موجبا ایضاحیت ن م > ہے
ویکون اکبرمن کا لان المقام ہم ہے ہے اصغرس ہم کا کا فائد کے کون الکسر کے ہم ہے کہ انہوں کا کہ کا کہ من کون الکسر کے ہم ہے کہ کا کہ من کون الکسر کے ہم ہے کہ کا کہ من کون الکسر کے ہم ہے کہ ومقدار

عـ مُه = حَرِدُ المطابق الدول يكون سالبالان بسطه سالب ومقامه موجب أويقال حيث أن سم اكبره ن و يكون و حسن من الفرودة سالبا فاذن يوجد على المستقيم المستقيم المستقيم المنقطة ما ينه و مستنبرة بنوروا حدمن الضوئين المفروضين وتكون على عين النقطة الان بعدها عن الكبرمن و وهذا التانيج يوافق ايضام > هم النائية اذا فرض أن م ح و يكون مقدار سر = حرم + به النائية اذا فرض أن م ح و يكون مقدار سر = حرم + به المنائية اذا فرض أن م ح و النائمة من الحالة السابقة يبرهن على أن سم موجبا غيرانه بو اسطة برهان كالمتقدم في الحالة السابقة يبرهن على أن سم موجبا واكبرمن في وان المقدار المطابق الموقى مستنبرة بنور واحد من موجبا واكبرمن في قاذن تكون النقطة الاولى مستنبرة بنور واحد من الضوئين الموضوعين في النقطة المن المضوئين الموضوعين في النقطة المن المنافقة وض م ح و المرب الى المقطة المن الموقاق فرض م ح و المرب الى المقطة المن الموقاق فرض م ح و المرب الى المقطة المن الموقاق فرض م ح و المرب المنافقة المن المنافقة ا

, 1 , _

والمقدارالثـانىوهو شم == حم م يكون سالبـالان بسطه موجب ومقامهسالب ولتوضيح هذا المقداركمانىالنوعالثـانى من (بند * 12) يغيرفىالمعادلة

المستنبر بنورواحد من الضوئين على بسارالنقطة ا وبعدها عنها مبينا بعد السنبر بنورواحد من الضوئين على بسارالنقطة ا وبعدها عنها مبينا بعد المالب هو مد = برا مراكب المعادلة المغيرة عين بالمالب المعادلة المقروضة وأما المقدار المطابق لقدار ممر = والمراكب وهو

وخينشذشهل البرهنة على انه موجب واكبرمن و وهذا النبائج يوافق وضع النقطة مَ المعين سابقا وفرض م حدد النائشة اذا فرض أن م == هكان مقدارا

 $\frac{2}{2} \frac{1}{\sqrt{1-\sqrt{2}}} = \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{1$

(انظرالمناقشة النائشة من بنده) وسينند تكون لنقطة المستنيرة بنور واحدمن الضوئين على يعدلاب في من لنقطة بن ا و سر اعنى لاوجود لها لانفرض م == ه لاينج نقطة الحرى مستنيرة بنرروا حد على المستقيم

قاطل الاول للمسستلة موالتقطة التي وضع فيها الضوّان واما المقدارات الاستوان اللذأن هما

 $\frac{2\sqrt{-1/2}}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{2\sqrt{-1/2}}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{2}$

فيؤلان الى بد اعنى الهدماغير معينين وحيند تكون جيع نقط المستقيم المار النقطة الموضوع فيها الضوآن مستنبرة بنوروا حدمن الضوئين وهدذا النائج موافق المافرضيناه من ان الضوئين في نقطة واحدة وأن شدته ماوا حدة

(فى المعادلات التى يمكن حلّها به السطة المعادلات دَات الدرجة الثانية) (٨٥) تصل المعادلات دَات الدرجـة الثالثة الخالية عن الحد المعلوم واسطة المعادلات ذات الدرجة الثانية فلحل المعادلة العمومية

> برگہ ہے جائے ہے ان سہ = ٠ پوضع سمہ مضروبامشترکافیمافنڈلالیالمعادلة

سه (ش+ع ص+ ^ش) = •

وحيث أن طرفها الاول المحتوى على حاسل ضرب مضروبين مساو للطرف النانى اى الصفر يكنى لتعقيقها فرض احد المضرّوبين مساويا لصفر وحينتا تكون المعادلة متّعققة بفرض صد عد أو

وبالجله فيعسكون للعبهول مع ثلاثه مظادرهي

سَد = - على الله الله المعلوم والمداليمهول بدرجة اولى بحل تفاير المتقدم

(٨٦) المهادلة المضاعفة التربيع معادلة لا يحتوى الاعلى المجاهيل بدرجات مردوجة وتحسل المعادلة المضاعفة التربيع ذات الدرجة الرابعية بواسطة حل المعادلة دات الدرجة التانيسة فلمل المعادلة العدمومية

نه به عشر به لا 🖛 s

یجعل کے = میں ومنہ بستفرج سے = ± 7 کسے نم پوضع فی المعادلة المفروضة بدل سے مقدارہ فتؤل الی

= + + = = + + = ·

ومتهنأ يحدث

コーを入手を一一一つ

واذاوضع على التعاقب بدل صد مقداره في سم == ٢٠ حمر

ニーをイーキートナール、コーをイナキートナールシャ

فاذن یکون لجهول سے أربعة مقادیرهی

ニーをイーを一人ニーデュニを入りまして

المَانَ اللهُ الله

(٨٧) قدحولت المعادلة المفروضة الى معادلة بهذه الصورة

(1..)

بغرَمَنَ سَمَ عَصَدَ أَى مَدَ اللهِ مَلَمَ مَلَمَ وَيَنْتُهِ مِنْ اللهُ عِلَمُ عِلَمُ عِلَمُ يَجِدَثُ ويَنْتُج مِنْ اللهُ عَلَمُ يَجِدَثُ مُقَدَّارِ يَنْ مَسَاً وَبِينَ وَمَثَنَّالُنِي العَلَامَةُ للْحِهُولُ سَمَ وَمِنْ المُعَلَّومُ أَنْ عَبِدُولُ مِنْ المُعَلَّومُ أَنْ عَبِدُولُ مِنْ المُعَلِمُ اللهِ عَلَامَةُ للْحِهُولُ مِنْ وَمِنْ المُعَلِمُ أَنْ عَبِدُولُ مِنْ المُعَلِمُ اللهِ عَلَيْهِ وَمِنْ المُعَلِمُ اللهُ مَعَادِلًا عَبِيهُ وَلَى صَمْدُ مِنْ كُلِمِعَادِلًا مَعَادِلًا اللهُ مَعَادِلًا اللهُ عَلَيْهُ اللهُ عَلَيْهُ اللهُ اللهُو

بكت ب عصة ب لا عد ، المعقداران .

هَادُنْ يَكُونَ نِجهول حمد أَربِعة مقاديرٍ متساوية مثنى ومَتَفَالفَةُ العلامة فحنتُذْ يَقَال

كُلَّمْعَادُلَةٌ مَضَاعَفَةُ التَّرِبِيعِ ذَاتَ دَرَجِةُ رَابِعَةُ لِهَا أَرْبِعَةٌ جِذُورَ مَسَاوِيةً حَتَى وَمَخَالَفَةُ فَى العَلَامَةُ

ولتعتبرالاحوال التى فيها هذه الجذور حقيقية أوعنيلية فنقول حيث أن مد = ألم المرابقة بالبداهة انه اذا كان جذال صد موجبين تكون جذور يجهول حد الاربعة حقيقية واذا كان احد جذري صد موجبا والا خرسالب أيكون جذران من الاربعة حقيقين والا تنوان تخللن

واذا كان جذرا صد سالين تكون جذور حمة الاربعة تخيلية واذا كان جذرا صد تخيلين تكون جذور مجهول حد الاربعة كذلك وحيث علما تقدم كيفية استنتاج مقادير ع له وعلامتهما وفي الاحوال يكون مقدارا حمد حقيقين او تخيلين موجبين أوسالين بسهل حينت ذمعرفة جذور حمد هل هي حقيقية او تخيلسة في جيح الفروضات المكنة

	٠. نوکن نا نوکن نا		ن د ۸ ازامی د ۸	اذاکن و ۷	
		$\frac{1}{160} = \frac{1}{160} = \frac{1}$	الذاكن 2 > . وكان أن ما يكون من وم خلية	•	
י(נשונייבנציהו	ام ما ر	يم يکون هم و	مع مارين مارين مارين	مر کوڻ مار و ک	
د (دماله بدولا عزى على جمع الاحوال التي يستحن بالها)،	٠ - عَنْشِينَ وَمو -جنة	مقتين وسالين	Saller.	يكون ممَّد و مُسْ حَفَيْقِينَومَنَمَانِقِ العَلامَةِ	
الق - كن إيامًا)	•	*	:	إلملامة ويكون	
*		ويکون مک و	ویکون مُدو مُدو	3	•
	٠٠ . • ٠٠ . • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	ا مر و من المانا	و م غله	آمار ما خفيقين در ما خفيلين در ما خفيلين	

	وادا کان علی این است می سے ویکون کر سے روش سے اور کرن اللہ ورالا رہی ہے ہے اور کان اللہ ورالا رہی ہے ہے اور کان اللہ ورالا رہی ہے ہے اور کان اللہ ورالا رہی ہے ہے ہے ہے ہے اور کان اللہ ورالا رہی ہے
	اذا کان (المسال) میں سے میں میں اور کان کی سے اس کی اور کان میں میں میں سفینیں اور کان عرب اللہ کی اللہ اللہ اللہ کے اس کے اس کی اللہ
ناکن (المسال میدسی، معدسی، ویکون (سیسی، میسی) میکون می می میشین اذاکن عربی الله الله الله الله الله الله الله الل	يمكن مناقشة الاحوال المفصوصية التي يكون فيهاكل من ع و 2 مساويا لصفرف آن واحداً وعلى الشعاقب والحالة التي يكون فيها 2 = ع فيقال

(٨٨) وانطبق هذه المباحث العسمومية على بعض مسائل خصوصبة قنقول

*(المثال الاول)»

اذافرضت المعادلة مد سـ ١٥٠ مد نهـ ٢٦ عد وجعل فيها برا عدد تؤل الى .

' مشر ـــ ۱۳ صمد بله ۲۳ 🛥 ۰۰

بفذرا صد يكونان حقيقين غيرمتساوين ومتعدى العدلامة وموجبين الهالاول فلان الحد المعاوم موجب واقل من مربع نصف مكرد الحد الشاقل وأما الثانى فلان الحد المعلوم موجب وأما الثالث فلان مكرد الحد انشافى سالب فأذن تكون جذورا فيهول سم الاربعة حقيقية و يتعنق هذا بابواء الحساب وذلك بان يستفرج من العادلة ذات الدرجة الشائية المتقدمة

مند الله المال ال

مئہ ہے ، صد ہے ، = ×

غذراهدهٔ العادلة يكونان حديد بين غيره تساوين بالمعدى العادمة وسالبين أما الاول والسائد فيرهن عليها مثلها تسام في نعادلة السابقة وأما النالث

مَلَانِ معتمد راسلد الشائي موجب فادن تكون المحدور الاتها المساعلة المساعلة المساعلة المساعلة المساعلة المساعفة الرسع تضيلية لان مقدارى صمد يكونان

اذا فرطت المعادلة منْد سـ من سـ ٦ = ٠ ثم جعــل فيهـا منّد = صد تؤل ال

وحيث ان الحدالمعلوم لهذه المعادلة سألب يكون بدرا صد حقيقين ومتعالقين في العلامة ويكون اثنان من الجذور الاربعة للمعادلة المضاعفة التربيع سقيقي بن واثنان تخيليسين ويتعقق ذلك من البجث عن مقداري "مَرَّد ومقادير حمد فيعدث

> مخد.= ۳ و مخد = - ۲ وښامعليه پيجادت

マーンナー・ディンナーシャ()・

ادًا فرضت المعادلة ه منَّد ــ ٧ مرَّ ــ ٣ = • وجعل فيها مرَّد ــ صدرٌ وقدمت جميع حدودهاعلى ه تؤَّل إلى

~= = = + -= - - - - -

وحيثأن الحدالمعلوم لهــذـ المعادلة موجب واكبرمن مربع نصف مكرد الحد الشانى يكون جِذْرًا صمَّمَ غَيْلِينِ فَاذْنَ تَكُونَ جِذُودَ مَمَّ كَذَلْكَ

لادبنسل

مَد = $\frac{V+V-II}{I}$ مَد = $\frac{V-V-II}{I}$ وبناء عليه يحدد $\frac{V+V-II}{I}$ مند = $\frac{V+V-II}{I}$ مند = $\frac{V+V-II}{I}$ مند = $\frac{V+V-II}{I}$ مند = $\frac{V+V-II}{I}$ مند المعادلتين ذاتى مجهو ليزودرجة النية يعذف اولااحدا فيهو لين باحدى المطرق المجلومة المقررة في حل المعادلات ذات الدرجة الاولى كاف (عد ٢٦)

فأذا كأن المطاوب حل المعادلتين

مَـ + ممَـ = ء مـ + ممـ = ء

يستخرج من المعادلة الشائية مقدارالجهول حمد ويوضع في الاولى نبعدت على التوالى .

ئه + (ه - س) = د . آو

شَدَ بِهِ وَبِهِ مِنْ سِدٍ ؟ و ممد عدد أو

، منسه و سه د کست و سه او

ئر ـ و مر به کیسیک <u>ـ</u> و و منهایعدت

5-5-7±°= >

واذاوضع بدل سمہ میقدارہ فی معادلة سمہ ہے ہے۔ سمہ تؤل الی ممہ ہے ہے ۔ سمہ تؤل الی ممہ ہے ہے ۔ سمہ تؤل الی ممہ ہے ۔ سمب تؤل الی مما ہے ۔ سمب تؤل الی ممہ ہے ۔ سمب تؤل الی مما ہے ۔

فینندالمعادلتان المفروضتان تحسیکونان متعقبتین کی من مقداری مسه ومقداری صد غسیرانه بلزم اخذ العلامتین العادیتین آوا اسفلیتین لکل من المقدارین المأخوذ بن من منداری صد ومقد اری سد ولئلبمايضاعلى ان مقدارى صد يستكونان عين مقدارى من لائم المهادلتين المفروضتين لاتغيران مق عن عير فيهما الجهول سد بالجهول سد والجهول سد قبل التغيير كاما عين مقدارا سد قبل التغيير كاما عين مقدارى صد المستخرجين بعد التغيير

(· به) ادار حسكان المعاديب حل المعادلتين سُم 4 صُم = حَ

و ٢ سر صد عن فلذلك حلان و ٢ سر صد عن فلذلك حلان و ١٠ سر المعادلة الشانية مقدار صد فيحسكون و المانية مقدار عن فيحسكون و مد عن المقدار في المعادلة الاولى فيحدث على التوالى .

ئر ہے <u>۔</u> ایک سے کا او

ء يشهد د = ي مَرَّد أو

مُ لَمْ لَهُ اللَّهِ عَلَى مِنْ الْحِدِثَ

デーキ人 キー デュート デー・ キー ディート

ولاستفراح مقدارى صد يوضع فى المعادلة مد = يك بدل مد

المقدار المضاعفة + المراج المراج المضاعفة المالمقدار المضاعفة الم

خ \ كري المراج المراج ويعتصر الميدن الجهول صد مقداد

وباع وهو صد = + المام عدد

وتتعقق المعادلتان المفروضتان بجملة مقادير حما الاربعة وجله مقادير جهد الاربعة رتستنتج ها تان الجانان به شيق علامان مقدار حمد باربعة طرق مختلفة ثم تؤخذ العلامات المطابقة لهامن مقادير صد فينند تكون مقادير صد عين مقادير جد وهدا المطابق من كون الجهولين ها خلين بكيفية واحدة في المعادلة ين المفروضة بن

•(قتبيه)•

هذه الصورة حد == ﴿ وَ إِمَّ ﴿ ﴿ وَ يَجِبِ أَنْ يَكُونَ وَ ــ و مربعا كالملاكافي (بند ٦٦) ومن المثال المفروض يننج م = ئم او عَ = يَ وَ مِ = مَعَ فَاذَن يَكُونَ . عِكُن تَعُويِل المقدار المفروض الى مقدار آخر بهذه الصورة ٢ م ٢ م ٢ وحيث علم من (شد ٦٦) بعدائرمزالي مَ يَ عَدِ بِالْمُرَفُّ هَا أَن = الْجُ = جُ بِكُون وَ = الْجَدِّ وَبَاخِنَهُ ラータイニ・ナットニ・ナットニーンコニーン(ニュナン)ナーン وبابرا هل مشايه اذلك يعدن مد = + أ (م + و + أ المرافئان) ه

ان يستلنج المقدارات الاخوان من اول وهله بطريقة أخصر من الطريقة المستعملة في حل المعادلتين المقروضتين اللتين هما منه به مبكد ... م و ترب من صد عد و دلك بأن يجسمها طرفا الم طرف مع ملاحظة و الطرف الاول الناتج بكون مربعا كاملاللكمية ذات الحدين مورج مومة

فيعدث (سم + صم) = رئم + كم ومنهايستغرج مدّ + صدّ = ± \ سمة + ك بم تطرح المعادلة الثانية من الاولى فيعدث

(ســـ صـــ) = كم ـــ مرًا ومنهاينتج

5-57 ± = 20 - 20.

وحيث علم بجوع الجمهولين ممة و صد وقاضلهما يستخرج كل منهسما بواسطة القاعدة المقورة في (بند ٣) فيكونان

シーラン・ナーシャナーー

(٩١) متى احتوت معادلة ذات مجهول واحد على علامة جذرتر بعى مستمل على المجهول المدكور أوعلى علامة جذرتر بعى مستمل على المجهول المدكور أوعلى علامات جدد وركذلك فلملها يلزم أولا حذف العلامة العلامات كانى الامثلة الاستمية

• (الثال الاول) •

اذا كأن المطلوب حل هذه للعادلة

トキートのキャイ

يحول ٢ الى الطرف الاول يعيث يكون الطرف الثانى معتويا على علاسة الجذر فقط ثم يرفع كل من الطرقين الى الدرجة الشائية ويختصر الناتج فيعدث

ه تُمهناسا ۱۲ ممدیل ۵ == ۲۵ ممد او ۵ تُمهـ سه ۱۲ ممدیل ۵ == ۵

 $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}$

= ٢٥<u>+٢٧</u> فاذنيكون

مُرَ = $\frac{Y_1^+ - Y_2}{1/\lambda} = \frac{Y_1^+}{1/\lambda} = \frac{Y_1^+ - Y_2}{1/\lambda} = \frac{Y_1^+}{1/\lambda} = \frac{Y_1^+}{$

C == C == 1 C == 1 C

اعنى ان المقدار الاول يكون محققا المعادلة

واذا وضع في المعادلة بعينها بدل سمة سفيداره وهو لم تول الى لم عند عندانيا و فاسديه بنب المسار للمسار عندانيا و فاسديه بنب المسار أو سم عندانيا و فاسديه بنب المسار أو سم عندانيا و فاسديه بنب المساور من عندانيا و فاسديه بنب المساورة عندانيا و في كان محققا للمعادلة ه سمّ سما المساورة المعادلة ه سمس اذا صبرطرف المعادلة ه سمس كالان بعض مقادير الجمهول سمد اذا صبرطرف المعادلة ه سمس كالان بعض مقادير الجمهول سمد اذا صبرطرف المعادلة ه سمس كالان بعض مقادير الجمهول سمد اذا صبرطرف المعادلة ه سمس كالان بعض مقادير الجمهول سمد اذا صبرطرف المعادلة المساوية ومتماله بن ومت

به شد ــ ۱۲ مدب و عده ۴ مد متساویین لان هذین الطرفین ــ متساویین لان هذین الطرفین ــ مدثان من تربیع طرف المعادلة الاولی

فلایجاد المعادلة التی تصفق بمقدار حمد علمه تغیرالعلامة المتلفة بعلامة الجذر فی المعادلة مع حمد مد م حسر مرتب و به تؤل الی

. _ _ ~ r

• (النال الشاني) • .

اذاكان المطاوب حل المعادلة ٢٣ سر + ١ = ٢ + ٧ سر - ١ أن المطاوب حل المعادلة ٢ سر المعادلة ٢ سر المعادلة ٢ سر المعادلة ٢ سر المعادلة ١ سر المعادلة ١٠٠٠ المعادلة ١٠٠

٣ سم به ١ = ٤ + ٤ ٢ سم ٢ به ١ مه ١ وبتران علامة الحدرق الطرف الشاني واختصار النباتج يعدث ٢ سم ١ - ٢ ٢ مه ١ - ١ ٢ مم ١ مم مربع الطرفان ثانيا فيعد ش

مدّ ساء مديد المصاء من ساء أو

سُر ۔ ٦ مد ١ ٥ = ٠ ومنها محدث

م = + + ٢ = - = + + ٢ افاذن بكون

ومقدارا سَمَ و مُمُ يَحْقَمَان المعَادلة المفروضة

• (المثال الثالث) • ...

اذا كان المطاوية حل المعادلة ٢٦ (سم - ١) - ٢ سم + ١ - ١ مر ٢٠ (سم - ١) المطاوف - ٢ مر ١٠ المطاوف المناف مُرْبِع كل من المطرفين فيدن .

7~--7-1 \\ \frac{7(~~=1+~~+(~~+1)}{1+~~+1} = 7~~~~? |

(1-2) [] = 1 - 5

ثمير يع ايضاطر فاهذه المعادلة الاخبرة فيعدث

 $\frac{1}{\sqrt{1 - 2}} = \frac{1}{\sqrt{1 - 2}}$

 $1 + = \overline{1 - 0} + = + 7$ $0 + \overline{1 - 0} + \overline{1 - 0} + \overline{1 - 0} = + 7$ $0 + \overline{1 - 0} + \overline{1 - 0} = -7$ $0 + \overline{1 - 0} + \overline{1 - 0} = -7$ $0 + \overline{1 - 0} + \overline{1 - 0} = -7$ $0 + \overline{1 - 0} = -7$ 0 +

م (فى المتناسبات وللمتواليات العدد يراه بدسية واللوغ ويتم) . (فى المتناسبة العددية أى المتناصلية) .

(۱۶) براهین خواص المتناسب النفزرة فی کتب علم الحساب تسه ر جدابواسطهٔ القواعد الجبریه و بیان ذند آن یقال کل متناسب به عدد به کالمتناسبه

• اوضع هڪڪذا

وبدو حدد و منزايستخرج

اداساوى ساصل بدع عددين مناصل بدع آغرين تركب من هذه الاعداد الاربعة متناسبة عددية بوزا أحدا لحاصلين طرقاها وبوزا الاسنو وسطاها والوسط التفاضلي لعددين يساوى نصف سأصل بعده مالانه من المتناسبة

و صدر مد و معدث م سر حد مد و من هذه المتساوية ينتج سر حد مد عدد

*(فالمناسبة الهندسة)

(۹۳) كلمتناسبة فندسية كالمتناسبة عن الها و الها و الوضع هكذا تي الها و الها و

أعنى أن كل متناسة هندسية حاصل ضرب طرفع ايساوى ساصل ضرب وسطيها وأن احدطر فيها يساوى خارج قسعة حاصل ضرب وسطيها على طرفها الاستروأن أحدوسطها يساوى خارج قسعة حاصل فعرب طرفيا على الوسط الاسترويستنج من كل متساوية كالمتساوية و = و هد أن ي = وهد أن ي حويد المنادي المادي حاصل ضرب عددين آخرين تركب من هذه الاعداد الاردمة متناسبة هندسية اصلاً حد الحاصلين طرفان لها واصلا الحاصل الاستروسطان لها

والوسط الهندسي بيزعددين اوكيتين يساوى جذر ساصل ضر بهسما لانه سن

المناسبة و: مر :: من : و يعدن

when the second of the second

واداضرب طرف ووسط متناسبة في عدد واحد أوقيما عليه بنت المتناسبة على حالها لائه يستنج من المتساوية على حالها لائه يستنج من المتساوية على حالها لائه يستنج من المتساوية على حالها لائه

يَّ = وَمُ ال و: د :: هم : وم

ويستنج ابدا من افتساويه المذكورة كي = أو ومن هذه يحدث

ي = الله أى و: وم: وم

وعثلهذا يبرهن على حالة القسمة

• وأفا كان لتناسبتين نسبة مشتركة تركب من النسبتين الاخريين متهما منناسبة فالمناسبة المناسبة

م : د :: ه : و و م : د :: هَ : وَ بُوضِعان فَصَحَادُ ۗ

هـ = هَ أَى هـ : و :: هَ : وَ

ومتى الحد المقدمان أوالتاليان فى مثناسبتين تركب من غيرانيمد منهسما متناسبة فالمتناسة ان

ج: د :: ه : و و ح : ع :: هـ : ك أو

بستنفي منهما عنتضى مأتتدم

م : ه : ؛ د ؛ و و م م : م ؛ ك الله فأرث يحدث

٤ : و : : ع : نذ أَى ٤ : ع : : و : نذ

وكُلِّ مِنْهَا سِبَةً هَنْدُسَسِيةً كَانْتَنَاسِبَةً ﴿ وَ وَ وَ يَكُنْ رَفِيعِهَا هَكُذَا أَكِّ ﷺ وَبِضَافَةً وَاحْدَلَكُنْ مِنْ طَرِقَى هُذَهِ مُنْسَاوِيةً أُوطُوحِهِ مَهَاتُوْلُ الى و به د ؛ د ؛ ه به و ؛ و و ه سه د ؛ د ؛ ه سه و ؛ و ويحديث ايضا من مقالة المتناسسية ره ؛ د ؛ ، ه ؛ و بكل من المتناسبتين المتقدمتين ان

و به د : ۱۰ : ۱۰ هـ به و هسره : ۱۰ : ۱۰ هـ ۱۰ هـ و د م ومترسما بعدث

و به د : و سه د :: ه به و : ه سه و

وينج من ذن أن نسب الماعدم الاول زائدا اونافسا التالى الاول الى هـ ثا التالى كنسب المقدم النائى زائدا أونافسا التالى الثانى الى هـ ذا التالى الثانى الله هـ ذا التالى الثانى الله هـ ذا التالى وأن نسب المقدم الاول زائدا أونافسا لتالى الاول الى هذا المقدم كنسبة المقدم الثانى زائدا أونافسا يته لى الثانى الى هـ ذا المقدم وأن نسب المقدم الاول زائدا تاليه المقدم الشانى زائدا تاليه الم هذا المقدم الشانى زائدا تاليه الى هذا المقدم الشانى زائدا تاليه الى هذا المقدم الشانى زائدا تاليه الى هذا المقدم الشانى زائدا تاليه

واذاغیروسطالمتناسبة و : د : ه : و آلت الی و اذاغیروسطالمتناسبة و : د : د و رمنهایمدت بناه علی مأنقدم

وكرمتناسبة متر نبة ساصل جع مقدما بهاالى حاصل جع زالها كنسسية

ح = علم و ه = ولم و ش = علم و ١٠٠٠ خ
 و جمع هذه المتساويات طرفا الى علم ف عدث

٩ + ه + ن + ط + الخ = ل (د + و + ع + ع + ٠٠٠٠٠ الخ)
ومنها عدت

عبد الخ المباه المباه

واذا نسر بت جاء المناسبات في عضها كل حد في غليره تكون من حواصل الفرب الاربعة المحتلفة متناسبة فألمتناسبات

٣٠: ٤: هـ: ﴿ وَ مَن مَا يَا هَا * وَ مَن اللَّهُ : اللَّهُ اللَّهُ : اللَّهُ اللَّهُ : اللّهُ اللّهُ اللّهُ : اللّهُ الللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ الللللّهُ اللللّهُ الللللّهُ الللّهُ اللّهُ اللّهُ الللللّهُ الللللّ

ئے ہے ہے و تَ اللہ مِنْ الله مِنْ اللهِ اللهِ مِنْ اللّهِ مِنْ اللهِ مِنْ اللّهِ مِنْ اللهِ مِنْ اللهِيْ اللهِ مِنْ اللهِ مِنْ اللهِ مِنْ اللّهِ مِنْ اللّهِ مِنْ اللّهِ مِنْ اللّهِ اللهِ مِنْ اللّهِ مِنْ اللّهِ اللّهِ مِنْ اللّهِ م

وأذارفع كلمن الحدود لارمة نتناسبة لددرجة تنا اواخذ جذركل منها يدرجة واحدة لم تزل متناسبة

فالمتناسبة م : تا :: بد : و نوضع هدَمَا

ج = ق ف ارفع طرفاهذ التساوية لدرجة تما واخذ بجدر هـ ، ، ، . . . مارفيت على ما الفاقد كون

مَ : مَ : هُ : وَ وَ وَ الْمِوالِياتِ الْعَدَدِيةِ) * (فَ المُتُوالْياتِ العَدَدِيةِ) *

(؛) كلمتسلسلة مركبة من حدود يزيدا حدها عن سابقه او يتقص عنه بكمه ه المبتة تسمى متوالية عددية اوتفاضلية والكمية الشابتة تسمى اسساس المتوالية فالمتسلسلتان

واذارمن الحروف مو و هو و و ۰۰۰۰۰ الحنادودمتوالية عددية نوضع تفكذا

ج و م د م ه م و م ر م مع مط م م م م م م م م الله م الله و الله م م و الله ظلم الله و الله و

وحبثان المعادلة له = عبد (2 سد) مده من المعادلة له المعادلة المعادلة المعادلة المعدمة الثلاث الاخرى والدالة الدخال بعلم حدود عددها م بين اى حدين معاومين بشره المعدمة المعدمة

م. *(١٢٥)* ،
فركباالالتعبيناساسهاالجهولولاايستغرج من القافون (١)
مد = ليستخ مد = لاستخ وحيثان هد = م + ٢ يكون مد = ليست

اعنی ان اساس المتوالیة المطاویة بسساوی ندرج قسمة فاصل الحدین المعاومین علی عدد الحدود الدرخلة زایدا واسد ا

فاذا اربداد شال نمانیة حدود بین العددین ، و ه بیت بترکب من الجسع متوالیه عددیه وضع فی المعادلة سم المسلم بدل له و و م مقادیرها وهی ه ، و ه و م فیتمصل سم المشهدات المی ان الاساس المعالوب بساوی ه و حید در کب المتوانیة هکذا

ب و ، د د و ، ع ، ط ، ل يتمصل د = د + م و منهما بحدث د + ط = و + ل

وتسعلىهذا

(90) وأذا اريد تحصيل مقد رحاصل جع حدود منو يةعددية كالمتوالية

يتعسل بالبناء على ماتصم

ع = و + (و + سر) + (و + ۲ سر) ۱۰۰ + (و + (۵ - ۱) سر) بالرمز باخرف ع لمقد رساسل جع حدود انتو ئية المعلوب ولايجاد قانون مختصر عن هذا توضع المتساوية المتقدمة به البن أله وراين ع = + + (د-س) + (د+ اس) + (د-س) + (د-س) + د ع = د + (د-س) + (د- اس) + (د+ اس) + (د+ اس) + (د + س) + د وعيم ها تين المتساويتين طرفا الى طرف ومال حطة ان حاصل جع كل حدين متعدي في الرتية يؤل الى حديد له يتصل

۲ ج 🚃 مهدل مکررایقدرعددالحدود ای

، ع = (+ ل) ه ومنهایعدت ع = (+ لک منهایعدت ع = (+ لک منه)

اعنی ان حاصل جع حدود متوالیة تفاضلیة بساوی نصف حاصل جع حدیها المتطرفید م^{سکر}ر بقدرعد دحدودها

واد وصعىالقانون (٢) بدل الجدالاخير له مقداره المبيز بمعادلة (١) آل الى

 $3 = \frac{(1-2)+21)}{2} = 6$

(٣٩) تحل المسائل المتعلقة بمالمتو الميات العددية بواسطة القانونين (١) و (٣) وذلك انه اداعلم ثلاث كميات من الحسر و سسو هو سسو هو له و ع الداخلة في إنقانونين (١) و (٣) امكن تعيين الائتشيز الاخريين ومن تعشيق هده المستحميات الحسر مع بعضها غرض ثلاث منها معلومة وباقيها هجه و لا يتعسب عشر مسبس مهمة الحل لا م يتعسب لدائما معادلتمان دائما عجه و لنن

وهاستجدولايشسقل على حل المسائل العشر المتقدسة ذكر نامهما لمن يربية عارسة ذلك $\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \right) + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2} =$ ل وعوت دويم ، * 23, 5 C. L. 3 C = C (4+p) C=-+1 ((-1) / (-1) / (c-1) / · (-- --) --) -- (-- --) --) (3-1-1)-11)-1-1-1) †1 ** (-) (-)

* (مسائل يظلب حلها من الطلبة) *

(۹۷) الاولى ان يطلب تعيين الحدالاول وعدد الحدود من متوالية عددية اساسها ٨ وحديما الاخير ١٨٥ وساصل جعها ٢٤٠٤، النائية ان يطلب ادخال تسعة اوساط عددية بين اى حدين من المتوالية

17.0. A. 11. 11. YI

الثالثة ان بطلب معرفة عدد طابور مثلثى صفدالاول تقووا حد والشانى تفران والثالث ثلاثة وهكذا الى صف يكون عدداً تفاره مساويا هـ الرابعة ان بطلب ا يجاد حاصل جع حدود المتوالية الفردية

ب ١٠٠٠ التى عدد حدودها هـ المان المان التى عدد حدودها هـ المان ال

السادسة راجل بقطع عشرة فراسخ فى الموم الواحد وفارس بقطع فى اول يوم ثلاثة فرأسخ ويزيد سيره فى كل يوم عن سابقه فرسفين سارا فى آن واحد والمطلوب معرفة عدد الايام التى تمضى من البدا وسيره ما الى نقطة تلاقيه ما والمسافة التى يقطعها كل منهما

(فالمتواليات التقسيمية المالهندسية) .

(۹۸) کائیمتسلسه مرکبه منجله حدودمت البه خارج قسمه احدها على سابقه نمات وکل حد منها مساولسابقه مضروباً فی کیه نمایته تسمی متواسه والکمیه النابته تسمی اساس المتوالیه

وبمقتضى هذا الدمريف تكون المتوالية تصاعدية اوتنازلية بحسب اساسها اى بحسب كونه اكبرمن الواحدا واصغرمنه فحينتذ تكون المتوالية

﴿ ٢٠ : ٦ : ٦ : ٨٤ ; ٢٦ : ٨٤ ; ٣٩ نساعدية ِ والمتوالمة

بنبة ع٦٠ : ١ : ١ : الله عند الله عند الله عكد الله عكد الله عكد الله عند الله عند الله عند الله عند الله عند ا

جَبُّ ہِ : ٤ : ھ : و : ړ : ج ؛ ط : ٠٠٠٠ كَ قادًا رَمِنْ بِالْمَرْفِقَ ثمر لإساسها وبالحرف لم الحدها الاخيرالمسبوق بحدودعددها هـ ـــ ؛ تحصل

وحيث ان القانون له على وسيد وحمد والمستقل على وحيث ان القانون له على وحيث ان القانون له على وحيث اللابيع و وحمد و و له يمكن تعيين احداها بعرفة انتلاث لاخرى فذن بهسكون الحدالاخيرمن متوالية هندسسة مساويا بلامل ضرب الحدالارل في الاساس مرفوع الدرجة مساوية تعدد الحدود المسابقة له

غاذا البدمثلاتعيين الحد الثامن من المتوالية

06:1A:7:5 ☆

يتمسل ٢ × ٣ == ٢ × ٢١٨٧ عند ١٣٧٤ وهوالحداثناءن المطلوب

واذا اريدتعيين الحدالثانى عشرمن المتوالية

 $(37 \times \frac{1}{4})^{1} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{1007}$ each till and inch

وبسبتعمل انقانون له على وحمد الادخال جدا حدود عددها م بين كيتين معنومتين م وله ليتركب من المكل متو لية هندسية وحبث ن عدد الحدود المدخلة م يصححون عدد حدود التوائية المراد تحصيمه م + γ ویکون الحد الاخیرمنها $L = q^{++-1} = q^{-1}$ ومن γ به الاساس الجهول حد فیکون منایستفرج الاساس الجهول حد γ

اعنی ان الاساس بساوی بعذرخارج قسیه مالکمیتین المعلومتین علی بعضهما بدرجهٔ نساوی م + ۱

من المتوالية هندسية واحد لانه من المتوالية و

وقس على ذلك حواصل باقى المعدود (۱۰۰) عصل مع سد و دمنو لية هندسية يساوى بعد الرمن له بالحرف و عدد به و سد به و ترب به و سد به ۱۰۰۰ به وسد و تصويل هذا لما في في خصر منه يضرب كل من ضوفيه في الاساس المساس المساس

ويست عرب وسيد به وسيد وسيد وسيد وسيد به وسيد وسيد و ريطان العدد الأرم) من المعادية وم ما يعدث ع (سمد) = وجمد مده = الأحداد) ومنها يستفرج عدد (سمدا) عدد المستفرج عدد المستفرج عدد (سما) عدد المستفرج عدد ا

وادًا وضع له بدل أخد الاشير الذي مقداره موسد في المعادلة إلى تول الى

ع = ليجة

اعنى ان مجموع حدود متوالية هندسية يساوى شاوح قسمة باق طرح المد الاول من حاصل ضرب المدالاخير في الاساس على باقى طرح الواحد مر الاساس

المعادلتين (۱) جميع المسائل المتعلقة بالمتواليات الهندسية تحل يواسط المعادلتين (۱) و (۲) المحتويتين على انكسبات الجس حوسو و و لم و ع اداعلم مهمائلات لانه سينتذ يمكن تعيين الاثنتين الاخريم الاان اغلب سل المسائل المذكورة يتوقف على قواعد تأتى كولوكان احا الجهولين ه الذي هوعدد حدود المثوالية قائه يؤل الامر الى سوا معادلة مشتملة على اس مجهول وكالوسكان الجهولان حو مم ألم و مم قائه يؤل الامرالي سل معادلة مساوية لعدد حدد المثوالية

واذا استعملت المعادلة (٢) الحادث من المعادلة (٣) بو سطة تسم آل الامرالي حلمعادلة ذات درجة مساوية التا ــــ ١

واذا كان الاساس مد = استعملت المعادنة (٢) بدل المعادلة (٣ لاله يحدث من المعادلة (٣) المتبموع ع مقدار غير معين اى ان ع = واما المعادلة (٢) فانها تحدث له مقدارا محدودا اى ان ع = ت وقد نقدم ان المقد رغير المعين بنشأ عن وجود معتمر وب مشترك لد المنشر و المشترك للمعادلة (٣) هذاهو (مسسله) المسر (منده)

(١٠٢) متى كُنْ الاساس المرموزلة بالحرف حد اصغر من الواح

اىكىرامارت التوالية تازلية فيننذ قانون (٣) يكتب مكذا

فيشاهد من فرص صرر العادا الداد العدد د شيافشيا تقست الكعية المستحين كون المنافقة المستحين كون المقدار المستحين القلمن كل كمة معلوسة فعلي ذلك كليا اخذت حدود اكبرمن الحدود المتعاقبة للمتوالية بالابتداء من الحدالاول قرب مقدار ع من المستحين فاذن بمكن اخذ حدود كافية الكون حاصل جعها مختلفا عن المستحين بقدر ما يراد وعليه فيقال ان بهاية حاصل جع جلة حدود من المتوالية التنازلية بالابتداء من الحدالاول تكون مساوية الكسر المتحين فاذا كان عدد حدود التوالية لانها أليا كان حاصل جعها مساويا المستحين المتوالية المنازلية بالانها المنازلية عدد حدود ها لانها في يساوى خارج قدمة حده الاول على فاضل الواحد والاساس

(۱۰۳) ويمكن تعيين هــذآ الحـاصل من اول الامر بفرمني المتوالية التنازلية التي عدد حدودها لانهائي هكذا

بنه و : د : ه : و الخ ومنها يحدث د عدم و ه ه د د الخ ومنها يحدث و عدم و د د الخ و و عدم و د د المناوات طرفا الى طرف يتمسل

عبد المرف الاول عن هذه المتساوية يساوي حاصل جع حدود المتوالية المد المتساوية يساوي حاصل جع حدود المتوالية المد المد المد المد الاول عن هذه المد الاول يساوى ع _ ح وان المرف النافي يساوى ع حدود هامكررا بقدرالاسات سم اى يساوى عسم يكون ع _ ح = عمد او ع (١ - س) = ح ومنهليمدت عسم يكون ع _ ح = عمد او ع (١ - س) = ح ومنهليمدت ع = آسو

رهرمندارجموع حدود المتوالية المذكورة لانه اذا اجويت علية انتسمة

على المقدار كي حدث بنير و د و مد : وتمر : ومد : الخ وهوناتج غير مخالف المتوالية بنير و : د : د : د : و : د الخ المقروضة الافي تديل الحدود و و و ه د الخ بقاديرها المبينة بد الة الحد الاول والاساس

(١٠٤) عكن تعيين كسر اعتيادى سكافى الكسردائر يسسيط بواسطة انقانون المعدلا يجاد حاصل جع حدود متواليه تباذلية غير منتهية لان الكسر الدائر السبط

ع ٢٣٤ ٢ ٣٢ ٤ ٣٢ ٤ ٣٢ و مثلاً عكن وضعه بهذه المسورة

원 ····· + 뜻 + 뜻 + 뜻 + 뜻 -

فقد آل آکسر المذکورسیشد الی متوالیة تشازلیة غیرمنتهیة مجموع "حدودها ع = بیت به به الله سیاسی الله الله میروش الاعتبادی المکافی الکسرالدائرالیسیط المفروش

ویکن تعین قسراعتبادی مکافی الکسردا ارم کب بواسطة شون المعد لایجاد حاصل جع حدود متوالیة تنازلیة غیرستهیة و ذائد ان الکسر الدا ار المرکب ۱۸۰۱ ۲۳۲۲۲۲۲۰۰ و میکون اصغرمن ۲۳۲۲۲۲۲۰۰ المرکب ۱۷٫۲۲۲۲۲۲۲۰۰ ما ته مرة فاذن یکون المستکسر الدائر المرکب مساویا الاعتبادی

 $\frac{4/4}{6}$ = $\frac{444}{1.5}$ = $\frac{444}{1.5}$ = $\frac{444}{1.5}$ = $\frac{444}{1.5}$ = $\frac{444}{1.5}$

. (مسائل تعل بواسطة المتواليات الهندسية) .

(ه ٠٠) أولى لماخُسير محترع الشطريج في أب ج أزة خشار الموضع له في سانة الموقى حبت وفي النائية حبت دوفي الدينة الرجوفي الرابعة تمان وهكذ ي النيوضع في كل خانة المية ضعف سابتها الدالاربع والسنين خانة تما الدالمب الذي يأخره الهنم عاناة كور

فاسلوامیان عدد اسلب المعاوب بساوی سلسل جع سدود متواله هندسه معاوم منها و == ۱ و صد == ۲ قادن یکون

ع = حرر المعلوم في التجاريب ان المريابوام اى العشرة آلاف بوام تساوى ومن المعلوم في التجاريب ان المريابوام اى العشرة آلاف بوام تساوى ومن المعلوم في التجاريب ان المريابوام اى العشرة آلاف بوام تساوى معيابوا ما وحث كان عن المريابوام يساوى فرنكين يكون عن ما يأخذه المحترع ساوياً من ما يأخذه

الشائية مريض وهب لمريض آخر في مرض موته عبداله فوهبه الاستفذ في مرض موته للاول ولاشئ لهماسواه وحث ان هبة مرس الموت لا تنفذ الاف الثلث ان كانت لغيروارث اوله واجازها باقي الورثة يكون للموهوب للهلاف العبدوللواهب ثلثاه وبهبته الموهوب له يرجع للواهب من هذا الثلث ثلثه وشاه عليه فقد ذاد ماله وزادت هبته للموهوب له وستى زادت هبة الموهوب له وستى زادت هبة الموهوب له زاد مال الموهوب له وهكذا الموهوب له زاد مال الواهوب له وهكذا فادن بازم الدور والمعلوب تعيين ما ينص حسكلا من المريضين في العبد المذكور.

المد تورد فالجواب ان يفرض تمن العبد اونفسه مساويا للواحد فيكون مقد ارماوهبه الاول منه مساويا إو مقد ارهبة الموهوب له مساوية ثلث الثلث وبناء عليه مستون سسة الواهب الاول عهم إلى وحصة الموهوب له الهمسافي وسيث زاد مال الواهب الاول ثلث الثلث اى إيرجع للواهب الشانى

تلت لم ای لیم قانان تکون

وحيث زدمال لواهب الشانى عقد الرئات النسع اى ليج يرجع تنواهب الاول منها تشهاءهو ليج فاذن تكون

حصة الواهب الاول كب لي - لي به لي وحصة الواهب الثاني لي - لي - لي - لي

وحيث زادللواهب الاول لهم من العبديرجع للواهب الشانى منه ثلثه اى علج ويناءعلمه تكون

فلتعين حصة الواهب الاول يجرى العسمل المذ تحسكور في تعيين حسة الواهب الشابي

الشاللة احدالمصورين عنده ٨ صوريريد يعها فدفع له في مستكل واحدة • ٥ ١ غرشا مرة واحدة تم دفع له في اد ناها ثمن قدره خسة غروش و فيما فرقه عشرة غروش و هكذا بشفعيف التمن الى الشامنة والمراد معرفة از بح السعين

(قالجواب ان البيع الشانى اديم)

ارابعة برميل من الخليصتوى على ما أنة اقه صناد يؤخذ منه كل يوم اقة واحدة ويضاف المهاقة ما عدلها والمطاوب معرفة عدد مرمات تكرارهذا الفعل حتى لايبق من اطل الاالربع

(فالجواب الدلابد من تكوار الفعل ١٨٣ مرة)

* (ف الموغ ديهم).

(١٠٦) قيسل المشروع فأنلواص العسمومية للإوغاريم واستعماله

فالعداد المرمن الواحد أواصغرمنه ببان دلد ان يقال موجب اكبر من الواحد أواصغرمنه ببان دلد ان يقال ادارمن بالرمن و لعدد ابت موجب اكبر من الواحد وكونت القوى المتوالية و و و و و المنحدث من دلا بالامن المات المداولات المتناق الناود الم فيرنها به و متقاربة من يعضها كلما تقارب اسس هذه القوى من يعضها ومن هنما يوخذ انه ادارمن بالرمن بن سم و صما لكميتين منفولين وفرضت المعادلة صد على و ورض للمتغبر سما بعلا مقادير متقاربة من بعضها من المنافرال به ٥٠ كانو المتغير عود بعلا مقادير متقاربة من بعضها من المتفير عمد المتفادي متقاربة من بعضها بحيث اذا زاد سم بكيفية متوالية من الثداء الصفرالي به ٥٠ اخذ صد جميع المقادير من الواحد الى به ٥٠ واذا فردن المتغير عمد مقادير سالية بان كان الى به ٥٠ واذا فردن المتغير عمد مقادير سالية بان كان المتفادية المتقدمة الى

ئے۔ مد = 'و' = مہ تے

واذافرض ت ساخد مقادير من ابتداه الصفراني به ٥٥ فان ساخد مقادير من ابتداه الواحدالي به ٥٥ وحينت ذياخذ مقادير من ابتداه الواحدالي في ايالي الصفر سير مقادير من ابتداه الواحدالي في ايالي الصفر ومانيا ذافرض أن و يدل على عدددون الواحد سين الكسر إر بفرض ومانيا ذافرض أن و يدل على عدددون الواحد سين الكسر إر بفرض و عددا كبرمن الواحد) تول المعادلة صدد و الى صدد (أن المعادلة عددا كبرمن الواحد مد جميع المقادير من ابتداه الصفر الى به من اخذ من المنادير من ابتداه الصفر الى به من اخذ من المنادير من ابتداه الصفر الى به من اخذ من المنادير من ابتداه الصفر الى به من اخذ من المنادير من ابتداه الصفر الى به من اخذ من المنادير من ابتداء الصفر الى به من المنادير من المن

بسع الاعداد من الواحد الى ب 00 فيندة كون بعيم مقادير صد عصورة بن الواحد والصفر واذا اخذ المتغير م مقادير من اسدا الصفر الى ب 00 اخذ كر بعيم الاعداد المحسورة بن الواحد والصفر فيند كر بعيم الاعداد من اسدا الواحد الى المحداد من اسدا الواحد الى المحدد من المدا من المداد من المدا الواحد الى المدد و 00

(۱۰۷) حيث تفررانه كن تكوين جميع الاعداد من انقوى المتنوعة لعدد البت يطلق اسم لوغاديم هده الاعداد على اسس انقوى المتنوعة المذكورة المساوية المساوية المسع الاعداد بالتناطر وحينتذ يكون كل مقدار للاتغير أمد ق المعادلة صد عد اوغارة المقدار المنا ق نه من مقادير صد (بفرض و عدد اموجباويسي اساس الجمه موغ رشية) و روضع مد هوغاصد

(۱۰۸) اذا فرض ان صد و حتّد و حقّد و ۱۰۰۰ ایخ رموذ لاعداد و جد و حدّ و حدّ و ۲۰۰۰ ایخ رموذنوغاریت بما بالنسبة الجلااساسها رم حدث

مد = و و قد = قد و مد = و منها بعدث و مد = و منها بعدث و منها بعدث و مد = و منها بعدث و م

(1 5 A).

غيندُ يعسكون نوغ محد مد مد الخ مد لوغا مد بالخ مد الخ مد الخ

و لوغا عصد ۔۔۔ لوغا صد ۔۔۔ لوغا صَہ ۔ ور متہ

و فا مک = م اوغا مد و کوغا کی مکت = <u>اوعامی</u>

وهذه المتساويات الاربع تسستنبط منهاقواعد

الاولى ان لوغارية ما سل ضرب يكون مساويا لجموع لوغارية التمضاريه النائية ان لوغارية خارج قسمة عددين يكون مساويا للوغارية المقسوم مطروحا منه لوغارية المقسوم عليه

ارابعة ان اوغاريم و دراى عدد يكون مساوللوغاريم هذا العدد مقسوما على درجة الحدر المذكور

ويؤخذ من القاعدة الثانية ان لوغارية اى كسر بكون مساويا لاوغارية بسطه مطروحامنه لوغارية مقامه وينتي من القاعدة ين الاوليين ان لوغارية الحد الرابع من متناسبة يكون مساويا لجهوع لوغار عى الوسطين مطروحات لوغارية الحد الاول

(١٠٩) يؤخذمن تعريق الموغارية ومماتقدم في (١٠٦٠) اولا أن الاساس في كل جاء نوغار بتية يكون مساويا للواحد ويحسكون لوغارية الواحدمسا وبالنسفر

وثانيا أنالاساس اذا كان اكبرمن الواحد كانت لوغار شات الاعداد الق فوق الواحد موجبة ولوغار يات الاعداد التي دون الواحد سالبة ولوغارية الاعداد التي دون الواحد سالبة ولوغارية الاعداد التي دون الواحد سالبة ولوغارية

وثالثنا اداكان الاساس دون الواسد كانت لوغاد بشنت الاعداد الق فوق الواسد سالب قولوغ إرشات الاعداد الق دون الااسد سویب قولوغاریم الصفر ۱۰۰۰ م

البية قلا يعتبرها غيرلوغار بقات الانستعمل عادة الالاختصار الاعمال البية قلا يعتبرها غيرلوغار بقات الاعداد الموجبة ويفرض داعمان الاساس يكون موجبا وحيننذ لا يكون الاعداد السالبة لوغار بقات حسه الاساس يكون موجبا وحيننذ لا يكون الاعداد السالبة لوغار بقات حسه تعتلف عن الواحد بقلسل وحدودها تاخذ فى الزيادة بقادير صغيرة بعدا يكاد لا تدرا بيعيث تكون معتوية على بجيع الاعداد وقرضت ايضا متوالية عددية حدها الاول الصفر واساسها كية صغيرة بعدا تكاد لا تدرا باعتبارها تين المتوالية مغيرة بعدا تكاد التوالية العددية موضوعة عتت حدود التوالية الهندسية ويكون صدود المتوالية العددية عواديا لهذا لهنا المنافية الهندسية كأن كل حدمن المتوالية الهندسية كأن كل حدمن المتوالية العددية عواديا المنافية الهندسية كأن كل حدمن الدوالية المندسية عبارة عن القوى متنوعة المتفايية من بعضها بعدا لاساسها وحدود المتوالية العددية عبارة عن القوى وصورة وضع المتوالية المندسة عبارة عن القوى وصورة وضع المتوالية المندسة عبارة عن المتوالية القوى وصورة

(۱۱۲) بمقتضی ما تقررادًا تکونت بعیسع قوی عدد ۱۰ فان ناعداد ۱۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰ کان ناعداد لوغار شاته و ۱۰۰۰ کان وامالوغار شات لوغار شات و ۱۰۰۰ کان وامالوغار شات

الاضداد التى ليست من القوى العميمة لعسدد . و قائها تعين بعدد اعشارى واما الجزء العصبية للوغاريم عددا كبرمن الواجد قائه يعتوى على عدة من الاساد مشاوية لعدد ارقام هذا الجزء ناقصا واحدا لانا اذا رمز نا لعددارقام الجزء العصبية بالرمن الاكان العدد العصورا بين و و و و العدارقام الجزء العصبية بالرمن الاكان العدد العصورا بين الوغار عد معصورا بين العدد المن و و و و سنسلا و من بوداعشارى اقلمن يستكون مركامن المادعددها الاستال و من بوداعشارى اقلمن الواحد ولذا اطلق على الجزء العصبيمن كل لوغاريم المم العدد المياني و في المنسم اللوغاريم المم العدد المياني و في المنسم اللوغاريم) و

المتسم الموغاريتي لعددهو لوغاريم مقاوب هذا العددويقال لاحد العددين مقاوب الاستومتي كان حاصل ضربها مساويا للواحد فنعو ٣ او ٢٠٠٠ يقال لكل منهما مقاوب الاستروعليه اذا رمن بالرمن و لعدد مقاويه المساوية ال

ح.× ئے == ۱ وہاخذلوغاریم کلمنالطرفین بحدث '' لوغاہ ہے لوغا ئے == لوغا ۱ == ۰ ومنہا ہؤخذ ''لوغائے == ۔۔۔ لوغا ہ

اعنى ان المقم اللوغار بنى لعدد يساوى لوغاريم العدد يعلامة مخالفة لعلامته وحيث ان الجداول الموغار بنية لاتعتوى الاعلى لوغار بنيات الاعداد العديمة يازم لا يجاد لوغاريم حسران تطبق عليه الفاعدة المتقدمة في (بنده ١٠)، ومنى كان الكسر المفروض اقل من الواحد المحسسان تعيين لوغار بنه السائب على وجهيه يكون جزقه الاعشارى موجبا واذا يازم ان يضافه بالاختيار على لوغاره مم البسط عدد من الا تفاد سنى يتيسران يطرح منه لوغ ربم لمقام ويطرح هذا العدد من المساقى مثال ذلك ان يكون لوغاريم المسلم المنام ويطرح هذا العدد من المساقى مثال ذلك ان يكون لوغاريم المسلم المنام ويطرح هذا العدد من المساقى مثال ذلك ان يكون لوغاريم المسلم المنام ويطرح هذا العدد من المساقى مثال ذلك ان يكون لوغاريم المسلم المنام ويطرح هذا العدد من المساقى مثال ذلك ان يكون لوغاريم المسلم المسلم المنام ويطرح هذا العدد من المسلم ويطرح هذا العدد من المسلم ويطرح هذا العدد من المساقى مثال دلك ان يكون لوغاريم المنام المنام المنام ويطرح هذا العدد من المسلم ويطرح هذا العدد من المسلم ويطرح هذا العدد من المسلم المنام ويطرح هذا العدد من المسلم المنام ويطرح هذا العدد من المسلم ويطرح هذا العدد من المال ويطرح هذا العدد من المسلم ويطرح المس

اللوغارية الثانى من الاول بعد أن يضاف البه عنصدت ١٠١٠٥٣٠٠٥
 وحيث أنه يلزم أن يطهر ٣ من هذا البساق يكتب هكذا

. *>Y70T1-1

والعلامة ـــ الموضوعة فوق العدد البياني لاتتعلق بغيره

فاذا اريد تغيير المقدار ٢٠٥٣١٠١ و ٣ ما ٢٠٥٣١٠١ و ٣ سرمكافي الدائه سالب شوهد أن ٢٠٥٣١٠١ و ٣ سرم ١٠١٥٣١٠١ و وهذا سرم ١٠٤٦٨٩٩ و ١٠ ١٥٣١٠١ و هذا سرم ١٠٤٣١٠١ و وهذا التصويل يؤخذ من طرح واحد من المقدار المطلق للعدد البياني وطرح الرقم الاول عن يمين الجزء الاعتساري من ١٠ وباقي الارقام الاعتسادية

۔ ۳ 4 (۱ ۔ ۲۳٤٦۸۹۹ و) ۱۳۵۳۱۰۱ ق عدد سمج کے عدد واڈاارید شرب انہوغاریتم ۷٦٥٣۱۰۱ و می عدد سمج کے عدد کا مثلافان حاصل انضرب یکتب ہکذا

ا × ۲۰۱۱ ۲۰۱۷ و به م × ۲۰۰۰ آو ۱ ۲۰۱۲ و آو و و ق ا کن ا تاو فاریم مرکبایمن عدد به فال ساب وجود اعتدادی مؤجب و رید قسمت علی عدد عصیح لزم نزو خسندرج قسمة رحدد أبو نی عی وجه به یکون اُنباقی موجبا مشار ذرات تربت م ۲۰۲۰ و ۲۰۲۹ و علی ۳ فیکون غرج قسمة سال کا ۲۰ هو سام ۱ و ساق سام و دورج تسمه ــُــ ٣ والباقى ٢. وبادامة العبمل يعيدت ٧٧٦٥٢١٤ و ٣ " وهوالنبائج المطلوب

(۱۱۳) بۇخدىنالقواعدالمىقىدىمة فى (يېدى ۱۰) ان لوغا (د×٠١) =لوغا ﴿ +لوغا ١٠ = لوغا د + ه و

لوغا (المراجع على العامل المراجع على على على المراجع المراجع

وحينتذيسه لمعرفة العدداليانى للوغارية عدداعشارى اصغرمن الواحد. لانه اذارمز بالرمن على لعددالاصفار الموجودة بين الشرطة واول رقع معنوى يؤجد عن بينها كان العدد المفروض اصغرمن الحيد عن بينها كان العدد المفروض اصغرمن الحيد واستسكيرهن

اعنی ان هذا اللوغاریم عذا العدد محسوراین سع قر سرع ۱۰) اعنی ان هذا اللوغاریم یکون مساویا ... (ع ۱۰) مضافا البه بوز و اعتساری سالیه ومن اعتساری سالیه ومن هناین بخ

اولا اندمتی کان الجزء الاعشاری للوغاریتم عدد اعشاری اصغرس الواحد موجباً کان عدده البیای میساویا للعدد الدال علی مرتبة اول رقم معنوی یوجد عن بیز الشرطة من العدد المفروش

ومانيا المه متى كان الموغارية سالبابالكاية كان عدد البياني اقل واحد من العدد الدال على من تنة اول وقم معنوى يوجد عن بين الشرطة فى العدد المفروض وعلى ذلك بكون العدد البياني الموجب اوالسالب للوغارية دالا على اعظم احاد العدد الذي ينسب البه هذا اللوغارية

باستعمأل الجداول اللوغاريتية

و في العمليات الحساسة أ

(۱۱۱) استعمال هذه الجداول في العمليات الجسابية يرجع الى مسالتين (الاولى) ان يكون المعلوم عددو المطلوب اليجاد لوغار بمه (الشائية) ان يكون المعلوم لوغاريم عدد والمطلوب اليجاد هذا العدد ويكنى في دُلاك ان تشرح جدول اللوغار بمّات المعرب مطبقا عليه المستلمان

(ف شرح جدول اللوغار شات المرب واستعماله) .

المذكو رتان فنتقول

(110) هذا الجدول يتركب من ثلاثة الراء احدها يشقل على لوغاريات الاعداد من الواحد الى ١٠٠٨ وهو عبارة عن اربع و غاين صيفة كل حصيفة مستقلا على ستة صفوف رأسية معنونة على اثنوالى بلنفلتى عد د وانساب اى لوغار بقات وكل صف مقسوم الى ثانية اقسام كل منها يشتل على خسة اعداد والشف المعنون بلغطة انستاب يوجد تلوائم المعنون بلغظة انستاب يوجد تلوائم المعنون بلغظة المعنون الاول موضوعا على يسار العدد المسوب المسهمن الشافي وجيع اعداد الصف المعنون بلغطة انساب مركب من شائية ارقام اولهامن جهة المسار العدد الهياني والارقام السبعة الباقية هي الجزء الاعشاري من اللوغارية وجيع الأعداد البيائية السبعة الباقية هي الجزء الاعشاري من اللوغارية وجيع الأعداد البيائية السبعة الباقية هي الجزء الاعشاري من العلامة به الموضوعة فت انطلامة به الموضوعة فت انطلام الموضوعة فت العلامة به الموضوعة فت انطلام المنابق والمنابق المسالة من المنابق المسالة والمنابق المسالة من المنابق المسالة من المنابق المسالة من المنابق المسالة من المنابق المن

(۱۱٦) اذاكان المطأوب تصميل اللوندرية المنسوب لعدد معاوم ندر اولااذ اكت العدد المعوم صحيحا و صفر من ۱۰۰۹ رم ن بيعث عنه في الشف المعنون بلفظة اعداد ويؤخم العسدد المعددي، لذي يوجد على يساره من المصف المعنون بلفتنة انساب فيكون عجدا العدد هو آدرته رية

المناوب

مثال ذلك أن يلون العدد المفروض ٤٥١٧ ميجي عنسه ي الصفوف المعنونة بلفظة اعداد فيشباهدانه العددالشاني من أعداد القبيم الشامن من الصف التالث المعنون بلففلة اعدادمن (مصيفة ٢٩) وحينتذ يكون العدد ٤ - ١٥٤٥٥ رم الموضوع على بسار ١٥١٥ هو اللوغارية المطاوب الذي يوضع هكذا لوغا ١٥١٧ = ١٠٥١ م ٢٥٤٥ رس. فينتذ يكون لوغا . ۱ = ۰۰۰۰۰۰۰ وغاه ۱۳ = ۲،۱۹۸۳۱ ت ولوغاء ۱ = ۱۲۲۰۹۱۲ ولوغاء ۱ ۸۹۱۹۱۲ = ۱۲۱۳ - ۲٫۹۰۰ وثانيا اذا كأن العدد المعاوم صحيحا واكبرمن ١٠٠٨٠ لزم تحويد الحية عدد اعشاری محصورین ۱۰۰۰ و ۱۰۰۸۰ مثال دُلك ان يكون المطلوب تعيين لوغاريم العدد ١٨٩٣٦٧ فيقال حيثان ١٨٩٣٦٧ = ٢٧ ر١٨٩٣ × ١٠٠ يكون لوغاريم العدد ١٨٩٣٦٧ بمقتضى (بند١١٣)مساو يلوغاريتم العدد ٢٧ ر٣ ٩٨٩٠٠ مضافا اليه العدد ٢ وبناء على ذلك بكني لتعيين اللوغارية المطاوب ان يعيناوغارية العدد ٢٨٩٢٥٦٧ بهذه لمثابة وهي ان يضال ـ حيث أن العسدد ٢٧ ر١٨٩٣ محسورين ١٨٩٣ و ١٨٩٤ يكون أوفأر هم محصورا بن اللوغار يقن الجدولين ٥٠٦ (٣ ٢٧١٥٠ و٣ ٣٠٠٧٧٢٨٠٠ المنسويين للعددين ١٨٩٢ ، ١٨٩٤ تم انه بازم ايجاد الكمية سم التي يراد اضافتها الى اللوغادية ٢٠٧١ ٥٠٠ ر٣٠ المنسوب العدد ١٨٩٣ ليتكون من ذنك أوغاريتم العدد ١٨٩٣،٦٧ بأن يؤخذ الفرقد ٤ ٢ ٢ ٠٠٠ و. بن المرتفار يتن الجدولين المنسويين للعددين ١٨٩٣ ، ١٨٩٤ ويقال ان تسبة الفرق ١ بين العددين ١٨٩٢ ، ١٨٩٤ المتوالين الحاصرين بينهما العدد ١٨٩٣،٦٧ أنى أغرق ٦٧ ر. بين العدد المعلوم والعدد ٦٨٩٣ كتُسبة القرق ٢٩٤٤ ٠٠٠٠٠ بن الموغارة ن الجدول من المنسو بن للعدد ين

الحاصرين بينهسما العدد المعلوم الحائفرق مسه بين اصغر التوغار بتين
 الجدولين واللوغادية المطلوب اعنى

و النا اذا ارد تعیین لوغادیم کسراعتیادی لزم ان پطرح لوغادیم السط من لوغادیم الفام کا تقدم فی (شد ۱۰۸)

لكن اذا كان الكسراكبرمن الواحد اجويت علمة الملم كاذكر فلكون الساق اللوغاديم المالوب واذا كان الكسر دون الواحد زم ان بطرح . في المساق يعلامة ... في الساق يعلامة ... في النساق يعلامة ... في النساق يعلامة ... في النساق النساق علامة ... في النساق النساق علامة ... في النساق ون النساق إدغاد عا للكسر المقروض ...

تفسيه ه اذا كالمانطروح اكبرمن المطروح منه وجب ان يطرح الاصغر من الاكبرم يقرن الساقي بعلامة ـ فيناه على ذلت يكون لوغا جا ١٩٣٠ م ١٩٣٠ و وغا جا ١٩٣٠ م ١٩٣٠ و وغا جا ١٩٣٠ م ١٩٣٠ و وزاجا الماكن المطاوب تعيين لوغارية عند اعشارى بسال حيث نه العدد الاعشارى يكافى كسر اعتباد إبسعه عدد الحسير سادنسن تجريد العسدد المفروض من الشرطة ومقامه و حد متبوع . مدار عدر عا كعدد الارقام الاعشارية الموجودة على عين الشرطة في تصبى متقرر في تعيين الارقام الاعشارية الموجودة على عين الشرطة في تصبى متقرر في تعيين الوغارية كسر اعتبادى وارم تعدين وارم من العدد العجيم المادث من حدف شرطة من العدد العجيم المادث من حدف شرطة من العدد الموجودة في عدد الروش في رحمه العدد المعجم المادث من حدف شرطة من العدد الموجودة في عدد الموجودة في عدد الروش في دور وارم الواحد المتبوع بجملة العمارية الوجودة في عدد الروش في دور وارمة الواحد المتبوع بجملة العمارة وعدد الاصفار في وتراق (مده 1)

لكن اذا كان العدد الاعشارى المفروضُ اكْبرمن الواسدكان لوغاريته -موجبافاذا كان المطاوب متلانعين لوغارية العدد ١٨١٩٢٦٧ مدا لزم أن بعث عن اللوغارية ٢٤٠٣٠٠ وه المتسوب للعدد ١٨٩٣٦٧ ويطوح مندالةم ٤ فَيكون الَّباقي ٣٤٠٧٣٠٤ هواللوغادية المطاوب واداكان العدد الاعشاري المفروض اصغرمن الواحدكان لوغار تنهسالبا فاذا كان المطاؤب مثلاثمين أوغاريم العدد ١٨٩٣٦٧ ٠٠٠٠ إنم أن يصلع النظرى مبدأ الامرعن الشرطة ويصتعن لوغارية العده ١٨٩٣٦٧ خيكون ٢٧٧٣٠٤ ره وحيثان العدد المعاوم مركب من عمانية ارتفام اعتارية بازم لتعصيل لوغار بقدان يطرح من اللوغارية ٢٧٧٣٠٤٥ و٥ الرقم ٨ وينامعلى ذلك يكون المعدد ٢٠ ٢٧٧٣٠ ره ٨ هوا للوغارية المعلوب وبازم لا يجاد الساق المذكور أن بطرح ٢٤٧٣٠٤٣ ره من ٨ ويقرن الباق بعلامة ــ فيكون النبائج ــ ٢٥٢٢٦٩٥٧ هولوغاريتم العدد ١٨٩٣٦٧٠٠٠٠٠ وَبَكَنَ ابِضَا كَافَى (بند ١١٢) تَحْوِيلِ اللَّوْعَارِيمْ ـــ ٧°٢٦٦٩٧ر؟ الى لوغاريم عدد البياني سالب فقط علا سخلة ال لوغاً ٢٦٧ ٢٠٠٠ ٠٠ たっしん人として一二 いしん人として一二 いしん人ない デムナ والعلامة ـــ الموضوعة فوق العدد ٣ تدل على أنه سالب فقط

* (المسئلة الشانية العملية) *

(١١٧) اداعلم لوغاريتهوكان المطاوب تعيين العدد الذي خسب اليه يقال اولا ادًا كِأنَ اللَّوعَارِيمُ المعسلوم موجبًا تَكَانَ العدُّد المنسوب السه اكبر من الواحدوحينتذيكون العدد البياني بعد ان يضاف المسه واحد دالاكما ف (بند ١١٢) على عدد ارقام الجزء العصيم من العدد المنسوب الى اللوغارية الماوم

أذ تقروذك بضال اذاكان العسددالبيانى للوغارية معلوم قدره ٣ كان

العددالمنسوب البعط اللوعاريم عصودا بيد ١٠٠٠ و المعدد المنسوب البعدة بلغظة ولتصييل هذا العدد بيست عن اللوعاديم المعلوم في الصفوف المعنونة بلغظة النساب فان وجد اللوعاديم المذكور في الجدول كان العدد المنسوب المسه موضوعا على عينه في الصف المعنون بلفظة اعداد

وبناءعلىذلك بشباهدان اللوغاريتمات ٢٦٢٥٦٠٩٨٠ و ٢٦٢٧١٥٠٦ و ٢٣٧٣٨٠٠ و ١٨٩٢ و ١٨٩٢ و ١٨٩٤

واذا كان اللوغارية المعلوم الذي عدده البياف المسرم بين لوغارية المين متوالين جدولين منسوبين لعسدد من صحيحة متوالين في كون اصغره دين العدد بن هوا لجزء المصبح من العدد الاعشارى المنسوب البداللوغارية المعلوم

واما المزوالاعتسارى لمتسوب للعدد المعلوب فيتعين بهذه الكيفية وهي ان يقال تسببة القرق بين اللوغار بمين الجدوليين الحاصرين بينهما اللوغارية المعلوم الى القرق بين اللوغارية المعلوم واصغر اللوغار بمين الجدولين كنسبة واحد إلى المهزء الاعتبارى حمد المتسوب المه اللوغارية المعلوم

ومقدار سم المستفرج من هذه المتناسسة يكون فى العلاة مبيئا بثلاثة ارتام فاذا كان المعلوم النوغارية ٣٢٢٧٣٠٤٣ مثلا

~ *(1 g, 1)*

او ۱۰۰۰و- به ۱۰۳۷ به ۱۰۰۰و به او اسم او ۱۳۵۱ به او ۱۳۵۱ به ۱۳۹۱ به ۱۰۳۷ به ۱۰۳۵ به ۱۰۳۵ به ۱۰۳۵ به ۱

ومنهایحدث حم سے ۱۹۷۰،

وبنامع ذلك يكون العدد المطاوب هو ١٨٩٣٦ قادًا زاد العدد البيانى للموغارية المعلوم الموجب غيرا لموجود في الجدول اونقص عن العدد البيانى الفاقة السابقة وذلك بان تطرح من العدد البيانى اوتضاف البعة المدالى ان يصير مساويا للرقم م تم يجت عن العدد المنسوب الماوغارية المعدد المنازل بعدد الاتماد المضافة الى العدد البيانى او المطروحة منه قادًا او البسار منازل بعدد الاتماد المضافة الى العدد البيانى او المطروحة منه قادًا علم اللوغارية على ١٨٩٣٠٤٠ مثلال من مبدأ الامران يضاف الرقم على المعدد البيانى المعدد البيانى المعدد منازل بعدث عن العدد البيانى المعدد البيانى المعدد البيانى المجودة منازل المدد البيانى المنزلة منازل منازل منازل منازل منازل منازل منازل المنازلة منازلة المنازلة منازلة منازلة منازلة منازلة المنازلة منازلة منازلة منازلة منازلة منازلة منازلة المنازلة منازلة م

وانيادا كاناللوغاريم المعلوم كله سالبالزم ان تضاف احاد كافية بلعل الماتج موجبا عدده البياق ٣ اعنى ته يزم ان يضم اليسه ع آحاد فى انهاية خ بجعث عن تعدد لذى ينسب لى هده الموغاريم الجديد وتقدم الشرطة منازل جهة يساوهذ العدد بقد رالا تعاد التى اضيفت الى اللوغاريم المعلوم فاذا اريد المجاد العدد الذى ينسب الى اللوغاريم سرع ١٩٥٧ ٢٦٦ ٢٥٦ السالب مثلالم ان يضاف ٢٠٠٤ الى ستة آحاد الى سرح ٢٦٢٦ ٢٥٦ من فيكون الجورع ٢ سـ ٢٥٢٦ ٦٥٧ و ٢ كان الموغاريم عبر ٢٥٢٢ ٢٥٣ من العدد ٢٥٢٢ و ١٤ الى اللوغاريم عبر مشرطة جهة السارسة منازل (لانتااضفنا الرق ٢ الى اللوغاريم المعاوب نعوم) فيكون الناقع و ١١١٥ ١١٥٠ و ١٠٠١ موانعد د المطاوب

وقائد ما سيكان العدد البيان ساله من المتصاف اليه الماد كافية لجوله

موجبا ومساويا للرقم و شميست من العدد المنسوب الى هذا اللوغادية الجديد و تقدم الشرطة منازل جهة بسارهذا العلاد بقد والاساد التي اضيت المالعدد البياف فاذا اريدا يجاد العدد الذى لوغاريته ٢٠٢٧٣٠٩٣ مثلا

نَجْ عَالَقَدُم ان ٣٠ ٢٠٧٧٠٠٠ سن ٢٠ به ٢٠٢٧٠٠٠٠ وبنا على ذلك اذا اضفا الرقسم ٦ سلاعات المعاوم صارالساخ وبنا على ذلك اذا اضفا الرقسم ٦ سلاعات المعاوم صارالساخ ٣٠ ٢٠٧٧٠٠٠ سن بعدا ضافة لرقم ٦ اليه يصير ٢٠ ٢٧٧٣٠٠٠ ب ٦ بعدا ضافة لرقم الدى يسب اليه هذا النائج فيشاهدانه ٢٠ ر٩٨٠٠ شرتقدم الشرطة سنة منازل جهة اليساد (لاننا اضفنا الرقم ٦ الى اللوغاريم المفروض) فيكون النائج ١٨٩٣٦٧٠ و هوالعدد المعوب

(۱۱۸) هذا ما يتعلق بالجز الاول وهو المشقل على لوغار بات الاحداد اسن و الى ۱۸۰، واما الجزآن الا تنوان فلم تتصد لد كرهـما هما لتوقفهما على امور خاصة بعمل حساب المثلثات عن اراد الوقوف على حقيقتهما فلاسم بالاطلاع على العلم لمذكور

ر(السابانظامس)،

في سبائل بعلها بقواعدهدا المختصروة لمبيقها عليه تتمين التلامذة وتقوى ملكتهم في هذا العلم وهي من سنة بعسب ترتيب قواعده

* (مُسائل عُض الدرجة الاولى) * * (المسئلة الاولى) *

كومتان من القلل محتورتان على ٢٤٤ قله تزيد احدا هـ ماعن الاخرى عقدار ٢٤ قله تعايكون عدد القلل الموجودة في كاتبها م قلم المعنون عدد القلل الموجودة في كاتبها م قالمون من عدد القلل الموجودة في صغرى الكومتين فيكون سم هد ٢٤ عدد القلل الموجودة في الكومة المستسكيرى فيناه على ما تقدم يقصل

15 TEE == 78 + ~ + ~

٣ مم + ٦٤ = ٣٤٤ ومنهايستمرح

مد = ۱٤٠٠ قاة وهوالعدد الاصفره وحبث كان العدد الاكبر مسلوباً لكمية سم 4 ، 3 يكون مساوباً للكمية سم 4 ، 3 يكون مساوباً للكمية ، 1 ، 4 ، 1 ، 3 بعنى الدبوجد في الحدى الكومتين ، 1 ، قالة وفي الاخرى ، 2 ، 7 وتحقيق ذلك ان مجوعهما يسادى ، 2 ، 8 وقاضلهما يسادى ، 2 ، 8

* (المسئلة الشائية)

ثلاث قلل عبارالاولى ١٢ بوصه والثانية ١٠ بوصات والثالثة ٨ وزنة الجميع ١٤٣ كياوبرامالكي الاولى تزيد عن الثانية بمقدار ٢٠ كياوبراما والنانية عن الثالثة بمقدار ٢٠ كياؤبراما تما تكون زنة كل قلة من القلل انثلاث

فأبلواب عن ذلك أن يقال أذا رمزنا بأطرف سد (نة القله التي عيارها ١٠ هم بومسات يستستكون حمد بهر ٢٩ زنة القسلة التي عيارها ١٠ بومسات و حمد بهر ٢٩ + ٢٥ زنة بومسات و حمد بهر ٢٩ + ٢٥ زنة

القلة التي عيارها ١٢ يومية وحيث كانت نقد الشيلات ظل سلغ ١٤٣ كياو براما يحدث

ممہ بہ یمد ب ۲۹ ب مد ب ۱۵ = ۱۹۳ او ۲ مہ ب ۸۰ ب ۱۹۳ ومتهایستفرج میں م

جعنی ان زنه النقاد التی عبارها ۸ بوسات یکون ۲۱ کیاو بر اما فتکون حینشد زنه الفاد التی عبارها ۱۰ بوسات ۲۱ به ۲۹ ای ۰۰ خستکیاو بر اما وزنه الفاد الثالثة التی عبارها ۱۱ بوصه ۰۰ به ۲۳ ای ۲۲ کیساو بر اما و فتحقیق ذلک ان زنه السلات قلل تساوی ۱۹۲ کیاو بر اما

*(السئلة الشالثة)

اذا كان المفاوب قسمسة ٢١٣٧٥ خرطوشًا على ثلاث فرق من العساكر تخواها مناسب قلاعداد ٣ و ٥ و ١١ اى ان قوة الاولى على كي قوة الثانية وعلى كم من قوة الثالثة

قالجواب عن ذلك ان يقرض ان جمر عدد الفراطيش اللازمة لفرقة الاولى و همر عسد خواطيش الشائية و ١١ اسم عسد خواطيش الفرقة النتالثة (واعداف تراهده الفروض لمفرق الثلاثة لوجهين الاول ان ٣ مر عبارة عن العدد و مد وعن الدراف العدد و شاف الناسب هذه الفروض مع الاعداد ٣ و و ١١) فيت كن بجوع هذه الابوزا الثلاثة بعادل ٢١٣٧٥ عدت

وحينشَدْيَ ﷺ و مايعص شرتَهُ ه لِلْهُ ١١٢٥ × ١١٢٥ هـ ٢٣٧٥ خرطوشاوماً يخص شائلة الله ١١٢٥ ومايعص الناشة

۱۱ × ۱۱۲۰ ای ۱۲۳۷۰ وقطقیق ذلک آن الجموع بسیاوی ۲۱۳۷۰ وهالمنظریقة الزی المهلهی

ان رمن بالحرف سد لعدد خراطيش القرقة الاولى فيكون شهد عدد خراطيش الفرقة الشالئة ومن عدد خراطيش الفرقة الشالئة ومن ذلك تعدث هذه المعادلة سد به شهد به المهد عدد المعادلة واستغراج مقدار سد منها بوجد سمد ٥٣٧٥ خوطوشاد هذه المعادلة واستغراج مقدار سد منها بوجد سمد ٥٣٧٥ خوطوشاد فينشذ بكون عدد خراطيش الفرقة الشائية ٥٦٢٥ وعدد خراطيش الفرقة الشائية ٥٦٢٥ وعدد خراطيش الفرقة الشائية ٥٦٢٥ وعدد خراطيش الفرقة الشائية م٥٢٥٠ وعدد خراطيش

* (المستلة الرابعة) *

ادًا ك**ان المطاوب معرف الخطات التي يتلاق فيم**اعقربا الساعات والدقائق لساعة تما

عَاجِهِ اب عن دُلِكَ ان يِصَالَ من الْوَاسَعِ ان تَلَاقَ الْعَقَرِ بِينَ قَدْ يَقِعُ وَقَتَ الغروب فينت ذلاحاجة لنـــايــ والغرض التمــاهـ والْجَرَّ عن التلاقيات الاخر المتتابعة الواقعه بعد التلاق المذكورة نتول

رمزيا لحرف ه المحيط بقامه ويالحرف سم المسافة التي قطعها عقرب المساعات من وقت الفروب الموقت التلاق الاول فيكون ١٢ مم هي المسافة التي قطعها عقرب الدقائل في الوقت الذكر وهذه المسافة عبارة عن المحيط زائد اللسافة سمم اعني ان ١٢ سمم عد م مو ويستنتج من همذه المسافة سمم عد جم وحيث ان عقرب الساعات يقطع المسافة هي في المسافة علم المحيط المسافة هي في المسافة المحيط المسافة هي في المسافة المحيط المسافة المحيد ا

الساعة اى فى الله و و و الله و المتابعة المتابعة الماعة الماعة المتابعة الماعة الماعة

وهالاً بعض مسائل بسبيطة لقرين المبتدى اقتصرنا على بينان تناع سلها لتعقيق ما يجدد الطالب

*(المسئلة الاولى) *

رجل عردة بانية امثال عرواده وجموع عمريهما ٣٦ سسنة نسابكون عمر كلمتهما

> فالجواب اندعر الولد ؛ سنوات وعروالده ٣٢ سنه * (المسئلة الثانية) •

تليد أن دُهب الى المكتب اخذ يجازانه م أ وان لم يذهب دفع عقابا له . من فبعد مشى ثلاثين يوما وجسد معه ، ح أ أ ما يعسكون قدرايام الشغل البطالة وقدرايام الشغل

فالجواب ان قدرا يام الشفل ١٥ يوما كقدر أيام البعدلة

(الستية الثالث)

قلتان زنة احديهما ٣٦ رطلًا وزنة الاخرى ٢٦ رطلا وجموع تطريهما ٥١٥ ميليميترا وفاضلهما ٢٦ سيلايترا شامننداركل سيسرين قالجواب انقطرالاولى ٦٦٨ ميليمترا رتسلرا لاخوى ١٤٧ ،

و(المسئلة الرابعة).

تاجراشسترى مقدار من الحطب وباعدفا كتسب مبلغاقدود ٢٠٠٠ معسبر الدرج فى كل ما يذ ١٠٠٠ سرا المبلغ المبسع بند كون قدر و سرم الم أنت الشرى بدا لحطب المذكور

فالمواب الدرأس المال ١٨٠٠٠٠

*(السناة الخامسة)

عفاوط قدرہ ۱۷ رطالامرکب من ۱۰ رطالاس سے اسارندہ ۲۰ میں الکبریت فلسائندہ تنی برام طراح میں الکبریت فلسائندہ تنی برام طراحت کی در میں موجود ا فی کل ۱۷ رطالا من ہے کی مرام میں الکبریت فلط

قالجواب عن ذلك أنه يازم اضافة ١٥ رطلامن ملح البارود ولنذكرمسائل مطبقة على حل معادلتين قاكتر بجبهولين فإكتر و (المسئلة الاولى) •

بطنان من الدانات احداهما مركبة من ١٤ دانة عباركل منها ٨ ومن ٨١ دانة عباركل منها ٨ ومن ٨١ دانة عباركل منها ٨ ومن و ١٩ دانة عباركل منها ٨ ومن و ١٩ عباركل منها ٨ ومن و ١٩ عباركل منها ٨ ومن و ١٩ عباركل منها ٣ وزية الجموع ٢٠٠٣ كيلوبو الما يتمانكون زنة كل دانة منها فالمواب عن ذلك ان يرمن والمحرف سمد لزنة الدانة التي عبارها ٨ وعدت ها تان المعادلة التي عبارها ٣ قصدت ها تان المعادلة ان

21 m + 11 m = 078,853 c

ولاستغراج مد من هائين المعادلتين تعذف ممد منهما يأن يسستغرج من الاولى * مد = <u>١٩٢٥ و ١٩٢٩ - ١١ م</u>

ومن الشانية مد = ١٠٦٠٢٠٢- ٢٠٠٠

وبتسوية هذين المقدارين يعضهما تحدث هذه المعادلة

ای الماریدات براد ۱۰۱ - ۱۰۱ - ۱۰۱ - ۱۰۱ ا

۱۸۰ م ۱۸۰ م ۱۸۰ سم = ۱۰۹۲۰۷۲۵ م ۱۰۹۲۰ م ۱۸۰ م ومنها یستفوج مد = المکارلات = ۲۸۷۵ م ۲ کیاوبواما فاذاوضعنا بدل الحرف مد مقداره المستفرج فی المعادلة الاولی ذار الجمهولین پیمدت

* (المثلة الناية) *

مدفع عباره ۱۹ مرکب س نحاس وقصد بر زشته ۱۹۰ و ۲۰۱ کیلوجراما او ۱۹۶۰ دسمیترا مکعبا

بغرش ان زنهٔ الدیسی میترالکتب من المصامن پساوی ۲۵۰ به براما وزنهٔ الدیسیترالکعب من القصد پریساوی ۲۳۴۰ بیراما نماتکون زنهٔ کلمن المتماس والقصد پر

فالحواب عن ذلك ان يرمن بالحرف سد لعدد الديسية رات المكعبة من القصدير فيعدت بالنظر وبالحرف صد العدد الديسية رات المكعبة من القصدير فيعدت بالنظر الديسية رات المكعبة هذه المعادلة سر ب صد = ٢٢٣ ويعدت بالنظر الزنة ٢٠١٠ مر ب ٢٣٢٠ صد = ٢٠١٠ ومن النائية ميستفرج من المعادلة الأولى سد = ٢٢٣ سـ معد ومن النائية مد المعادلة الأولى سد = ٢٢٣ سـ معد ومن النائية مد = ٢٢٣ سـ معد أو

مر = ١٩١٠ = ٢٧

ی فعلی دُلگ یوجد فی المدفع المذکور ۲۷ دیسیمترا مکعبا می القصد دیر و ۲۲۳ سـ ۲۷ ای ۱۹۹ دیسیمترلمکعبامن انتخاس

قادًا ضرب ۲۰۰۰ براما فی ۱۹ وجدان زنهٔ خساس ۲۰۰۰ براما فی ۲۷ وجد ان زنهٔ القصدیر بوام وازا ضرب ۲۳۰۰ براما فی ۲۷ وجد ان زنهٔ القصدیر ۱۹۷۹ براما و تعقیق دَلگ ان زنهٔ الجوع ۲۰۳۰ ۲۰۰۰ برام ۱ (المسئلة الشائه) *

مانداقة من بارود المدافع مكونة من مد اسارود و كبرت و حديثه م ثلاثة امشال زنة على السارود تعادل التنافسة المثال زنة الكبريت و ان حسة المثال زنة أبير تعادل زنة كموت ٢٧ مرة مطروسا منها سعة المثال زنة الحداد أكرن الكل من أو مد نثلاث مطروسا منها من دنال تارمن بالخرف عمد من أن الكرن في شوط وبالحرف عمد من أن الكرن في شوط وبالحرف عمد الناف أن الكرن في الكرن الموط وبالحرف عمد الناف الكريت كذن وبالحرف على النافسة فيها من أولا

ومن الشرط الأول ٢٠ سم = ٥ سم + ١١٥ ومن الشرط الثاني أن سم = ٢٧ صم - ٢٤ ع

وياستخراج حد من الاولى والثانية والثالثة يجدث

سه = ۱۰۰ - صور - ع و رمه = عصوب المالع مه = ۲۷ مر - ۲۷ مرد - ۲۷ مرد . . .

وعذف المقامات يحدث على التوالى

ه سم ۱۳۰۹ ع = ۳۰۰ سم سم سم ع و و ۳۰۰ سم سم ۲۷ ع = ۳۰۰ سم سم ۲۷ ع = ۳۰۰ سم الى طرف واحد بعدت و بتعو بل المعدود المشقلة على الجديول صم الى طرف واحد بعدت

 $\begin{cases} & \text{out} = -7.7 - 719 \\ & \text{out} = -7.7 \\ & \text{out} = -7.7 \\ & \text{out} = \frac{-7.7 - 719}{2} \\ &$

ويتسوية مقدارى صد يبعضهما تحدث معادلة تحتوى على المجهول ع-فقط بستنتج منها ع = ٢٠٠٠ = ١٦ وهو مقدار المجهول المذكور وبوضع أما إربدل الجهول ع في اول مقدار للجبهول صد يحدث

معہ = <u>۱۲ ہے ہ</u> ۱۲ مد = معہ و بومتع ہے ۱۲ میں و بومتع ہے ۱۲ بدل کل من الجہولین صد و ع ف اول مقدارللیمهول سہ چدت

*سے === ۲۰ سے ۲۰۰ === س۲

فهلى هذا تكون المسائة اقه سن بارود المدافع متركبة من به ٧ اقه من ملح البسارودومن بلام من الكبريت و بلاء ٤ من الفيم وبنا معلى ذلك فلح البسارود المداخل فى تركيب بارود المدافع يكون في المفاوط واماكل من الكبريت والقسم فيكون لم المفاوط

وهأك مسائل منهذا القبيل رادحاهامن الطلبة

• (المسئلة الاولى) •

فاَلِمُوابِ انْهُ يَلزَمُ عَسَلَ ٣٣ قَطَعَةً قَيْمَةً كُلُّمَنُهَا ۞ فَرَنْكَاتُو ٧ عُ قَطَعَةً قَيْمَةً كُلِّمَتُهَا ٢ فَرَنْكَانَ

مر (المسئلة الثانية)،

هربه فيها من قلة عياريعضها ١٢ اصبعاوعيا بهالبعض الا تشر ١٠ اصابع وزيّة كل قلة من العيار الاول ٧٢ كياوجرا ماورية كل قلة من العيار شأى من كياوجرا ما وزيّة تبنوع القبل ٢٦٩ كياوجرا ما في يكون عدد القلل الموجود في كل من الموعين

خابنواب عن ذلك ان عندقلل العسيارالاول به قلات وعندقنل!نعيسار الثاني ٤١ قلة

ن ، به تلید یشغلون ربعهٔ ادوارس مدرسهٔ بشرط به تعسکون عدر تلامید الدورالاول ضعف عدم تلامید ناور را بست و به جوئ دمیداند در الشانی والثالث بعادل جموع تلامید الدورال ول والرابع و ماعدد تلامید الدورالثالث به تلامید الدورالثالی الدورالثالی الدورالثالث که تلامید الدورالثالی الدورالثالی الدورالثالد به میدن کر دیمی الادرالثالد به المشکورة

قالجواب،عن ذُنْتُ الله يوجِد ٢٠٠ تُلَيِّدُ فَا الدُورَامِ وَلَّهُ وَ ١٧٠ فَى اسور النَّمَانَى و ١٢٥ فَى مَثَالَثُورَ ١٠٠ فِي الرَّاسِعِ

• (المستلة الرابعة) •

ثلاث صبر من خليط الفسلال في شونة واحدة كل ما أنة اوقه من الصبرة الأولى في موري من المنابع من الذرة و بهر العات من النجر وكل ما ثة اقسة من الصبرة النبائية تعتبوى على ١٥٠ اقة من القمع و ١٠ اقة من المنجر وكل ما ثة اقسة من السبرة النبائية تعتبو و ١٠ اقتة من السبرة النبائية تعسبو و ٢٠ اقسة من المنجر و ٢٠ اقسة من المنجر في ١٠٠ اقسة من المنجر و ٢٠ اقسة من المنجر في المنابعة المنابعة المنابعة المنابعة من المنجر في ١٥ المنابعة من المنجر و ١٠ من المنابعة من الشبرة من المنجر و ١٠ من المنابعة من الشبير و ١٠ من المنجر و ١٠ من المنابعة من الشبير و ١٠ من المنابعة و ١٠ من الم

غالجواب عن ذلك ان ما يلزم اخده من الصبرة الاولى ٥٠ اقة ومن الشائية ٢٠ اقة ومن الثالثة ٣٠ اقة

* (منا لل تعل بواسطة القواعد المقربة في الدر جة الثانية) * (المسئلة الاولى) *

من المقرر في علم الطبيعة ان الاجسام الساقطة تقطع مسافات مناسبة لمربعات الازمنة الساقطة فيها فاذا قطع جسم ١٠٠٥ و امتار في مستوطه في اول ثانية فا يكون مقدا والتوانى اللازمة لسقوط الجسم المذكود من ارتفاع قدره ١٣٢٥ و ١٣٢٠ ميترا

عَالِمُوابِ عَنْ ذَلِكُ انْ يُرْمَنَ بِالْحَرِفُ مِنْ لَعَدُدَالِنُوانَى الْلَازِمَةُ لَسَقُوطُ إِلِجُسَمُ مَنَ الاَرْتَفَاعُ لِمُعِنْ فَصَدَّتُ هَذِهُ السَّنَاسِةِ

 $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1$

ومقدارا مم معا يعنقان المعادلة مر على المناولة واما المقدار الموجب المبهول مم وهو ٢ ره توان فهو حل المسئلة

* (المسئلة الثانية) *

يمكن اعتبار الحزم اللازمة لقاسك طابية كاسطوانات قائمة فاذاكن مقدار من الموادكاف لعسماعة ٢٥ حزمة قطرقاعدة كل منها ٣٢٥ سألينر واريد على المقدار المذكور ٣٦ حزمه طولها كطول حزم النوع الاول فايكون قطركل حزمة من هذا النوع الاخير

قالجواب عن ذلك ان يرمن بالحرف سم لقطوس و النافي و المافي و المرف المرف المعلم المقدار المذكور فيكون كي هوجم اسطوالة النوع الاول و كيم جم اسطوالة النوع الاول و كيم جم اسطوالة النوع الشافي و من حبث ان نسبة جوم الاسطوالة النوع الشافي و من حبث ان نسبة جوم الارتفاع الى بعضها كنسبة مربعات المطارقوا عدها كاهوم قررف الهندسة مدت هذه المتناسية

یم : چم :: (۲۰۰) : ستم ای ۲۰ : ۲۰ :: ۲۰ :: ۱۰۰۲۰ : ستم

غيننذ

وحيثنذيكون القطر المطاوب ٢٧٦ مبلوترا تقريبا و ١٠٠ صبع

من المجاوم ان خزنة نهون سطوانة لائة أو رسعة حرثة ببوث المت غيدره ١٢ اصلبها ٣٢٥ ميليترا مصطنته والمؤسعة حرثة الهوث وي م فالجواب عن ذلا ان يرمزيا لمرف سد للقطرالمطاقب و يلاحظ ان نسسبة حوم الاسطوا بات المتصدة الارتضاع الى بعضها كنسسبة مربعات اقطاد و قواعدها دان نسسبة يجوم عمل الاهوان الى بعضها كنسسبة ذيات البسارود المتوية عليه هذه الغزن الى بعضها فتصدت هذه المتناسسية

۱۹۹۳ : (۱۲۹) : عد ای ۱۳۹۳ : ۲۲۰ : ۱۲۹ : سه وسنایستفری

۲۶۱ × ۲۰۱۲ × ۲۰۱۲ = ۲۶۱ × ۱۲۶ = ۲۷۱ مطیم

لهينتذ يكون القطر المعلوب ٧٧ ميليترااى على معمد تقريبا

• (المسئلة الرابعة) •

اذا كان ارتفاع المرائد اخلى لمناية استحكامات يعادل ٢٧٤ و؟ اى اقدام اقدام بروماعد ته تعادل ١٥٥ و. اى ١٢ اى ثلث الارتفاع ها يكون طول هذا الميل

عجواب عن ذلك أن يرمن بالمرق مد الملول هذا الميل وبالاحطال

مربع طول المبل المذكور يعادل بحرع مربعي ارتفاعه وقاعدته كاهو مرد في الهندسة فيعدث

مَ = ٠٤٠٥٦٤٠ ومنهايستغرج. م = ± (١٤٠٥٦٤٠٠ = ± ٢٠٩٧،

> غينتذيكون طول الميل المفكور ٢٥٣٩٧ • (المسئلة الملامسة) •

جاالعددالذى اذا اصبيف الى مربعه ١٣٢ يكون النبائج مساويا مقدار - تعذا العدد ٢٣ مرة

فالجواب عن ذلك الدير مربالحرف حمد لهذا العدد فتعدث وذه المعادة

ر ب ۱۳۲ = ۲۳ مر دمنها بستفرج

,或其可入土字三、下下一型)土华二二

1 to = 1 to = >

واذا رمن لقداری مد بالموفین مد و مد یکون

, ir = iter = 5

غَينتَدَكُلُمن العددين ١٢ م ١١ يُعتق منطوق المسئلة . و المسئلة السادسة } و

الای اشتری مقدارامن الخیل عبلغ مصوری عضرش و المواشتری مقدارا من الخیمل برنید عسدده عن عسدد خیسل کالای الاول ۱۰ حسسانا عبلغ قدره ۱۱۰۰۰ غرش بقرض آن نمن الحصیان کوا حسدس شیل الالاى النباني شقص عن عن ألم ان الوّأ حسد من خيل الالاى الاول بمبلغ ورد . . ، ، خرش فكم يكون عدد خيول كل الاي وكم يكون عن كل حصان منها

فالجواب عن ذلك ان يرمن بالحرف مم المدد خيل الالاى الاول فيكون مر المدد خيل الالاى النافيد خير الالاى النافيد خير الالاى النافيد خير الالاى النافيد خيل الالاى النافي خيل الالاى النافي فتعدث هذه المعادلة

··· + -----

فاذا حذات المفامات م خُ صَرَّت المعادلة وقسمت على مصطحروا المجهولية. ذى الدرجة الشائية حدث

• (المستلمة السابعتي) •

ثلاث فرق من أنفه مدال السُنغلت معمان شغلة معمدة الفتها في ظرف الما ما ما الما الدالله المستغلت المستكل واحدة منها على حدثها قان الاولى تستخرق ارده أاخاس الزمن افذى تستخرقه الفرقة الثانية في الما تما المشغلة المنسكررة وان النهائية تستغرق قدرما تستغرقه الفرقة الثالث من

ُ الزمن ناقصا ه ؛ ساهة فكم يكون مقدا والزمن الذي تسستغرقه كل مردة من هذه القرق الثلاثة

فاجلواب عن ذلك ان يرمز بالحرف مد الزمن الذي تستفرقه الفرقة الثانية في الهام الشغالة المذكورة في أخرية هو الزمن الذي تستغرقه الفرقة الاولى ويكون حمد به ١٥ هو نزمن الذي تستغرقه المفرقة الدائة واذاقد رنا بضامة قدارا الشغلو بالعدد اليكون بيلي هو مقد رشال المرقة الاولى في ساعة واحدة و بيلي مقد ارشغل الفرقة النائية في ساعة واحدة و المدن هدن المعادلة

٠٠ ١= ١= ١٠٠٠ اى

> > 11 t-= " , " = - ~

والمأمقداد مد عنه سدمالي ١١ فغيرموا فقلنطوق المستلة فلا يكون سلالها واغا هو محقق للمعادلة فقط

به (مسالتان يعلان بواسطة التناسي العددى) .

(المستله الاولى) .

فيكون مقد " سيد على دلك هوالمسافة المطلوبة وبناء على ذلك تكون القالة قد قطعت ٧٤٠٨٠ في مدة الاربع قواني هوالمسئلة الثانية) *

قشرقسلة عيارها ٢٤ "رطلاه محصور بين ١٤٩ ر٢٤ ميليسترا و ٢٤٧١٤٧ " مسلمير شايكون القطرالمة وسط لهذه القلة مبذراب عن ذات الدرمن بالحرف حمد القطر المطلوب فتعد ت هده

> رووز مستوسر باردود وبها مستوسدت د مستوردود مرسوس در رو میلیترا

وهومقدا والقطرالمتوسط المطلوب

• (مسائل تعلى واسطة التناسب الهندسي) • • (المسئلة الاولى) • .

ماهیسة جیش محتوعلی ۱۳۵۰۰ عسکری بلغث ۲۵۰۲۵۰ عثرتما فعامقدار ماهیة جیش محتوی علی ۱۸۷۵۰ عسکر با بفرض ان ماهیة کل نفرمن انفار الجیشین واتحد:

فالجواب عن ذلك ان يرمز بالحرف مد لماهيسة الجيش الشافي فذكون ما مناهية البغيش الشافي فذكون ما مناهية النفر الوابعد من مناهية النفر الوابعد من الجيش الاول مدينة بالكسر بنوارات حدثت هذه المتساوية

مر المرابع المرابع ومن دلات مدن هذه المتناسبة مر المربع المربع المربع المربع المربع المربع المربع المربع مر المربع المربع المربع مر المربع ال

مراه می به می به می به می است. میر نست به سیم از د

من المؤدة في المدة اداوى وينامعي به المستخون الدراوة المرادة والمداوع المرادة المرادة

و ٢٠٠٥ من المؤتة في المدة الثانية ويكون بناء على ذلك هسم ١٦٥ مقد المالمؤتة من المؤتة في المدة الثانية ويكون بناء على ذلك هسم ١٦٥٠ مقد المالمؤتة جيعها وحين تذبيح دث هذه المتساوية

SYTX CX -T = CX -X FT 12

77 × ~ = 7 · × 770

ومنها تذتيم هذه المتناسبة

٣٦ : ٣٠ :: ٣٧٥ : سمة ومنها يستفرج

سر سے تعبیر میں میں ہوتا ہے ہوتا ہو درهماوهومایازم اعطاء مللنفر الواحد من المؤلدة الشائية

وكان يمكن استخراج مقدار المجهول سد من اول الامر من المعادلة ٢٦ مر = ٣٠ × ٣٠ بدون مدخلية للتناسب في ذلك

(السئلة الثالثة)

اذاكان المعاقب قسمة عدد الى ثلاثة اجزاء مناسبة لتلاثة المعاقبة بقاله اذار من الحروف سه و عمة و علاجزاء الثلاثة المعاقبة وبالحروف م و ه و للاعداد الثلاثة المعاقبة وبالحرف و للعدد المعاقب الذي الرائة المعاقبة وبالحرف و للعدد المعاقب الذي يراد تقسيمه يعدث بين مه و عهد هذا الارتباط يسم م هذا الارتباط الناني يستفرج ع مدان وحسنان مسه م م م م م ي كون

ع = حزر وهي مقادير الاجزاء المانوية

وقد يودت من هذ ، ألمداد لات "للاث متناسبات مي

فيشاهدمنها أن نسسبة مجموع الشهلانة اعداد المتناسسية المعلومة الى العسدد الذى يراد تقسيمه كنسبة احد الاعداد المعلومة إلى الجزء المطابق له الذى يراد استفراجه

ويشاهد من ذلك بجيعه اله يمان كثير من المتناسبات وبناء عليه كثير من الضرب والقسمة بقدر مأيوجد من الاجزاء المتناسبة التي يراداست فراجها لكن ذا مؤرض ان ما المشالة المذكورة لائة والفرض الذكورة لائة بالفرض المذكور يكون

*(المثال الاول)

المطاوب قسمة مبلغ ٥٠٠ و ٢٣٧ من الغروش على عشرة باوكت بعيث تكون اجزاء التسمة مناسبة لمتادب ننار الملوسكات برص الاعدد مد الملك الاول ١٠٠ والشنى ٩٦ وشائد ١٠٠ وبرح ١٠٠ والمامس ٩٥ والسادس ٩٦ وشار ١٩ وشار ١٩ والمناسع ١٨ والمناشر ٩٨ فلمل ذنا يسابع ٩٠ وشار ١٩ والمناشع ١٨ والمناشر ٩٨ فلمل ذنا يسابع ١٠٠ والمناشر ٩٨ فلمل ذنا يسابع من والمناشر ٩٨ فلمل ذنا يسابع من حيث المنافرة على المنافرة على المنافرة على المنافرة المنافرة

•(1AY)•

١١٤٦ والشالث ٢٥٦٦ والرابع ٢٠٠١ والخامس ١٩٢٠،٥٠ والسادس ٢٣٤٦ والسابع ٢٢٩٥٠ والثامن ٢٢٤٤ والتاسع ٣١٤٢ والعاشر ٢٠٤٠ غرشا

ويكن اجتناب كارة الضرب واختصارا المسايات بكيفية ان بقال من حيت ان ارج قسمة ٥٠٠٤ غرشاعلى العدد ٣٩١ الذي هو بحوع عدد انفار الساوكات يعسن ماعض النفر الواحد يكون بنياء على ذلك جدول هكذا

عوثم	فر
60,00	•
01,	*
43,04	k3
A * 5 + 41	٤
*344,00°	• *
404, - 4	*
۰ ٥ ر۱۷۸	• Y
5.50.00	A
554,00	- 1

ريق شي غيرابرا وعلية الجع تشط هكذا

الداولة الشاني

لياوك لاول

عددالانفار عايخص الباول "عددالانغار ما يخس الانفارال أترره من لغروش

نن مغروش

£740 4.

وبان ذلك ان يقال حيث ان عدد انفار الباولة الاولى يلغ ١٠٠ فر فلحصل ما يحضب من الغروش يؤخذ ما يقابل العدد ١ من الجدول وتقدم الشرطة جهة المين ما تين فيضعب لما يحضه وهو ٢٥٥٠ غرشا وكذلك لتعسب للما يحض الباول الشاني يحلل العدد ٢٥ الذي هوعدد انفاره الى ٩٠ به ٢ فاما لتحصيل ما يحضي ٩٠ اى ٩ عشرات فيوخذ من الجدول ما يقابل العدد ٩ ونقدم الشرطة فيه جهة المين خاذ واحدة فيكون ما يحض العدد ٩ نفراهو ١٥٢٥ واما تحصيل ما يحض العدد ٢ فيوخذ من الجدول المبلغ ١٥٢ غرشا المقابل لعدد وعلى مثل ذلك يكون العمل في التمانية بلوكات الاخر

(الشالالثاني)

الطاوب تقسيم عنده ٢٠٠٤ مترامكعبار الدخيرها لعمل خندق على ه الایات بحست تكون ایزاء القسمة مناسبة لمقادر انفاد الالایات یفرض آنه و بدق الالای الاول ۱۸۰۰ نفراو فی الثانی ۲۰۰۳ ویی لئالت به ۱۷۱۰ وی النالت ۱۷۱۰ وی النالت ۱۷۱۰ وی النالت ۱۷۱۰ وی النالت ما ۱۷۱۰ وی النالت ما ۱۷۱۰ وی النالت منالت ما ۱۷۱۰ مترا که المالت تفرایست ان مجموع انفاد الالایات جمعها بعادل ۱۷۰۳ تفرایست و مناه علی دلای کسی هندا خدود او هو ما محدد و بناه علی دلای کسی هندا خدود ا

· ('V')	•	
مغرامكعبا	يخصه ٠	تقو
£.6.	*	1
37,		2
44		۳
AF E		*
17.		•
781		. 3
\$77		¥
7 a 7		A
4.4.7		•

ومنه بسستنج کانی المثال المتقدم مایعض کل الای وهال المدول الذی یعین به مایعض کل الای

مايخص كل الاىمن الامتارالكعبة	عددالانتار	غرةالالأي
597	140.	i
72 - 47	F T	* 7
3 F A 7 7	1 - 54	۳
1. A		* £
PEREA	1111	•
*1**.	. 4 A *	3
313	1950	*
V. 641	A (3 7	

وعنل ذلك بكون العمل فيه اذ، زيد توزيع مبلغ من الغروش على عدة قرئ معومة بحيث تكون اجواء التوزيع مناسبة لمقادير اطبان هـ بذه الغرث للم كورة اوتقسيم مقداد من الكبعبات برادردمها الاستره، لانشاء جسر درعة على عدة قرى بعبث ذكو : اجزاء التقسيم الماصبة لمشاديراندارهذا

*(1 ¥ 1)4

القرى وقس على ذلك بعيم الاشفاد التي تكون من هذا المتبيل و المستله الرابعة) ق

المطاوب تقسيم المعام قدره ٥٩ ره ٩٥ و ٩٥ عرشا على خادمين بعيث يكون يعز آ القسمة مناسبين لما عيم ميا ولدة سكم سما فى الخدمة بقرض أن ما هية الاول فى السنة ٢٠٠٠ غرش ومدة سكنه فى الخدمة ١٥ سنة وأن الماهية الناني في السنة ٢٠٠٠ غرش ومدة سكنه فى الخدمة ٢٠

وطلق نشال حيث ان بوق القسمة مناسبان لحاصل ضرب الماهينين فى المدتين اعنى مناسبين ١٥×٦٠٠ أى ٩٠٠٠٠ و الماهينين فى المدتين اعنى مناسبين ١٥٠٠٠ الله و ٢٠٠٥ الى ١٠٠٠٠ فيكون مأيينس المادم الاقل عقت عنى ماتقدم ١٥٤٥٥٥ غرشا ومأيينس النافى ٥٠٥٠٥٠٠ غرشا

" ('لمستلة الخامية) "

ا ۱۰۰ عامل مصحفوا ۱۰۰ يوما في علقطعة استمكامات طولها ٢٠٠ متر وعرضها ٦ استار وعقها متران ولم يحسكن شغلهم في البوم الواحد الا ٨ ساعات نما يكون مقدار العسملة الملازمة لمعسمل قطعة استمكامات اخرى طولها ١٨٠ ميترا وعرضها ٨ امتار وعقها ٥٠٠ ميترين في ظرف ١٤٠ يوما بشرط ان المستعوا في البوم الواحد الا ١٠٠ ساعات

فالجوأب عن ذلك ان يقال حيث ان هذه المسئلة مركب فيجب سلها ونظمها في سال الناعة الله المسئلة بهو يل الائت عشر عدد المحتوى عليها منهلوق المسئلة الى اربعة اعداد فقط وذلك الرمز بالحرف مسالا عليها منهلوق المسئلة الى اربعة اعداد فقط وذلك الرمز بالحرف مسالا علمة ثم يقال حيث أن مسلم عامل شنغلت ٥٠ يوما في كل يوم م ساعات يكون ٣٠٠ × ٢٠ أى ١٢٠٠٠٠ إوما في كل يوم م ساعات يكون ٣٠٠ × ٢٠ أى ١٢٠٠٠٠ إ

هوعددالعملة الذين يعملون تطعة الاستمكا مات الاولى فى ظرف ساعة واحدة وكذا يقال حيث ان سم عبارة عن عدد العيملة الذين يعملون تطعة الاستمكامات الاخرى فى ظرف ع يوما فى كل يوم ١٠ ساعات يكون سم × ١٠ × ١٠ اى ٢٠٠١ سم هوعددالعملة اللازمة لعمل الاستمكامات الاخرى في ساعة واحدة وحسكذا يقال حيث ان عسم مب القطعة الاستمكامات الاولى يعادل ٢٠٠٠ ع ٢٠٠٠ ٢ اى ٢٠٠٠ مترمكعب وان مستحب القطعة الثانية يعادل اى ٢٠٠٠ مترمكعب تول المستملة الى ايسطمنها وهى ان يقال حيث ٢١٠٠ مترمكعب تول المستملة الى ايسطمنها وهى ان يقال حيث ٢١٠٠ عامل المستفلوا ٢١٠٠ مترسكعب فى ظرف ساعة واحدة تحدث هذه المتناسبة

قَينَدُ بِلام * ٥٠٠ قاعلا لعمل قطعة الاستمكامات الاخرى في المسدة المعينة في أسرال المسؤال

* (مسائل تعل بواسطة تواعد المتوالية العددية) .

بملاحظة ماهومقرد في علم المنكائيكا في قواعد تصوله سقوط الاجسام. منان المسافة التي يقطعها جهم ساقط في زمن قدره فر تعادل إله فر بغرض ان ح هقد ارجذب الارض اللاجسام وهو بمقتضى ما دلت عليه انتجاريب يساوى ٨٠٨ ره امتار في النائية الواحدة في باريس و ٨٠٨ ره امتار في النائية الواحدة في باريس و ٨٠٨ ره امتار في النائية الواحدة في باريس و ٨٠٨ ره امتار ألم النائية من المسائل الاحتية المتار تقريبا في مصر تحل مسألتان الاولى والثنائية من المسائل الاحتية المسائل الاحتياد المسئلة الاولى والتنائية من المسئلة الاولى والتنائية وال

ماالارتفاع الذي تصل الية بنبعة تستغرق في صعودها زمنا كالزمن الذي

. *(1 <u>\</u>\")* •

· تستغرقه فى الهبوط يفرض النها تستغرق فى الصعود و الهبوط زمنا قسدره عشر ثوان

فألجواب عن ذلك أن يرمن بالحرف سم للارتضاع المطلوب فيكون يسم = المحرف عن عند عند كان نر = ه يكون يسم = المحرف كان نر = ه يكون يم = ع ٠٠٠ و ع × ه ٥٠٠ = ٠٠٠ و ١٢٢٦١٠ ميتراوهوالارتفاع المطلوب

* (المستلة الثانية) *

جسم سقطمن اعلی منارة ارتفاعها ۲۶ مر ۷ مترانها یکون مقدار انزمن آاذی استخرقه الجسم الذکورتی ستوطه

فالجواب عن ذلك ان يقال من المعادلة سم = أم أن عديو المهادلة سم = أم أى عديو المهادلة سم عدد على عدد على المعادلة من عدد على المعادلة على المعادلة المعادلة على المعادلة كوريستغرق في مقوطه مقدارا من الزمن قدره على أوان

(المستلة الشالنة)

غيطانى كان يستى ما ته شجرة موضوعة على استقامة واحدة وبعد كل منها عن المحاورتها و امتار بشرط ان البراندى يرخذ منسه الماء على امتلد د خط الشجر بعيدا عن الشجرة الاولى عقد ارعشرة امتار نستحسكون المسافة التي يقطعها الغيطانى المذكور فى الذهاب و لا ياب أستى السامة من المذكورة

كالجواب عن ذلك انه اذاتؤمل في منطوق المستدة بشاهد أن نعيطات مذكور يقطع ٢٠٠ مترا في سق الشجرة الاولى و ٣٠ مترا في سنى الشائية و ٤٠ مترا في سنى الشائلة و ٥٠ مترا في سنى الرابعة وهام جرّا فبنا عليه تحسكون المسافة التي يقطعها الغيطاني المذكور لستى الشجر جميعه حاصل جع حدود ع __ مُکریم الله می الله ای میرامیترات ای ۱۲. فرسمنا ع __ ۱۲. متر ای ۱۲٫۰ میرامیترات ای ۱۲۰ فرسمنا . تقریبا

• (المسئلة الرابعة) •

غيطانى قطع مسافة قدرها ١٣٧٥٠ مترافى ذهابه وايابه لسقى مقدار من الاشجار شجرة شجرة على استقامة واحدة و بعد هسكل منها عن مجاورتها و امتار ولما وصل الى الشجرة الاخسيرة لسقيها كان قدقطع مسافة قدرها ٢٠٥ متراميد ها المسترالذي كان يفترق منه الموضوع على استقامة الاشجار والمطاوب معرفة عدد الاشجار والبعد الذي بين المبتر والشجرة الاولى

فالجوابان يقال حيث أن المسافة التي قطعها الغيطاني له قي الشجر جيعه في الذهاب هي عين المسافة التي قطعها في الاباب تكون المسافة التي قطعها في الاهاب اوالاياب مبينة بهذا المقدار ٢٧٠٠ المساوى ١٨٧٥ ميتراركذلك تكون المسافة التي قطعها له قي الشجرة الاخبرة في الاباب والذهاب مبينة بهذا المقدار به المساوي ٢٦٠ وبناء عليه يكون من المسافات المقدار به المسافية الشجر جيعه متوالية عددية اساسها من المسافات المقطوعة بالتوالي لستي الشجر جيعه متوالية عددية اساسها من المسافات القطوعة بالتوالي لستي الشجر جيعه متوالية عددية اساسها من المسافات الشخر عددودها ع عدد من وحدها الاخبير له عددودها ع من هذا القانون وستخرج عدد حدودها ح من هذا القانون

(1,40)

المقدار شده من فهوحل للمسائه (لانه باعتباردًا أيكون و المساوى لل سهر (٣-١) اى ٢٦٠ سه ١٩ ١ هـ ٢٩٠ هـ ١٩٠ هـ الشجر يكون ١٥٠ هـ شجرة والبعد المكائن مايين المجروانين شاروانين شارين المجروانين شارين المجروانين شارين المجروانين سارين سارين سارين المجروانين سارين المجروانين سارين المجروانين سارين المجروانين سارين المجروانين سارين المجروانين سارين س

(T \ 1) - ~ + ~ s ~ + ~ s ~ + s = (~ + s) = s ~ + ~ = (~ + ~ = (~ + =) =] ويجمع هذ . المعادلات على بعضها حدا على حدما لتناظر يحدث (リーキ) デャナ (リーミ)・マャリー ミニューな. (1-2) + ء = لا - ٣ س (ع - لا) - ٣ س (ع - لا) - س (- ١ - ١ ومن هذه ألمعادلة يحدث يسهل مفرفة ع اى حاصل جع مربعات حدود المتوالية متى علم

واذا کان المطارب ایجیاد حاصل جع مربعات حدود متوالیة السرد الطبیعی تلاعید د ۱ و ۲ و ۳ و ۶ و ۰۰۰ له یکنی فی فانونی (۱) و (۲) فرض آن م ۱ و سمه د و کذا له د که فیمه دن

 $3 = \frac{2(C+1)}{2}.$

فهذا هوالقانون المطلوب

ق تطبيق هدذا القانون على معرفة عدد التلل الموجودة في احدى الكومات للثلاث المعتادتشكيلها في جيما نات الطو بحية ادمن مخطوم انهسه يضعون القلل والمقبر والبنب على ثلاث صور متنوعة وهي الكومة الهرمسة دات القياعدة المثلثية والكومة الهومية دات القياعدة المثلثية والكومة المعتدة المثلثية والكومة المعتدة المثلثية والكومة المعتدة المشاعدة

(فيحساب الكومة الهرمية ذات القاعدة المربعة).

هذه الكومة تتركب من طبقات مربعة متزايدة التربيع بالابتداء من رئس الشكل الى قاعسدته فإذا سلكا هسذا التربيب يكون فى الطبقة الاولى آنة والسدة وفى الطبقة النائية اربع قلل وفى الثالثية تسم قلل وفى الربعة ست عشرة قلة وفى المساحسة شهسة وعشرون وهكذا الى الطبقة التى غربتها عشرون وهكذا الى الطبقة التى غربتها عشرون وهكذا الى الطبقة التى غربتها عند فنها

تعتوى على الله قله والطبقة الاخيرة يقال لها فاعدة الكومة ومجعوع تسل الكومة يكون حين ثلاث عن مجموع مربعات الاعدد الطبيعية بالابتد و من مربع العدد ١ الى مربع (و الدل على عدد التلل في يحتوى منها كل ضلع من القاعدة الوكل حرف من احرف الكومة)

فاذارمز بالمرف ع لعددالقلل انحتوبة عليها الكومة يحسكون بنتهاى ما تقدم

((十つつ)(i十の)つ = を

وهالــُّـجَدُّ ولاَيَكَنُّ الاسستغناءية عن التانون اذا كان عدد دانماية أنَّ ١٠٠ فاقل وهو محقق لمقانون ايضا

()	A)w +	
المخرمة	طبقة	-رف
•	. 1	•
۰	£	۲
1 £	٩	٣
Z" «,	17	4
00		0
41	F* 7	7
1 2 +4	٤q	Υ,
,r • ž	3.5	Ä
0 A 7	A 1	9
470	1 • •	١.
0 • 7	171	1.1
30.	1 6 6	7.7

فالسف الاول يدل على عدد الطبقات الرعلى عدد القلل الموجود فى كل حرف من الكومة والصف الثاني يدل على عدد القلل الموجودة فى كل طبقة والصف اشالت يدل على عدد القلل المرجودة فى الكومة بقدامها

ذاذ كان الله المساداعي الديرجد عشر طبقات يؤل القانون الى ع المسافرة عند المساداعي المساداعي المسافرة المسافرة

* (فحساب الكومة الهرمية ذات القاءدة المثلثية) *

هذه لكرمة تتركب من طبقات مثلثية متزايعة السنع بالابتداء من الرأس الى المدعدة وكل طبقة عبارة عن سئلت متب وى الاضيالاع ماعدا الطبقة الاربي فانها لا تحتوى الاعلى قد واحدة وضلع الطبقة النمائية بحتوى على قسير وضل لنائلة على الاثنان وضلع الرابعة على اربع وهكرذا الى الطبقة في غرة التانان ضعه المحترى على الاقدة وعدد انتلل التي تحتوى عليه الى

(14.1)

ولتكوين جدول لهذه الكومة كافعل ذلك بالكومة المتقدمة يقال حيث كانت الطبقة التي ضاعها يحتوى على ٥ قلا تتركب هن مقرف مكونة متوالمية مدية كالمتوالمية المتكونة من اعداد السرد الطبيعي ١ و ٢ و ٣ و ٤ و ٥ و ٢٠٠٠ و كون عدد القلل الموجود في هذه الطبقة مساويا ١ + ٢ + ٣ + ٤ + ٢٠٠٠ هـ و بنا على ذلك يغركب هذا الجدول

عديدقلل أنطبيقات.

ف الطبقة الأولى
 ف الثانية
 ا + 7 = 7
 ف الثانية
 ا + 7 + 7 = 7
 ف الزابعة
 ا + 7 + 7 + 3 = ٠٠
 ف الزابعة
 ا + 7 + 7 + 3 + ٠٠
 ف الذرئية

* (rq -) *

وبالتامل في هذا الجدول يشاعدُان كل طبقة من طبقات هذه الكومة مكونة من اضافة الاعداد الطبيعيدة لبعضها على التعاقب الحد العسدد الدال على غرة الطبئة ويتنتفى ذلك يحدث هذا الجدول

	-	" -	
ِ ^س کومة ۱ غ	•	طبقة ١٠٠ ٣	ہوني
1		• 1	•
į.		٣	پىرفي ئ ئ
ŧ •	*	٦	٣
۲.	ŧ	i •	i.
۳٥		10	•
50		7.1	٦
AL		A.7	¥
17.		rī	X
170		r7 	1
* * *		00	1.
•		•	•
•		•	•
•		•	•
٠ خ		ځ	£

فالصف الاول يدل على عدد المقلل التي يعتوى عليها كل حرف من اجرف الكومة اوعلى عدد القلل الموجودة في كل طبقة واعداد هذا الصف متكولة من اضافة الاعداد الطبيعية لبعضها على التعاقب من المالعدد الدال على نحرة الطبقة والصف المسال يدل على عدد القلل الموجود في الكومة بتيامها واعداد هذا الصف متكولة من اضافة جبع عداد الصف الشاق لبعضها على التعاقب الى العدد

. * (1 ?) *.

الذى غربه مستعدد طبقات الكومة وحبثند فكل من هذه المواصل بين بالضرورة جموع قلل الكومة بقامها الانه عبارة عن جموع طبقات هذه الكومة فاذن يوجد ٢٢٠ قلة في الكومة التي عدد طبقاتها ١٠ و فعقمة ذلات انه اذا وضع ١٠ بدل ۵ في القيانون

ع = <u>و(د+ه)(د+ه) حرال</u> ع = <u>۱۲×۱۱×۱۰</u> = ۰۲۰.

فَ الطَّبِقَةُ الأولى

وف النَّائِيَةُ

رف النَّائِيَةُ

رف النَّائِيَةُ

رف النَّائِيَةُ

وف الطَّبِقَةُ النَّونِيَةُ

وف الطَّبِقَةُ النَّونِيَةُ

وف الطَّبِقَةُ النَّونِيَةُ

وف الطَّبِقَةً النَّونِيَةً

وف الطَّبِقَةً النَّونِيَةً

وف الطَّبِقَةً النَّونِيَةً

ولا يحسكن وضع جدول لهذه الكومة الرباعطاء م مقدارا اختيار بإفاذا فرص ان مداد عسل هذا الجدول

الكومة	مقدارالطبقات	عددالطبقات
1 .	١.	•
4, 4	7.7	4
4.5	4.4	~ ~
15.	۰۲ -	£
19.	٧.	÷ •
* A 7.	٩٠	٦
797	711	٧
A70	177	A
79.	771	્ર ૧
AA •	19	١.
• • • •	•	* *
٤.	٠ ج	と

فا صف الاول بدل على عدد طبقات الكومة وعلى عدد كل ضلع جانبي وهد ا نصف يضا بدل على رتب الطبقات في الكومة المعاومة والصف الثاني بدل على عدد القلل التي توجد في الطبقات المختلفة المكونة للكومة والصف المذكور تحسكون من القانون (م+ه-۱) المتقدم غرض م الوالى ها المعداد الطبيعية ١٠٦ و ع ع عدد و التوالى والسف الثالث اى عدد منه عسب واضافة اعداد السف الثالث من اسدا العدد الاول الشف المذكور الى العدد المحاذى الحق الوضع وهو مركب ايضا من حاصل جع الطبقات وهو يعتوى على عدد قلل الكوم المتناظرة وسعتند فالحد العاشر ١٠٨٠ بدل على أنه وجد ١٨٨ قلا في الكوم المتناظرة وسعتند المركبة من ١٠ مطبقات والمقانون ع مد (المركبة من ١٠ ملية عند ١٠ ملية موافق للنائج الموجود والمعدول عد المركبة من المركبة من

ص المحالم المحالم المحامة على وهو المجموا فق للناشج الموجود بالجدول هذا كله اذا كانت الكومة عامة قادًا لم تكن الكومة عامة اعتب برغمامها ثم تحسب الكومة المتسامة والكومة التي لزم اضافتها لتقيم المسكومة الناقصة والفرق بين ها تين الكومة بن الكومة الناقصة والفش لذلا فنقول

ادا فرض ان الكومة الهرمية الناقسة ذات القاعدة المربعة مركبة من عطبقات وكل ضلع من قاعد تها محتوية على ٨ قلات كانت الكامل مركبة من ٨ طبقات و عنوية على ٨ ١٠٤ على ١٠٤ على قاد احذف منها على ١٠٤ على المديوجد في الاربع طبقات المقمة فالباقي الدى هو ١٧٤ يدل على عدد القلل الكائر في الكومة الثاقصة واذا فرض ايضا ان الكومة الهرمية النافسة ذات القاعدة المثلثية مركبة من طبقات وكل ضلع من قاعد تها يعتوى على ٨ قلات كائل الكومة التامة مركبة من ٨ طبقات و محتوية على المكاثر في الدى وجد في التامة مركبة من ٨ طبقات و محتوية على المكاثر في وجد في الشالان طبقات المقمة فالباق ١٢٠٠ قلة يكون عدد القال الموجود في الكومة التاقيمية

وادًا فرسَ ان الكومة المستطيلة اليَّاقِيةَ مركبة من ٦ طبقات وكل ضلع من اضلاع قاءدتها يحتوى على ١٥ قلة وان صف القباعسدة الطبايعتوى على ١٠ قلات كانت الكومة الثامة مركبتمن طبقات ومحتوية على المخالخة = ٦٦٠ قباد فاذا حذف منها المخالخة على المخالخة المخالفة المالات المتحة المحالفة المحتف المربع طبقات المتمة المكون الباق ٨٠٠ هو الكومة الناقصة

وبنعن المضروب ٣٦ في هذا المثال بواسطة ألمضروب ٣٩ م ٢٠ ٥٠٠ الداخل في لحظا نون المتقدم وحيث كان ١٥ = مهه ٥٠٠ م. ١١ بكون م = ١٥ - ١٠ ١٠ إ : ١ وكذات يكون المضروب ٤٢٠ في الكومة المقيمة = ٣ × ١٠ ٢ × ٤ - ٢

واذا كان المطاوب معرفة عدد طبقات كومة هرمية ذات قاعدة مربعة بعد معرفة عدد القلل المحتوية عليه الكومة امكن بواسطة الجدول المعتداما الفيا لهذا الغرض الاستغناء عن البراء عليسة المسابيات بعث ق الخط الشالث عند عدد قلل الكومة فالعدد الموجود فى الخط الاول المقابل لهذا العدد بعين مقد ارالطبقات المؤجودة فى الكومة فعلى ذلك اذا كانت الكومة تعنوى على ١٥٠ قله تكون مركبة من ١٢ طبقة

وبه سكن أيضا حل هذه المسألة بواسطة القانون ع مد عدات الدى فيه كنة ع معلومة بان بست مرجمنه كنة د كن حيث ان هذه المعادلة بدرجة الله في في في معلومة بان بست مرحلها بالطرق المعتادة بكتنى بالمعت عن الجذر التكعيبي بكون التكعيبي لاعظم مكعب بوجد في ٣ ع وهذا الجذر التكعيبي بكون مقدارا الكيمة د ان وافق مقدار ع كومة كاملة وبرهانه ان بست من من المعادلة المتقدمة هذه المعادلة .

7 ع > ۵ و 7 ع < (۱+۵) فکمیة ۵ تکون-پنتــذالجذرالتکمیبی لاعظم محسستحب موجود ف.مقدار ۳ ع

َ وَامَا اَلَكُومَةُ الْمُسْتَطِيلَةُ غَيْثُ كَانَ يَدِخُلُ فَى قَانَوْتُهَا ع <u>د (3+1)(1+20-1)</u> ثلاث مجاهيل مخسيلفة يازم معرفة مجهولين من هذه المجاهيل الثلاثة لتعيين الثالث

بم طبع المنعة الزهرية . في الاعمال الجبرية . بمطبعة مدرسة المهند سمانة المديوية . الكائسة سولاق مصر المحيد . مطبوطا بعيل عناية فاظرها من تلافي رئب المجدونية ارك . سعادة على سائل مبارك . في اواسط شوال المبارك ، الذي هوة من شهور سلايك نة هجرية ، على من شهور سلايك نة هجرية ، على مساحبها افضل المسلاة واذكن المحسية

To: www.al-mostafa.com